

특별하게 종내기

# 트쫐 기쫐

중등 수학

3-1

수학서술형

▶▶ 모범답안



## I. 실수와 그 계산

### 01. 제곱근과 실수

#### 01. 제곱근의 이해

▶ p. 10

#### 교과서 기본예제 1

- (1)  $\pm 9$
- (2)  $\pm \frac{2}{5}$
- (3) 0
- (4)  $\pm 0.1$

#### 교과서 기본예제 2

- (1)  $\pm\sqrt{5}$
- (2)  $\pm\sqrt{17}$
- (3)  $\pm\sqrt{\frac{1}{2}}$
- (4)  $\pm\sqrt{0.3}$

#### 대표문제

$4^2=16$ ,  $(-4)^2=16$ 이므로  
16의 제곱근은 4,  $-4$ 이다.  
즉,  $a = -4$   
또,  $3^2=9$ ,  $(-3)^2=9$ 이므로  
9의 제곱근은 3,  $-3$ 이다.  
즉,  $b = 3$   
 $\therefore a+b = -4+3 = -1$

#### 유사문제

$8^2=64$ ,  $(-8)^2=64$ 이므로 64의 제곱근은 8,  $-8$ 이다.  
즉,  $a=8$  ... (+2점)  
또,  $6^2=36$ ,  $(-6)^2=36$ 이므로 36의 제곱근은 6,  $-6$ 이다.  
즉,  $b=-6$  ... (+2점)  
 $\therefore a-b=8-(-6)=14$  ... (+1점)

## 특별하게 연습하기

▶ p. 12

### 01

(1)  $3^2=9$ 이므로 9의 양의 제곱근은 3이다.

즉,  $\sqrt{9}=3$

$\therefore 3$

(2)  $(-\frac{4}{5})^2=\frac{16}{25}$ 이므로  $\frac{16}{25}$ 의 음의 제곱근은  $-\frac{4}{5}$ 이다.

즉,  $-\sqrt{\frac{16}{25}}=-\frac{4}{5}$

$\therefore -\frac{4}{5}$

### 01-1

(1)  $(-7)^2=49$ 이므로 49의 음의 제곱근은  $-7$ 이다.

즉,  $-\sqrt{49}=-7$  ... ①

$\therefore -7$

(2)  $0.9^2=0.81$ 이므로 0.81의 양의 제곱근은 0.9이다.

즉,  $\sqrt{0.81}=0.9$  ... ②

$\therefore 0.9$

채점기준	배점
① $-\sqrt{49}$ 를 근호를 사용하지 않고 바르게 나타낸다.	2
② $\sqrt{0.81}$ 을 근호를 사용하지 않고 바르게 나타낸다.	2

### 02

$4^2=16$ 이므로 16의 양의 제곱근은 4이다.

따라서  $\sqrt{16}=4$  이고,  $2^2=4$ ,  $(-2)^2=4$  이므로

$\sqrt{16}$ 의 제곱근은 2,  $-2$ 이다.

즉,  $a = -2$

또,  $(-5)^2=25$  이고,  $5^2=25$ ,  $(-5)^2=25$  이므로

$(-5)^2$ 의 제곱근은 5,  $-5$ 이다.

즉,  $b = 5$

$\therefore a+b = -2+5=3$

### 02-1

$(\frac{3}{4})^2=\frac{9}{16}$ ,  $(-\frac{3}{4})^2=\frac{9}{16}$ 이므로

$\frac{9}{16}$ 의 제곱근은  $\frac{3}{4}$ ,  $-\frac{3}{4}$ 이다. 즉,  $a=\frac{3}{4}$  ... ①



또,  $9^2=81$ 이므로 81의 양의 제곱근은 9이다.  
 따라서  $\sqrt{81}=9$ 이고,  $3^2=9$ ,  $(-3)^2=9$ 이므로  
 $\sqrt{81}$ 의 제곱근은 3, -3이다. 즉,  $b=-3$  ... ②  
 $\therefore 4a+b=4 \times \frac{3}{4} + (-3)=0$  ... ③

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	2
② b의 값을 바르게 구한다.	2
③ 4a+b의 값을 바르게 구한다.	1

### 03

가로 길이가 5 cm, 세로 길이가 3 cm인  
 직사각형의 넓이는  $5 \times 3 = 15$  (cm<sup>2</sup>)  
 넓이가 15 cm<sup>2</sup>인 정사각형의 한 변의 길이를  
 $x$  cm로 놓으면  $x^2 = 15$  이므로  
 $x = \sqrt{15}$  ( $\because x > 0$ )  
 따라서 주어진 직사각형과 넓이가 같은 정사각형의  
 한 변의 길이는  $\sqrt{15}$  cm이다.  
 $\therefore \sqrt{15}$  cm

### 03-1

가로 길이가 6 cm, 세로 길이가 5 cm인  
 직사각형의 넓이는  $6 \times 5 = 30$  (cm<sup>2</sup>) ... ①  
 넓이가 30 cm<sup>2</sup>인 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면  
 $x^2 = 30$ 이므로  $x = \sqrt{30}$  ( $\because x > 0$ )  
 따라서 주어진 직사각형과 넓이가 같은 정사각형의  
 한 변의 길이는  $\sqrt{30}$  cm이다. ... ②  
 $\therefore \sqrt{30}$  cm

채점기준	배점
① 직사각형의 넓이를 바르게 구한다.	2
② 정사각형의 한 변의 길이를 바르게 구한다.	3

### 04

두 정사각형의 닮음비가 2:3이므로 넓이의 비는  
 $2^2:3^2=4:9$   
 이때 두 정사각형의 넓이의 합이 39 cm<sup>2</sup>이므로  
 큰 정사각형의 넓이는  $39 \times \frac{9}{4+9} = 27$  (cm<sup>2</sup>)  
 넓이가 27 cm<sup>2</sup>인 정사각형의 한 변의 길이를  
 $x$  cm로 놓으면  $x^2 = 27$  이므로  
 $x = \sqrt{27}$  ( $\because x > 0$ )

따라서 큰 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{27}$  cm이다.  
 $\therefore \sqrt{27}$  cm

### 04-1

두 정사각형의 닮음비가 1:4이므로 넓이의 비는  
 $1^2:4^2=1:16$  ... ①  
 이때 두 정사각형의 넓이의 합이 51 cm<sup>2</sup>이므로  
 큰 정사각형의 넓이는  $51 \times \frac{16}{1+16} = 48$  (cm<sup>2</sup>) ... ②  
 넓이가 48 cm<sup>2</sup>인 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면  
 $x^2 = 48$ 이므로  $x = \sqrt{48}$  ( $\because x > 0$ )  
 따라서 큰 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{48}$  cm이다. ... ③  
 $\therefore \sqrt{48}$  cm

채점기준	배점
① 두 정사각형의 넓이의 비를 바르게 구한다.	2
② 큰 정사각형의 넓이를 바르게 구한다.	2
③ 큰 정사각형의 한 변의 길이를 바르게 구한다.	2

## 02 제곱근의 성질

▶ p. 14

### 교과서 기본예제 1

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| (1) 2             | (2) $\frac{1}{3}$ |
| (3) 8             | (4) -11           |
| (5) $\frac{3}{2}$ | (6) -3.4          |

### 교과서 기본예제 2

- |        |       |
|--------|-------|
| (1) 5  | (2) 8 |
| (3) -1 | (4) 3 |

### 대표문제

$a-b < 0$ 에서  $a < b$ 이고  
 $ab < 0$ 이므로  $a < 0$ ,  $b > 0$   
 $\sqrt{9a^2} - \sqrt{b^2} + \sqrt{(3a-b)^2} = \sqrt{(3a)^2} - \sqrt{b^2} + \sqrt{(3a-b)^2}$   
 이때  $3a < 0$ ,  $b > 0$ ,  $3a-b < 0$ 이므로

$$\begin{aligned} & \sqrt{(3a)^2} - \sqrt{b^2} + \sqrt{(3a-b)^2} \\ &= -3a - b - (3a-b) \\ &= -3a - b - 3a + b \\ &= -6a \end{aligned}$$

∴ -6a

**유사문제**

$a-b > 0$ 에서  $a > b$ 이고  $ab < 0$ 이므로  $a > 0, b < 0$  ... (+2점)

$$\begin{aligned} & \sqrt{(-b)^2} + \sqrt{(2b-a)^2} - \sqrt{4b^2} \\ &= \sqrt{(-b)^2} + \sqrt{(2b-a)^2} - \sqrt{(2b)^2} \end{aligned}$$

이때  $-b > 0, 2b-a < 0, 2b < 0$ 이므로 ... (+2점)

$$\begin{aligned} & \sqrt{(-b)^2} + \sqrt{(2b-a)^2} - \sqrt{(2b)^2} \\ &= -b - (2b-a) - (-2b) \\ &= -b - 2b + a + 2b \\ &= a - b \end{aligned}$$

∴  $a-b$  ... (+2점)

∴  $a-b$

**특별하게 연습하기**

▶ p. 16

**01**

$(-\sqrt{49})^2 = \boxed{49}$  이고,  $7^2 = 49, (-7)^2 = 49$  이므로

$(-\sqrt{49})^2$ 의 제곱근은  $\boxed{7}, \boxed{-7}$ 이다.

즉,  $a = \boxed{7}$

또,  $\sqrt{(-16)^2} = \boxed{16}$  이고,  $4^2 = 16, (-4)^2 = 16$  이므로

$\sqrt{(-16)^2}$ 의 제곱근은  $\boxed{4}, \boxed{-4}$ 이다.

즉,  $b = \boxed{-4}$

∴  $a+b = \boxed{7+(-4)=3}$

**01-1**

$\sqrt{(-4)^2} = 4$ 이고,  $2^2 = 4, (-2)^2 = 4$ 이므로

$\sqrt{(-4)^2}$ 의 제곱근은 2, -2이다.

즉,  $a = 2$  ... ①

또,  $(-\sqrt{25})^2 = 25$ 이고,  $5^2 = 25, (-5)^2 = 25$ 이므로

$(-\sqrt{25})^2$ 의 제곱근은 5, -5이다.

즉,  $b = -5$  ... ②

∴  $a-b = 2 - (-5) = 7$  ... ③

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a-b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

**02**

$$\begin{aligned} & \sqrt{(-7)^2} + (-\sqrt{3})^2 + \sqrt{\left(-\frac{1}{3}\right)^2} \times \sqrt{9} \\ &= \sqrt{(-7)^2} + (-\sqrt{3})^2 + \sqrt{\left(-\frac{1}{3}\right)^2} \times \sqrt{3^2} \\ &= 7 + 3 + \frac{1}{3} \times 3 \\ &= 11 \end{aligned}$$

∴ 11

**02-1**

$$\begin{aligned} & \sqrt{\frac{9}{25}} \div \sqrt{(-3)^2} + \sqrt{0.16} \times (-\sqrt{10})^2 \\ &= \sqrt{\left(\frac{3}{5}\right)^2} \div \sqrt{(-3)^2} + \sqrt{0.4^2} \times (-\sqrt{10})^2 \\ &= \frac{3}{5} \div 3 + 0.4 \times 10 \\ &= \frac{3}{5} \times \frac{1}{3} + 4 = \frac{21}{5} \\ &\therefore \frac{21}{5} \end{aligned}$$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	5

**03**

$a+b < 0, ab > 0$ 이므로  $a < \boxed{0}, b < \boxed{0}$

이때  $a < \boxed{0}, b < \boxed{0}, -2a > \boxed{0}$ 이므로

$$\begin{aligned} & \sqrt{a^2} + \sqrt{b^2} - \sqrt{(-2a)^2} \\ &= \boxed{-a - b - (-2a)} = -a - b + 2a = a - b \end{aligned}$$

∴ a-b

**03-1**

$a-b > 0$ 에서  $a > b$ 이고  $ab < 0$ 이므로  $a > 0, b < 0$  ... ①

이때  $a > 0, 2b < 0, -b > 0$ 이므로 ... ②

$$\begin{aligned} & \sqrt{a^2} + \sqrt{(2b)^2} - \sqrt{(-b)^2} = a - 2b - (-b) \\ &= a - 2b + b = a - b \end{aligned}$$

... ③



∴  $a-b$

채점기준	배점
① $a, b$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	2
② $a, 2b, -b$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	2
③ 주어진 식을 바르게 간단히 한다.	2

### 04

$-3 < a < -2$ 일 때,

$-2a > 0, a+2 < 0, a+4 > 0$ 이므로

$$\begin{aligned} & \sqrt{(-2a)^2} + \sqrt{(a+2)^2} - \sqrt{(a+4)^2} \\ &= -2a - (a+2) - (a+4) \\ &= -2a - a - 2 - a - 4 \\ &= -4a - 6 \end{aligned}$$

∴  $-4a-6$

### 04-1

$3 < x < 5$ 일 때,

$2x > 0, x-2 > 0, x-6 < 0$ 이므로

$$\begin{aligned} & \sqrt{(2x)^2} - \sqrt{(x-2)^2} - \sqrt{(x-6)^2} \\ &= 2x - (x-2) + (x-6) \\ &= 2x - x + 2 + x - 6 \\ &= 2x - 4 \end{aligned}$$

∴  $2x-4$

채점기준	배점
① $2x, x-2, x-6$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	3
② 주어진 식을 바르게 간단히 한다.	3

### 03 자연수가 되기 위한 미지수의 값 구하기 ▶ p. 18

#### 교과서 기본예제 1

- (1) 6 (2) 2  
(3) 3 (4) 6

#### 교과서 기본예제 2

5, 14, 21, 26, 29

#### 대표문제

(i)  $\sqrt{18-x}$ 가 자연수가 되기 위한  $18-x$ 의 값은

$1, 4, 9, 16$ 이다.

즉,  $x = 2, 9, 14, 17$ 이므로

$a = 17$

(ii)  $\sqrt{\frac{18}{y}} = \sqrt{\frac{2 \times 3^2}{y}}$ 이(가) 자연수가 되기 위한  $y$ 의 값은

$2, 2 \times 3^2$ 이므로  $b = 2$

∴  $a+b = 17+2=19$

#### 유사문제

(i)  $\sqrt{150x} = \sqrt{2 \times 3 \times 5^2 \times x}$ 가 자연수가 되기 위한  $x$ 는

$x = 2 \times 3 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

즉,  $x = 6, 24, 54, \dots$ 이므로  $a = 6$  ... (+3점)

(ii)  $\sqrt{\frac{63}{y}} = \sqrt{\frac{3^2 \times 7}{y}}$ 이 자연수가 되기 위한  $y$ 의 값은

$7, 3^2 \times 7$ 이므로  $b = 7$  ... (+3점)

∴  $b-a = 7-6=1$  ... (+1점)

### 특별하게 연습하기

▶ p. 20

### 01

$\sqrt{28x} = \sqrt{2^2 \times 7 \times x}$ 이(가) 자연수가 되기 위한

$x$ 는  $x = 7 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

즉,  $x = 7, 28, 63, \dots$

따라서 자연수  $x$ 의 값 중에서 가장 작은 두 자리 자연수는

$28$ 이다.

∴  $28$

01-1

$\sqrt{108x} = \sqrt{2^2 \times 3^3 \times x}$ 가 자연수가 되기 위한  $x$ 는  
 $x = 3 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.  
 즉,  $x = 3, 12, 27, 48, 75, 108, 147, \dots$  ... ①  
 따라서 자연수  $x$ 의 값 중에서 100에 가장 가까운 자연수는  
 108이다. ... ②  
 $\therefore 108$

채점기준	배점
① 가능한 $x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	3
② 자연수 $x$ 의 값 중에서 100에 가장 가까운 자연수를 바르게 구한다.	2

02

$\sqrt{\frac{112}{n}} = \sqrt{\frac{2^4 \times 7}{n}}$ 이(가) 자연수가 되기 위한  $n$ 의 값은  
 $n = \boxed{7}, \boxed{2^2 \times 7}, \boxed{2^4 \times 7}$   
 따라서 가장 작은 자연수  $n$ 의 값은  $\boxed{7}$ 이다.  
 $\therefore \boxed{7}$

02-1

$\sqrt{\frac{180}{x}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3^2 \times 5}{x}}$ 가 자연수가 되기 위한  $x$ 의 값은  
 $x = 5, 2^2 \times 5, 3^2 \times 5, 2^2 \times 3^2 \times 5$  ... ①  
 따라서 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 5이다. ... ②  
 $\therefore 5$

채점기준	배점
① 가능한 $x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	3
② 가장 작은 자연수 $x$ 의 값을 바르게 구한다.	2

03

$\sqrt{29+x}$ 가 자연수가 되기 위한  $29+x$ 의 값은  
 $\boxed{36, 49, 64, 81, 100, 121, 144, \dots}$   
 즉,  $x = \boxed{7, 20, 35, 52, 71, 92, 115, \dots}$   
 따라서 자연수  $x$ 의 값 중에서 100보다 작은 자연수의 개수는  
 $\boxed{6}$ 개이다.  
 $\therefore \boxed{6}$ 개

03-1

$\sqrt{48+x}$ 가 자연수가 되기 위한  $48+x$ 의 값은  
 $49, 64, 81, 100, 121, 144, 169, \dots$  ... ①  
 즉,  $x = 1, 16, 33, 52, 73, 96, 121, \dots$  ... ②  
 따라서 자연수  $x$ 의 값 중에서 두 자리 자연수의 개수는  
 5개이다. ... ③

$\therefore 5$ 개

채점기준	배점
① 가능한 $48+x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
② 가능한 $x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
③ 자연수 $x$ 의 값 중에서 두 자리 자연수의 개수를 바르게 구한다.	2

04

(1)  $\sqrt{37-x}$ 가 자연수가 되기 위한  $37-x$ 의 값은  
 $\boxed{1}, \boxed{4}, \boxed{9}, \boxed{16}, \boxed{25}, \boxed{36}$   
 즉,  $x = \boxed{1}, \boxed{12}, \boxed{21}, \boxed{28}, \boxed{33}, \boxed{36}$   
 $\therefore \boxed{1}, \boxed{12}, \boxed{21}, \boxed{28}, \boxed{33}, \boxed{36}$   
 (2) 자연수  $x$ 의 값 중에서 가장 큰 수는  $\boxed{36}$ .  
 가장 작은 수는  $\boxed{1}$ 이므로 합은  $\boxed{36+1=37}$   
 $\therefore \boxed{37}$

04-1

(1)  $\sqrt{42-x}$ 가 정수가 되기 위한  $42-x$ 의 값은  
 $0, 1, 4, 9, 16, 25, 36$  ... ①  
 즉,  $x = 6, 17, 26, 33, 38, 41, 42$  ... ②  
 $\therefore 6, 17, 26, 33, 38, 41, 42$   
 (2) 자연수  $x$ 의 값 중에서 가장 큰 수는 42,  
 가장 작은 수는 6이므로 차는  $42-6=36$  ... ③  
 $\therefore 36$

채점기준	배점
① 가능한 $42-x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
② 가능한 $x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
③ 자연수 $x$ 의 값 중에서 가장 큰 수와 가장 작은 수의 차를 바르게 구한다.	2

04 무리수와 실수의 이해 ▶ p. 22

교과서 기본예제 1

(1)  $\sqrt{13}$  (2)  $\sqrt{34}$

교과서 기본예제 2

점 P :  $2-\sqrt{10}$ , 점 Q :  $3+\sqrt{13}$



대표문제

$\overline{AB}^2 = 2^2 + 1^2 = 5$  이고

$\overline{AB} > 0$ 이므로  $\overline{AB} = \sqrt{5}$

즉,  $\overline{AD} = \overline{AB} = \sqrt{5}$

이때  $\overline{AP} = \overline{AD}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는

$3 - \sqrt{5}$  이다.

또,  $\overline{AQ} = \overline{AB}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는

$3 + \sqrt{5}$  이다.

∴ 점 P :  $3 - \sqrt{5}$ , 점 Q :  $3 + \sqrt{5}$

유사문제

$\overline{AB}^2 = 3^2 + 1^2 = 10$ 이고  $\overline{AB} > 0$ 이므로  $\overline{AB} = \sqrt{10}$

즉,  $\overline{AD} = \overline{AB} = \sqrt{10}$

이때  $\overline{AP} = \overline{AD}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는

$2 - \sqrt{10}$ 이다.

또,  $\overline{AQ} = \overline{AB}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는

$2 + \sqrt{10}$ 이다.

∴ 점 P :  $2 - \sqrt{10}$ , 점 Q :  $2 + \sqrt{10}$

... (+1점)

... (+2점)

... (+2점)

특별하게 연습하기

▶ p. 24

01

$\sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$ ,  $-\sqrt{9} + 5 = -3 + 5 = 2$

이므로 무리수는  $\sqrt{2.3}$ ,  $\sqrt{15} - 2$  이다.

∴  $\sqrt{2.3}, \sqrt{15} - 2$

01-1

$\sqrt{144} = 12$ ,  $5 - \sqrt{4} = 5 - 2 = 3$ 이므로

... ①

무리수는  $\sqrt{1.6}$ ,  $\sqrt{3} - 1$ ,  $\pi + 1$ 이다.

... ②

∴  $\sqrt{1.6}, \sqrt{3} - 1, \pi + 1$

채점기준	배점
① 근호 없이 나타낼 수 있는 수를 모두 바르게 제시한다.	1
② 주어진 수 중에서 무리수를 모두 바르게 고른다.	3

02

두 정사각형의 한 변의 길이가 모두 1이므로

대각선의 길이는 모두  $\sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

이때  $\overline{CP} = \overline{CA}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는

$-\sqrt{2}$  이다.

또,  $\overline{FQ} = \overline{FH}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는

$1 + \sqrt{2}$  이다.

∴ 점 P :  $-\sqrt{2}$ , 점 Q :  $1 + \sqrt{2}$

02-1

두 정사각형의 한 변의 길이가 모두 1이므로

대각선의 길이는 모두  $\sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  ... ①

이때  $\overline{BP} = \overline{BD}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $-2 + \sqrt{2}$ 이다. ... ②

또,  $\overline{GQ} = \overline{GE}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $1 - \sqrt{2}$ 이다. ... ③

∴ 점 P :  $-2 + \sqrt{2}$ , 점 Q :  $1 - \sqrt{2}$

채점기준	배점
① 두 정사각형의 대각선의 길이를 바르게 구한다.	1
② 점 P가 나타내는 수를 바르게 구한다.	2
③ 점 Q가 나타내는 수를 바르게 구한다.	2

03

$\overline{BA}^2 = 1^2 + 1^2 = 2$  이고  $\overline{BA} > 0$ 이므로  $\overline{BA} = \sqrt{2}$

즉,  $\overline{BC} = \overline{BA} = \sqrt{2}$

이때  $\overline{BP} = \overline{BA}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $1 - \sqrt{2}$  이다.

또,  $\overline{BQ} = \overline{BC}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $1 + \sqrt{2}$  이다.

∴ 점 P :  $1 - \sqrt{2}$ , 점 Q :  $1 + \sqrt{2}$

03-1

$\overline{BA}^2 = 1^2 + 1^2 = 2$ 이고  $\overline{BA} > 0$ 이므로  $\overline{BA} = \sqrt{2}$

즉,  $\overline{BC} = \overline{BA} = \sqrt{2}$  ... ①

이때  $\overline{BP} = \overline{BA}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $-1 - \sqrt{2}$ 이다. ... ②

또,  $\overline{BQ} = \overline{BC}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $-1 + \sqrt{2}$ 이다. ... ③

∴ 점 P :  $-1 - \sqrt{2}$ , 점 Q :  $-1 + \sqrt{2}$

채점기준	배점
① BA, BC의 길이를 각각 바르게 구한다.	1
② 점 P가 나타내는 수를 바르게 구한다.	2
③ 점 Q가 나타내는 수를 바르게 구한다.	2

04

$\overline{AB}^2 = 1^2 + 2^2 = 5$  이고  $\overline{AB} > 0$ 이므로  $\overline{AB} = \sqrt{5}$

이때  $\overline{AP} = \overline{AB}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $-2 + \sqrt{5}$ 이다.

$\overline{EH} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$ 이고  $\overline{EH} > 0$ 이므로  $\overline{EH} = \sqrt{10}$

이때  $\overline{EQ} = \overline{EH}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $2 - \sqrt{10}$ 이다.

∴ 점 P :  $-2 + \sqrt{5}$ , 점 Q :  $2 - \sqrt{10}$

04-1

$\overline{AD}^2 = 1^2 + 2^2 = 5$ 이고  $\overline{AD} > 0$ 이므로  $\overline{AD} = \sqrt{5}$

이때  $\overline{AP} = \overline{AD}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $-4 - \sqrt{5}$ 이다. ... ①

$\overline{EF}^2 = 3^2 + 1^2 = 10$ 이고  $\overline{EF} > 0$ 이므로  $\overline{EF} = \sqrt{10}$

이때  $\overline{EQ} = \overline{EF}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $1 + \sqrt{10}$ 이다. ... ②

∴ 점 P :  $-4 - \sqrt{5}$ , 점 Q :  $1 + \sqrt{10}$

채점기준	배점
① 점 P가 나타내는 수를 바르게 구한다.	3
② 점 Q가 나타내는 수를 바르게 구한다.	3

$$a - c = \sqrt{3} + \sqrt{5} - (\sqrt{5} + 2) = \sqrt{3} + \sqrt{5} - \sqrt{5} - 2 = \sqrt{3} - 2 = \sqrt{3} - \sqrt{4} < 0$$

따라서  $a - c < 0$ 이므로  $a < c$

즉,  $a > b$ 이고  $a < c$ 이므로  $b < a < c$

∴  $b < a < c$

유사문제

$a - b = \sqrt{5} - 2 - 2 = \sqrt{5} - 4 = \sqrt{5} - \sqrt{16} < 0$

따라서  $a - b < 0$ 이므로  $a < b$  ... (+2점)

$b - c = 2 - (1 + \sqrt{3}) = 2 - 1 - \sqrt{3} = \sqrt{1} - \sqrt{3} < 0$

따라서  $b - c < 0$ 이므로  $b < c$  ... (+2점)

즉,  $a < b$ 이고  $b < c$ 이므로  $a < b < c$  ... (+2점)

∴  $a < b < c$

특별하게 연습하기

▶ p. 28

01

$\sqrt{5} - 3 < 0$ 이고,

$\sqrt{5} - 3 - (-2) = \sqrt{5} - 3 + 2 = \sqrt{5} - 1 > 0$ 이므로

$\sqrt{5} - 3 > -2$

또,  $\sqrt{3} + 1 - \frac{5}{3} = \sqrt{3} - \frac{2}{3} > 0$ 이므로  $\sqrt{3} + 1 > \frac{5}{3}$

즉, 크기가 작은 것부터 차례대로 나열하면

$$-2, \sqrt{5} - 3, 0, \frac{5}{3}, \sqrt{3} + 1$$

∴  $-2, \sqrt{5} - 3, 0, \frac{5}{3}, \sqrt{3} + 1$

01-1

$\sqrt{7} - \sqrt{3} - (-1 + \sqrt{7}) = \sqrt{7} - \sqrt{3} + 1 - \sqrt{7} = 1 - \sqrt{3} < 0$

이므로  $\sqrt{7} - \sqrt{3} < -1 + \sqrt{7}$  ... ①

또,  $-1 + \sqrt{7} - 2 = \sqrt{7} - 3 < 0$ 이므로  $-1 + \sqrt{7} < 2$  ... ②

즉, 크기가 작은 것부터 차례대로 나열하면

$$-1, -\frac{1}{3}, \sqrt{7} - \sqrt{3}, -1 + \sqrt{7}, 2 \dots ③$$

∴  $-1, -\frac{1}{3}, \sqrt{7} - \sqrt{3}, -1 + \sqrt{7}, 2$

05 실수의 대소 관계

▶ p. 26

교과서 기본예제 1

(1)  $4 > \sqrt{14}$

(2)  $\sqrt{\frac{3}{4}} < \frac{3}{2}$

(3)  $\sqrt{5} + \sqrt{2} < 3 + \sqrt{5}$

(4)  $4 > 1 + \sqrt{7}$

교과서 기본예제 2

5, 6, 7, 8

대표문제

$$a - b = \sqrt{3} + \sqrt{5} - (2 + \sqrt{3}) = \sqrt{3} + \sqrt{5} - 2 - \sqrt{3} = \sqrt{5} - 2 = \sqrt{5} - \sqrt{4} > 0$$

따라서  $a - b > 0$ 이므로  $a > b$





채점기준	배점
① $\sqrt{7}-\sqrt{3}$ 과 $-1+\sqrt{7}$ 의 대소를 바르게 비교한다.	2
② $-1+\sqrt{7}$ 과 2의 대소를 바르게 비교한다.	2
③ 주어진 수들을 크기가 작은 것부터 차례대로 바르게 나열한다.	1

## 02

부등식  $2 < \sqrt{a-1} < 3$ 의 각 변을 제곱하면

$$4 < a-1 < 9, 5 < a < 10$$

이때  $5 < a < 10$ 을(를) 만족시키는 자연수  $a$ 는

$$6, 7, 8, 9 \text{ 이다.}$$

즉,  $M = 9$ ,  $m = 6$  이므로

$$M + m = 9 + 6 = 15$$

$$\therefore 15$$

### 02-1

부등식  $3 < \sqrt{2a+7} < 5$ 의 각 변을 제곱하면

$$9 < 2a+7 < 25, 2 < 2a < 18, 1 < a < 9 \quad \dots \textcircled{1}$$

이때  $1 < a < 9$ 를 만족시키는 자연수  $a$ 는

$$2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 \text{ 이다.} \quad \dots \textcircled{2}$$

즉,  $M = 8$ ,  $m = 2$ 이므로  $M - m = 8 - 2 = 6$   $\dots \textcircled{3}$

$$\therefore 6$$

채점기준	배점
① $a$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	2
② 부등식을 만족시키는 자연수 $a$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
③ $M - m$ 의 값을 바르게 구한다.	2

## 03

$$\sqrt{9} < \sqrt{15} < \sqrt{16} \text{ 이므로}$$

$$3 < \sqrt{15} < 4, \text{ 즉 } N(15) = 3$$

$$\text{또, } \sqrt{49} < \sqrt{51} < \sqrt{64} \text{ 이므로}$$

$$7 < \sqrt{51} < 8, \text{ 즉 } N(51) = 7$$

$$\text{따라서 } N(15) - N(51) = 3 - 7 = -4$$

$$\therefore -4$$

### 03-1

$$\sqrt{196} < \sqrt{200} < \sqrt{225} \text{ 이므로 } 14 < \sqrt{200} < 15$$

$$\text{즉, } N(200) = 14 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{또, } \sqrt{16} < \sqrt{20} < \sqrt{25} \text{ 이므로 } 4 < \sqrt{20} < 5$$

$$\text{즉, } N(20) = 4 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{따라서 } N(200) - N(20) = 14 - 4 = 10 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore 10$$

채점기준	배점
① $N(200)$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $N(20)$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $N(200) - N(20)$ 의 값을 바르게 구한다.	1

## 04

$$\sqrt{1} < \sqrt{3} < \sqrt{4} \text{ 이므로}$$

$$1 < \sqrt{3} < 2, -4 < \sqrt{3} - 5 < -3$$

$$\text{또, } 1 < \sqrt{3} < 2 \text{ 이므로}$$

$$-2 < -\sqrt{3} < -1, 3 < 5 - \sqrt{3} < 4$$

따라서  $\sqrt{3} - 5$ 와  $5 - \sqrt{3}$  사이에 있는 정수는

$$-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$$

$$\therefore -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$$

### 04-1

$$\sqrt{4} < \sqrt{8} < \sqrt{9} \text{ 이므로}$$

$$2 < \sqrt{8} < 3, -5 < \sqrt{8} - 7 < -4 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{또, } 2 < \sqrt{8} < 3 \text{ 이므로}$$

$$-3 < -\sqrt{8} < -2, 4 < 7 - \sqrt{8} < 5 \quad \dots \textcircled{2}$$

따라서  $\sqrt{8} - 7$ 과  $7 - \sqrt{8}$  사이에 있는 정수는

$$-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4$$

의 9개이다.  $\dots \textcircled{3}$

$$\therefore 9 \text{ 개}$$

채점기준	배점
① $\sqrt{8} - 7$ 이 어떤 두 정수 사이의 수인지 바르게 제시한다.	2
② $7 - \sqrt{8}$ 이 어떤 두 정수 사이의 수인지 바르게 제시한다.	2
③ $\sqrt{8} - 7$ 과 $7 - \sqrt{8}$ 사이에 있는 정수의 개수를 바르게 구한다.	2

## 자신있게 품내기

▶ p. 30

## 01

16의 제곱근은 제곱해서 16이 되는 수이고,

제곱근 16은 16의 양의 제곱근이다.

채점기준	배점
16의 제곱근과 제곱근 16의 차이점을 바르게 설명한다.	5

02

제곱근 9는  $\sqrt{9}=3$   
 즉,  $a=3$  ... ①  
 또,  $(-12)^2=144$ 이고,  $12^2=144$ ,  $(-12)^2=144$ 이므로  
 $(-12)^2$ 의 제곱근은 12, -12이다.  
 즉,  $b=-12$  ... ②  
 $\therefore \frac{1}{3}ab = \frac{1}{3} \times 3 \times (-12) = -12$  ... ③

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	2
② b의 값을 바르게 구한다.	2
③ $\frac{1}{3}ab$ 의 값을 바르게 구한다.	1

03

두 화단의 넓이의 합은  $(\sqrt{7})^2 + (\sqrt{5})^2 = 7 + 5 = 12$  ( $m^2$ ) ... ①  
 즉, 새로 만들려고 하는 정사각형 모양의 화단의 넓이는  
 $3 \times 12 = 36$  ( $m^2$ )이므로 한 변의 길이는  $\sqrt{36} = 6$  (m) ... ②  
 $\therefore 6$  m

채점기준	배점
① 두 화단의 넓이의 합을 바르게 구한다.	2
② 새로 만들려고 하는 화단의 한 변의 길이를 바르게 구한다.	3

04

$a = (-3) \times \sqrt{(-6)^2} + (-\sqrt{12})^2 - (-\sqrt{10})^2$  ... ①  
 $= (-3) \times 6 + 12 - 10 = -18 + 12 - 10 = -16$   
 $b = \sqrt{121} - \sqrt{64} \div (-\sqrt{2})^2 = \sqrt{11^2} - \sqrt{8^2} \div (-\sqrt{2})^2$  ... ②  
 $= 11 - 8 \div 2 = 11 - 4 = 7$   
 즉,  $a+b = -16+7 = -9$  ... ③  
 $\therefore -9$

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	3
② b의 값을 바르게 구한다.	3
③ a+b의 값을 바르게 구한다.	1

05

$a-b < 0$ 에서  $a < b$ 이고  $ab < 0$ 이므로  $a < 0$ ,  $b > 0$  ... ①  
 $\sqrt{(b+2)^2} - \sqrt{4a^2} - \sqrt{(a-b)^2}$   
 $= \sqrt{(b+2)^2} - \sqrt{(2a)^2} - \sqrt{(a-b)^2}$   
 이때  $b+2 > 0$ ,  $2a < 0$ ,  $a-b < 0$ 이므로 ... ②  
 $\sqrt{(b+2)^2} - \sqrt{(2a)^2} - \sqrt{(a-b)^2}$   
 $= b+2 - (-2a) + (a-b)$   
 $= b+2+2a+a-b$   
 $= 3a+2$  ... ③  
 $\therefore 3a+2$

채점기준	배점
① a, b의 부호를 각각 바르게 제시한다.	2
② $b+2$ , $2a$ , $a-b$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	3
③ 주어진 식을 바르게 간단히 한다.	2

06

$a < 1$ 의 양변을  $a$ 로 나누면  $1 < \frac{1}{a}$ , 즉  $a < \frac{1}{a}$  ... ①  
 $\sqrt{\left(\frac{1}{a}-a\right)^2} - \sqrt{\left(a-\frac{1}{a}\right)^2} - \sqrt{9a^2}$   
 $= \sqrt{\left(\frac{1}{a}-a\right)^2} - \sqrt{\left(a-\frac{1}{a}\right)^2} - \sqrt{(3a)^2}$   
 이때  $\frac{1}{a}-a > 0$ ,  $a-\frac{1}{a} < 0$ ,  $3a > 0$ 이므로 ... ②  
 $\sqrt{\left(\frac{1}{a}-a\right)^2} - \sqrt{\left(a-\frac{1}{a}\right)^2} - \sqrt{(3a)^2}$   
 $= \frac{1}{a}-a + a - \frac{1}{a} - 3a = -3a$  ... ③  
 $\therefore -3a$

채점기준	배점
① $a$ 와 $\frac{1}{a}$ 의 대소 관계를 바르게 제시한다.	2
② $\frac{1}{a}-a$ , $a-\frac{1}{a}$ , $3a$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	3
③ 주어진 식을 바르게 간단히 한다.	2

07

$\sqrt{\frac{12n}{5}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3 \times n}{5}}$ 이 자연수가 되기 위한  $n$ 은  
 $n = 3 \times 5 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.  
 즉,  $n = 15, 60, 135, \dots$  ... ①  
 따라서 가장 작은 자연수  $n$ 의 값은 15이다. ... ②  
 $\therefore 15$

채점기준	배점
① 가능한 $n$ 의 값을 모두 구한다.	4
② 가장 작은 자연수 $n$ 의 값을 바르게 구한다.	2

08

$\sqrt{x^2+9}$ 가 자연수가 되기 위한  $x^2+9$ 의 값은  
 16, 25, 36, ... ... ①  
 즉,  $x^2=7, 16, 27, \dots$  ... ②  
 이때  $x$ 가 자연수가 되는 가장 작은  $x^2$ 의 값이 16이므로  
 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은 4이다. ... ③  
 $\therefore 4$

채점기준	배점
① 가능한 $x^2+9$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
② 가능한 $x^2$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
③ 가장 작은 자연수 $x$ 의 값을 바르게 구한다.	2



09

$\sqrt{8ab} = \sqrt{2^3 \times ab}$ 가 자연수가 되기 위한  $ab$ 는

$ab = 2 \times (\text{자연수})^2$  꼴이어야 한다.

이때  $a, b$ 는 6 이하의 자연수이므로  $ab = 2, 8, 18, 32$  ... ①

(i)  $ab = 2$ 일 때, 순서쌍  $(a, b)$ 는  $(1, 2), (2, 1)$

(ii)  $ab = 8$ 일 때, 순서쌍  $(a, b)$ 는  $(2, 4), (4, 2)$

(iii)  $ab = 18$ 일 때, 순서쌍  $(a, b)$ 는  $(3, 6), (6, 3)$

(iv)  $ab = 32$ 일 때, 만족시키는 순서쌍  $(a, b)$ 는 없다.

(i)~(iv)에서 구하는 순서쌍  $(a, b)$ 는

$(1, 2), (2, 1), (2, 4), (3, 6), (4, 2), (6, 3)$  ... ②

$\therefore (1, 2), (2, 1), (2, 4), (3, 6), (4, 2), (6, 3)$

채점기준	배점
① 가능한 $ab$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	3
② 순서쌍 $(a, b)$ 를 모두 바르게 구한다.	4

10

정사각형 ABCD의 한 변의 길이가 1이므로

$AC = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$  ... ①

이때  $AP = AC$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $-1 - \sqrt{2}$ 이다.

즉,  $a = -1 - \sqrt{2}$  ... ②

또,  $AQ = AC$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $-1 + \sqrt{2}$ 이다.

즉,  $b = -1 + \sqrt{2}$  ... ③

$\therefore a = -1 - \sqrt{2}, b = -1 + \sqrt{2}$

채점기준	배점
① AC의 길이를 바르게 구한다.	1
② a의 값을 바르게 구한다.	2
③ b의 값을 바르게 구한다.	2

11

$BA^2 = 1^2 + 1^2 = 2$ 이고  $BA > 0$ 이므로  $BA = \sqrt{2}$

이때  $BP = BA$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $2 + \sqrt{2}$ 이다. ... ①

$FD^2 = 1^2 + 2^2 = 5$ 이고  $FD > 0$ 이므로  $FD = \sqrt{5}$

이때  $FQ = FD$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $-1 - \sqrt{5}$ 이다. ... ②

$\therefore$  점 P :  $2 + \sqrt{2}$ , 점 Q :  $-1 - \sqrt{5}$

채점기준	배점
① 점 P가 나타내는 수를 바르게 구한다.	3
② 점 Q가 나타내는 수를 바르게 구한다.	3

12

원의 반지름의 길이를  $r$ 로 놓으면

$\pi \times r^2 = 2\pi, r^2 = 2, r = \sqrt{2} (\because r > 0)$  ... ①

이 원을 수직선 위에서 오른쪽으로 한 바퀴 굴릴 때,

점 A와 점 B 사이의 거리는 원주와 같으므로

$2 \times \pi \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}\pi$  ... ②

즉, 점 B가 나타내는 수는  $1 + 2\sqrt{2}\pi$ 이다. ... ③

$\therefore 1 + 2\sqrt{2}\pi$

채점기준	배점
① 원의 반지름의 길이를 바르게 구한다.	2
② 점 A와 점 B 사이의 거리를 바르게 구한다.	2
③ 점 B가 나타내는 수를 바르게 구한다.	2

13

$a - c = \sqrt{3} + 1 - 3 = \sqrt{3} - 2 = \sqrt{3} - \sqrt{4} < 0$

따라서  $a - c < 0$ 이므로  $a < c$  ... ①

$b - c = 6 - \sqrt{2} - 3 = 3 - \sqrt{2} = \sqrt{9} - \sqrt{2} > 0$

따라서  $b - c > 0$ 이므로  $b > c$  ... ②

즉,  $a < c$ 이고  $b > c$ 이므로  $a < c < b$  ... ③

$\therefore a < c < b$

채점기준	배점
① a와 c의 대소를 바르게 비교한다.	2
② b와 c의 대소를 바르게 비교한다.	2
③ a, b, c의 대소를 바르게 비교한다.	2

14

(1)  $\sqrt{16} < \sqrt{17} < \sqrt{25}$ 이므로  $4 < \sqrt{17} < 5$

즉,  $N(17) = 4$  ... ①

$\therefore 4$

(2)  $\sqrt{x}$  이하의 자연수의 개수가 8개인 경우는

$8 \leq \sqrt{x} < 9$ 이므로  $64 \leq x < 81$  ... ②

따라서 자연수  $x$ 는 64, 65, 66, ..., 79, 80의 17개이다. ... ③

$\therefore 17$ 개

채점기준	배점
① $N(17)$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $N(x) = 8$ 을 만족시키는 자연수 $x$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	2
③ $N(x) = 8$ 을 만족시키는 자연수 $x$ 의 개수를 바르게 구한다.	2

15

$7 = \sqrt{49}, 8 = \sqrt{64}$ 이므로 두 정수 7과 8 사이에 있는 자연수의 양의 제곱근은  $\sqrt{50}, \sqrt{51}, \sqrt{52}, \dots, \sqrt{62}, \sqrt{63}$ 으로 모두 14개이다.

즉, 두 정수 7과 8 사이에는 14개의 점이 있다.

$\therefore 14$ 개

채점기준	배점
두 정수 7과 8 사이에 있는 점의 개수를 바르게 구한다.	5

16

(1) 1.1의 가로줄과 2의 세로줄이 만나는 곳에 있는 수는

1.058이므로  $\sqrt{1.12} = 1.058$  ... ①

$\therefore 1.058$

- (2) 1.3의 가로줄과 4의 세로줄이 만나는 곳에 있는 수는 1.158이므로  $\sqrt{1.34}=1.158$  ... ②  
 $\therefore 1.158$
- (3) 1.4의 가로줄과 0의 세로줄이 만나는 곳에 있는 수는 1.183이므로  $\sqrt{1.4}=1.183$  ... ③  
 $\therefore 1.183$

채점기준	배점
① $\sqrt{1.12}$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $\sqrt{1.34}$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $\sqrt{1.4}$ 의 값을 바르게 구한다.	2

## 02 근호를 포함한 식의 계산

### 06 근호가 있는 식의 변형

▶ p. 36

#### 교과서 기본예제 1

- (1)  $2\sqrt{2}$  (2)  $3\sqrt{5}$   
 (3)  $4\sqrt{3}$  (4)  $3\sqrt{6}$

#### 교과서 기본예제 2

- (1)  $\sqrt{12}$  (2)  $\sqrt{80}$   
 (3)  $\sqrt{6}$  (4)  $\sqrt{6}$

#### 대표문제

(1)  $\sqrt{7000}$   
 $= \sqrt{70 \times 100} = 10\sqrt{70} = 10 \times 8.367 = 83.67$   
 $\therefore 83.67$

(2)  $\sqrt{0.07}$   
 $= \sqrt{\frac{7}{100}} = \frac{\sqrt{7}}{10} = \frac{2.646}{10} = 0.2646$   
 $\therefore 0.2646$

#### 유사문제

- (1)  $\sqrt{590} = \sqrt{5.9 \times 100} = 10\sqrt{5.9} = 10 \times 2.429 = 24.29$  ... (+3점)  
 $\therefore 24.29$
- (2)  $\sqrt{0.59} = \sqrt{\frac{59}{100}} = \frac{\sqrt{59}}{10} = \frac{7.681}{10} = 0.7681$  ... (+3점)  
 $\therefore 0.7681$

### 특별하게 연습하기

▶ p. 38

#### 01

$3\sqrt{3} = \sqrt{3^2 \times 3} = \sqrt{27}$

이므로  $a = 27$



$$\sqrt{72} = \sqrt{2^3 \times 3^2} = 6\sqrt{2}$$

$$\text{이므로 } b = 6$$

$$\therefore a - b = 27 - 6 = 21$$

### 01-1

$$3\sqrt{2} = \sqrt{3^2 \times 2} = \sqrt{18} \text{ 이므로 } a = 18 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\sqrt{192} = \sqrt{2^6 \times 3} = 8\sqrt{3} \text{ 이므로 } b = 8 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore a + b = 18 + 8 = 26 \quad \dots \textcircled{3}$$

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	2
② b의 값을 바르게 구한다.	2
③ a+b의 값을 바르게 구한다.	1

### 02

$$\sqrt{0.015} = \sqrt{\frac{15}{1000}} = \sqrt{\frac{150}{10000}} = \frac{5\sqrt{6}}{100} = \frac{\sqrt{6}}{20}$$

$$\text{즉, } \sqrt{0.015} = \frac{1}{20} \sqrt{6} \text{ 이므로}$$

$$k = \frac{1}{20}$$

$$\therefore \frac{1}{20}$$

### 02-1

$$\sqrt{0.005} = \sqrt{\frac{5}{1000}} = \sqrt{\frac{50}{10000}} = \frac{5\sqrt{2}}{100} = \frac{\sqrt{2}}{20} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{즉, } \sqrt{0.005} = \frac{1}{20} \sqrt{2} \text{ 이므로 } k = \frac{1}{20} \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore \frac{1}{20}$$

채점기준	배점
① $\sqrt{0.005}$ 를 $k\sqrt{2}$ 꼴로 바르게 변형한다.	3
② k의 값을 바르게 구한다.	2

### 03

$$\sqrt{0.024} = \sqrt{\frac{24}{1000}} = \sqrt{\frac{2.4}{100}} = \frac{\sqrt{2.4}}{10} = \frac{1.549}{10} = 0.1549$$

$$\sqrt{213} = \sqrt{2.13 \times 100} = 10\sqrt{2.13} = 10 \times 1.459 = 14.59$$

$$\text{즉, } \sqrt{0.024} + \sqrt{213} = 0.1549 + 14.59 = 14.7449$$

$$\therefore 14.7449$$

### 03-1

$$\sqrt{172} = \sqrt{1.72 \times 100} = 10\sqrt{1.72} = 10 \times 1.311 = 13.11 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\sqrt{0.0195} = \sqrt{\frac{195}{10000}} = \sqrt{\frac{1.95}{100}} = \frac{\sqrt{1.95}}{10} = \frac{1.396}{10} = 0.1396 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{즉, } \sqrt{172} + \sqrt{0.0195} = 13.11 + 0.1396 = 13.2496 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore 13.2496$$

채점기준	배점
① $\sqrt{172}$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $\sqrt{0.0195}$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $\sqrt{172} + \sqrt{0.0195}$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 04

$$\sqrt{175} = \sqrt{5^2 \times 7} = \sqrt{5} \times \sqrt{5} \times \sqrt{7} \text{ 이므로}$$

$\sqrt{175}$ 를 a와 b를 사용하여 나타내면  $a^2b$ 이다.

$$\therefore a^2b$$

### 04-1

$$\sqrt{126} = \sqrt{2 \times 3^2 \times 7} = 3 \times \sqrt{2} \times \sqrt{7} \text{ 이므로}$$

$\sqrt{126}$ 을 a와 b를 사용하여 나타내면  $3ab$ 이다.

$$\therefore 3ab$$

채점기준	배점
$\sqrt{126}$ 을 a와 b를 사용하여 바르게 나타낸다.	5

## 07 제곱근의 곱셈과 나눗셈

▶ p. 40

### 교과서 기본예제 1

$$(1) \sqrt{77} \quad (2) \sqrt{2}$$

$$(3) 2 \quad (4) 3$$

### 교과서 기본예제 2

$$(1) \frac{\sqrt{6}}{3} \quad (2) 3\sqrt{2}$$

대표문제

$$\begin{aligned} & \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \div \sqrt{\frac{9}{10}} \times \left(-\sqrt{\frac{3}{5}}\right) \\ &= -\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{10}}{3} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}\right) \\ &= -\frac{\sqrt{20}}{3\sqrt{5}} = -\frac{2\sqrt{5}}{3\sqrt{5}} = -\frac{2}{3} \end{aligned}$$

∴  $\boxed{-\frac{2}{3}}$

유사문제

$$\begin{aligned} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{20}} \times \frac{4}{\sqrt{6}} \div \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{5}} &= \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{5}} \times \frac{4}{\sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{3}} \\ &= \frac{1}{\sqrt{6}} = \frac{1 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{6} \end{aligned} \quad \dots (+5점)$$

∴  $\frac{\sqrt{6}}{6}$

특별하게 연습하기

▶ p. 42

01

$$\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2 \times 3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

이므로  $a = \frac{1}{6}$

$$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{8}} = \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{5 \times 2}}{2\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{10}}{4}$$

이므로  $b = \frac{1}{4}$

∴  $a+b = \frac{1}{6} + \frac{1}{4} = \frac{2}{12} + \frac{3}{12} = \frac{5}{12}$

01-1

$$\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{2} \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{10}}{5} \text{ 이므로 } a = \frac{2}{5} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\frac{9}{\sqrt{27}} = \frac{9}{3\sqrt{3}} = \frac{3}{\sqrt{3}} = \frac{3 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3} \text{ 이므로 } b = 1 \quad \dots \textcircled{2}$$

∴  $ab = \frac{2}{5} \times 1 = \frac{2}{5} \quad \dots \textcircled{3}$

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	2
② b의 값을 바르게 구한다.	2
③ ab의 값을 바르게 구한다.	1

02

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} & 2\sqrt{6} \div \sqrt{15} \times \sqrt{\frac{20}{3}} \\ &= 2\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{15}} \times \frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{6}}{3} \end{aligned}$$

즉,  $a = \frac{4}{3}$

∴  $\frac{4}{3}$

02-1

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\frac{\sqrt{21}}{3} \div \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{14} = \frac{\sqrt{21}}{3} \times \frac{2}{\sqrt{3}} \times \sqrt{14} = \frac{14\sqrt{2}}{3} \quad \dots \textcircled{1}$$

즉,  $a = \frac{14}{3} \quad \dots \textcircled{2}$

∴  $\frac{14}{3}$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 계산한다.	4
② a의 값을 바르게 구한다.	1

03

삼각형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \sqrt{27} \times \sqrt{12} = \frac{1}{2} \times 3\sqrt{3} \times 2\sqrt{3} = 9$$

직사각형의 넓이는  $x \times \sqrt{8} = 2\sqrt{2}x$

두 도형의 넓이가 서로 같으므로

$$2\sqrt{2}x = 9, x = \frac{9}{2\sqrt{2}} = \frac{9 \times \sqrt{2}}{2\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{9\sqrt{2}}{4}$$

∴  $\frac{9\sqrt{2}}{4}$

03-1

삼각형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \sqrt{24} \times x = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{6} \times x = \sqrt{6}x \quad \dots \textcircled{1}$$

직사각형의 넓이는

$$\sqrt{18} \times \sqrt{12} = 3\sqrt{2} \times 2\sqrt{3} = 6\sqrt{6} \quad \dots \textcircled{2}$$



두 도형의 넓이가 서로 같으므로

$$\sqrt{6}x = 6\sqrt{6}, x = 6$$

... ③

∴ 6

채점기준	배점
① 삼각형의 넓이를 $x$ 를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	1
② 직사각형의 넓이를 바르게 구한다.	2
③ $x$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 04

밑면의 세로의 길이를  $x$  cm로 놓고 식을 세우면

$$4\sqrt{3} \times x \times 10\sqrt{7} = 240\sqrt{7}$$
 이므로

$$40\sqrt{21}x = 240\sqrt{7}$$

$$x = \frac{240\sqrt{7}}{40\sqrt{21}} = \frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{6 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3}$$

즉, 밑면의 세로의 길이는  $2\sqrt{3}$  cm이다.

∴  $2\sqrt{3}$  cm

### 04-1

원기둥의 높이를  $h$  cm로 놓고 식을 세우면

$$\pi \times (2\sqrt{5})^2 \times h = 60\sqrt{3}\pi$$
 이므로 ... ①

$$20\pi h = 60\sqrt{3}\pi, 20h = 60\sqrt{3}, h = \frac{60\sqrt{3}}{20} = 3\sqrt{3}$$

즉, 원기둥의 높이는  $3\sqrt{3}$  cm이다. ... ②

∴  $3\sqrt{3}$  cm

채점기준	배점
① 원기둥의 높이를 $h$ cm로 놓고 식을 바르게 세운다.	2
② 원기둥의 높이를 바르게 구한다.	3

### ☐ 제곱근의 덧셈과 뺄셈

▶ p. 44

#### 교과서 기본예제 1

(1)  $-\sqrt{3}$

(2)  $6\sqrt{3}$

(3)  $3\sqrt{3}$

(4)  $18\sqrt{5}$

#### 교과서 기본예제 2

(1)  $3\sqrt{5}-3$

(2)  $12-12\sqrt{3}$

### 대표문제

$$\begin{aligned} & \sqrt{2}(\sqrt{3}+2) - \frac{6-4\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \\ &= \sqrt{6}+2\sqrt{2} - \frac{(6-4\sqrt{3}) \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} \\ &= \sqrt{6}+2\sqrt{2} - \frac{6\sqrt{2}-4\sqrt{6}}{2} \\ &= \sqrt{6}+2\sqrt{2}-3\sqrt{2}+2\sqrt{6} \\ &= -\sqrt{2}+3\sqrt{6} \end{aligned}$$

∴  $-\sqrt{2}+3\sqrt{6}$

### 유사문제

$$\begin{aligned} \sqrt{48}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}+3\right) - \frac{\sqrt{12}-3}{\sqrt{3}} &= 4\sqrt{3}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}+3\right) - \frac{(2\sqrt{3}-3) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} \\ &= 4+12\sqrt{3} - \frac{6-3\sqrt{3}}{3} \\ &= 4+12\sqrt{3}-2+\sqrt{3} \\ &= 2+13\sqrt{3} \end{aligned}$$

∴  $2+13\sqrt{3}$  ... (+6점)

### 특별하게 연습하기

▶ p. 46

### 01

$$2-\sqrt{5} = \sqrt{4-\sqrt{5}} \text{ 이므로 } 2-\sqrt{5} < 0$$

$$\sqrt{5}-2 = \sqrt{5-\sqrt{4}} \text{ 이므로 } \sqrt{5}-2 > 0$$

즉,

$$\begin{aligned} & \sqrt{(2-\sqrt{5})^2} + \sqrt{(\sqrt{5}-2)^2} \\ &= -(2-\sqrt{5}) + \sqrt{5}-2 = -2 + \sqrt{5} + \sqrt{5}-2 \\ &= -4 + 2\sqrt{5} \end{aligned}$$

∴  $-4+2\sqrt{5}$

### 01-1

$$5-\sqrt{2} = \sqrt{25}-\sqrt{2} \text{ 이므로 } 5-\sqrt{2} > 0$$

$$\sqrt{2}-3 = \sqrt{2}-\sqrt{9} \text{ 이므로 } \sqrt{2}-3 < 0$$

... ①

즉,  $\sqrt{(5-\sqrt{2})^2}-\sqrt{(\sqrt{2}-3)^2}=5-\sqrt{2}+\sqrt{2}-3=2$  ... ②  
 $\therefore 2$

채점기준	배점
① $5-\sqrt{2}, \sqrt{2}-3$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	2
② 주어진 식을 바르게 계산한다.	3

02

$\sqrt{5a}-\sqrt{2b}$ 에  $a=3\sqrt{2}-\sqrt{5}, b=-\sqrt{2}-4\sqrt{5}$ 를 대입하면

$$\sqrt{5(3\sqrt{2}-\sqrt{5})}-\sqrt{2(-\sqrt{2}-4\sqrt{5})}$$

이 식을 계산하면

$$\begin{aligned} & \sqrt{5(3\sqrt{2}-\sqrt{5})}-\sqrt{2(-\sqrt{2}-4\sqrt{5})} \\ &= 3\sqrt{10}-5+2+4\sqrt{10} \\ &= -3+7\sqrt{10} \end{aligned}$$

$\therefore -3+7\sqrt{10}$

02-1

$\sqrt{2a}-\sqrt{3b}$ 에  $a=-3\sqrt{2}+2\sqrt{3}, b=\sqrt{2}-2\sqrt{3}$ 을 대입하면 ... ①

이 식을 계산하면

$$\begin{aligned} & \sqrt{2(-3\sqrt{2}+2\sqrt{3})}-\sqrt{3(\sqrt{2}-2\sqrt{3})} \\ &= -6+2\sqrt{6}-\sqrt{6}+6=\sqrt{6} \end{aligned} \quad \dots ②$$

$\therefore \sqrt{6}$

채점기준	배점
① $\sqrt{2a}-\sqrt{3b}$ 를 $\sqrt{2}, \sqrt{3}$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② $\sqrt{2a}-\sqrt{3b}$ 를 바르게 계산한다.	3

03

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} & \frac{3}{\sqrt{3}}+\sqrt{6}\times\sqrt{30}-\frac{\sqrt{10}+\sqrt{24}}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{3\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}}+6\sqrt{5}-\frac{(\sqrt{10}+2\sqrt{6})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}} \\ &= \sqrt{3}+6\sqrt{5}-\frac{2\sqrt{5}+4\sqrt{3}}{2} \\ &= \sqrt{3}+6\sqrt{5}-\sqrt{5}-2\sqrt{3}=-\sqrt{3}+5\sqrt{5} \end{aligned}$$

즉,  $a=-1, b=5$  이므로

$$a+b=-1+5=4$$

$\therefore 4$

03-1

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} & \frac{12}{\sqrt{6}}-(6-2\sqrt{3})\div\frac{\sqrt{2}}{3}+\sqrt{32} \\ &= \frac{12\times\sqrt{6}}{\sqrt{6}\times\sqrt{6}}-\frac{3(6-2\sqrt{3})}{\sqrt{2}}+4\sqrt{2} \\ &= 2\sqrt{6}-\frac{(18-6\sqrt{3})\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}}+4\sqrt{2} \\ &= 2\sqrt{6}-\frac{18\sqrt{2}-6\sqrt{6}}{2}+4\sqrt{2} \\ &= 2\sqrt{6}-9\sqrt{2}+3\sqrt{6}+4\sqrt{2}=-5\sqrt{2}+5\sqrt{6} \end{aligned}$$

즉,  $a=-5, b=5$ 이므로  $a+b=-5+5=0$  ... ②

$\therefore 0$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 계산한다.	4
② $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

04

$$\begin{aligned} & \sqrt{3}(2\sqrt{3}-a)-\sqrt{12}(3+\sqrt{3}) \\ &= 6-\sqrt{3}a-2\sqrt{3}(3+\sqrt{3}) \\ &= 6-\sqrt{3}a-6\sqrt{3}-6 \\ &= -\sqrt{3}a-6\sqrt{3} \\ &= -(a+6)\sqrt{3} \end{aligned}$$

즉,  $a+6=0$  이어야 하므로  $a=-6$

$\therefore -6$

04-1

$$\begin{aligned} & \sqrt{5}(2\sqrt{5}+3a)-\sqrt{20}(\sqrt{5}-3) \\ &= 10+3\sqrt{5}a-2\sqrt{5}(\sqrt{5}-3) \\ &= 10+3\sqrt{5}a-10+6\sqrt{5} \\ &= 3\sqrt{5}a+6\sqrt{5} \\ &= 3(a+2)\sqrt{5} \end{aligned} \quad \dots ①$$

즉,  $a+2=0$ 이어야 하므로  $a=-2$  ... ②

$\therefore -2$

채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 계산한다.	4
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2



**09** 무리수의 정수 부분과 소수 부분 ▶ p. 48

교과서 기본예제 1

- (1)  $3 < \sqrt{15} < 4$  (2)  $5 < \sqrt{30} < 6$   
 (3)  $4 < 2\sqrt{5} < 5$  (4)  $6 < 4\sqrt{3} < 7$   
 (5)  $2 < 1 + \sqrt{2} < 3$  (6)  $1 < 4 - \sqrt{5} < 2$

교과서 기본예제 2

- (1) 정수 부분 : 3, 소수 부분 :  $\sqrt{10} - 3$   
 (2) 정수 부분 : 4, 소수 부분 :  $\sqrt{24} - 4$   
 (3) 정수 부분 : 6, 소수 부분 :  $3\sqrt{5} - 6$   
 (4) 정수 부분 : 5, 소수 부분 :  $2\sqrt{7} - 5$

대표문제

$3\sqrt{2} = \sqrt{18}$  이므로  $4 < 3\sqrt{2} < 5$   
 $-5 < -3\sqrt{2} < -4$ ,  $2 < 7 - 3\sqrt{2} < 3$   
 즉,  $7 - 3\sqrt{2}$ 의 정수 부분은 2 이므로  $a = 2$   
 이때 소수 부분은  $7 - 3\sqrt{2} - 2 = 5 - 3\sqrt{2}$  이므로  
 $b = 5 - 3\sqrt{2}$   
 $\therefore a - b = 2 - (5 - 3\sqrt{2}) = 2 - 5 + 3\sqrt{2} = 3\sqrt{2} - 3$

유사문제

$2\sqrt{5} = \sqrt{20}$  이므로  $4 < 2\sqrt{5} < 5$ ,  $6 < 2 + 2\sqrt{5} < 7$  ... (+2점)  
 즉,  $2 + 2\sqrt{5}$ 의 정수 부분은 6 이므로  $a = 6$   
 이때 소수 부분은  $2 + 2\sqrt{5} - 6 = 2\sqrt{5} - 4$  이므로 ... (+2점)  
 $b = 2\sqrt{5} - 4$  ... (+2점)  
 $\therefore ab = 6(2\sqrt{5} - 4) = 12\sqrt{5} - 24$  ... (+2점)

특별하게 연습하기

▶ p. 50

01

$1 < \sqrt{3} < 2$  이므로  $2 < \sqrt{3} + 1 < 3$

즉,  $\sqrt{3} + 1$ 의 정수 부분은 2 이므로  $a = 2$   
 이때 소수 부분은  $\sqrt{3} + 1 - 2 = \sqrt{3} - 1$  이므로  
 $b = \sqrt{3} - 1$   
 $\therefore \sqrt{3}a + b = \sqrt{3} \times 2 + \sqrt{3} - 1 = 3\sqrt{3} - 1$

01-1

$2 < \sqrt{5} < 3$  이므로  $-3 < -\sqrt{5} < -2$ ,  $3 < 6 - \sqrt{5} < 4$  ... ①  
 즉,  $6 - \sqrt{5}$ 의 정수 부분은 3 이므로  $a = 3$   
 이때 소수 부분은  $6 - \sqrt{5} - 3 = 3 - \sqrt{5}$  이므로  $b = 3 - \sqrt{5}$  ... ②  
 $\therefore \sqrt{5}a - 3b = \sqrt{5} \times 3 - 3(3 - \sqrt{5})$  ... ③  
 $= 3\sqrt{5} - 9 + 3\sqrt{5} = 6\sqrt{5} - 9$

채점기준	배점
① $6 - \sqrt{5}$ 가 어떤 두 정수 사이의 수인지 바르게 제시한다.	2
② $a, b$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $\sqrt{5}a - 3b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

02

$1 < \sqrt{3} < 2$  이므로  
 $-2 < -\sqrt{3} < -1$ ,  $3 < 5 - \sqrt{3} < 4$   
 즉,  $5 - \sqrt{3}$ 의 정수 부분은 3 이므로  $a = 3$   
 또,  $2\sqrt{3} = \sqrt{12}$  이므로  $3 < 2\sqrt{3} < 4$   
 이때  $2\sqrt{3}$ 의 정수 부분은 3 이므로 소수 부분은  
 $2\sqrt{3} - 3$ , 즉  $b = 2\sqrt{3} - 3$   
 $\therefore a + b = 3 + 2\sqrt{3} - 3 = 2\sqrt{3}$

02-1

$2 < \sqrt{5} < 3$  이므로  $-3 < -\sqrt{5} < -2$ ,  $1 < 4 - \sqrt{5} < 2$   
 즉,  $4 - \sqrt{5}$ 의 정수 부분은 1 이므로  $a = 1$  ... ①  
 또,  $3\sqrt{5} = \sqrt{45}$  이므로  $6 < 3\sqrt{5} < 7$   
 이때  $3\sqrt{5}$ 의 정수 부분은 6 이므로  
 소수 부분은  $3\sqrt{5} - 6$ , 즉  $b = 3\sqrt{5} - 6$  ... ②  
 $\therefore 6a + b = 6 \times 1 + 3\sqrt{5} - 6 = 3\sqrt{5}$  ... ③

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $6a + b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

03

$2 < \sqrt{7} < 3$  이므로

$\sqrt{7}$ 의 정수 부분은  $2$ , 소수 부분은  $\sqrt{7}-2$  이다.

즉,  $a = \sqrt{7}-2$  이므로  $\sqrt{7} = a+2$

또,  $13 < \sqrt{175} < 14$  이므로  $\sqrt{175}$ 의 정수 부분은

$13$ , 소수 부분은  $\sqrt{175}-13$  이다.

이때  $\sqrt{175} = 5\sqrt{7}$  이므로  $\sqrt{175}$ 의 소수 부분을

$a$ 에 대한 식으로 나타내면

$$5\sqrt{7}-13=5(a+2)-13=5a-3$$

$\therefore 5a-3$

**03-1**

$2 < \sqrt{5} < 3$ 이므로  $\sqrt{5}$ 의 정수 부분은 2,

소수 부분은  $\sqrt{5}-2$ 이다.

즉,  $a = \sqrt{5}-2$ 이므로  $\sqrt{5} = a+2$  ... ①

또,  $13 < \sqrt{180} < 14$ 이므로  $\sqrt{180}$ 의 정수 부분은 13,

소수 부분은  $\sqrt{180}-13$ 이다. ... ②

이때  $\sqrt{180} = 6\sqrt{5}$ 이므로  $\sqrt{180}$ 의 소수 부분을

$a$ 에 대한 식으로 나타내면

$$6\sqrt{5}-13=6(a+2)-13=6a-1$$
 ... ③

$\therefore 6a-1$

채점기준	배점
① $\sqrt{5}$ 를 $a$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② $\sqrt{180}$ 의 소수 부분을 바르게 구한다.	2
③ $\sqrt{180}$ 의 소수 부분을 $a$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2

**04**

$7 < \sqrt{50} < 8$  이므로  $\sqrt{50}$ 의 정수 부분은  $7$ ,

소수 부분은  $\sqrt{50}-7=5\sqrt{2}-7$ , 즉  $f(50) = 5\sqrt{2}-7$

또,  $4 < \sqrt{18} < 5$  이므로  $\sqrt{18}$ 의 정수 부분은  $4$ ,

소수 부분은  $\sqrt{18}-4=3\sqrt{2}-4$ , 즉  $f(18) = 3\sqrt{2}-4$

따라서

$$\begin{aligned} f(50)-f(18) &= 5\sqrt{2}-7-(3\sqrt{2}-4) \\ &= 5\sqrt{2}-7-3\sqrt{2}+4 \\ &= 2\sqrt{2}-3 \end{aligned}$$

$\therefore 2\sqrt{2}-3$

**04-1**

$8 < \sqrt{75} < 9$ 이므로  $\sqrt{75}$ 의 정수 부분은 8,

소수 부분은  $\sqrt{75}-8=5\sqrt{3}-8$ , 즉  $f(75) = 5\sqrt{3}-8$  ... ①

또,  $3 < \sqrt{12} < 4$ 이므로  $\sqrt{12}$ 의 정수 부분은 3,

소수 부분은  $\sqrt{12}-3=2\sqrt{3}-3$ , 즉  $f(12) = 2\sqrt{3}-3$  ... ②

따라서  $f(75)-f(12) = 5\sqrt{3}-8-(2\sqrt{3}-3)$

$$= 5\sqrt{3}-8-2\sqrt{3}+3$$

$$= 3\sqrt{3}-5$$
 ... ③

$\therefore 3\sqrt{3}-5$

채점기준	배점
① $f(75)$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $f(12)$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $f(75)-f(12)$ 의 값을 바르게 구한다.	2

**10** 제곱근의 덧셈과 뺄셈의 활용 ▶ p. 52

교과서 기본예제 1

$$(5\sqrt{2}+4\sqrt{10}) \text{ cm}^2$$

교과서 기본예제 2

$$\left(2\sqrt{2} + \frac{3\sqrt{2}}{2}\pi\right) \text{ cm}$$

대표문제

넓이가  $3 \text{ cm}^2$ 인 정사각형 모양의 색종이의

한 변의 길이는  $\sqrt{3}$  cm

넓이가  $27 \text{ cm}^2$ 인 정사각형 모양의 색종이의

한 변의 길이는  $\sqrt{27}=3\sqrt{3}$  cm

넓이가  $75 \text{ cm}^2$ 인 정사각형 모양의 색종이의

한 변의 길이는  $\sqrt{75}=5\sqrt{3}$  cm

즉, 세 장의 색종이들로 이루어진 도형의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned} &2 \times ((\sqrt{3}+3\sqrt{3}+5\sqrt{3})+5\sqrt{3}) \\ &= 2 \times 14\sqrt{3} = 28\sqrt{3} \text{ (cm)} \end{aligned}$$

$\therefore 28\sqrt{3}$  cm



유사문제

넓이가  $5\text{ cm}^2$ 인 정사각형 모양의 색종이의 한 변의 길이는  $\sqrt{5}\text{ cm}$   
 넓이가  $20\text{ cm}^2$ 인 정사각형 모양의 색종이의 한 변의 길이는  $\sqrt{20}=2\sqrt{5}\text{ cm}$   
 넓이가  $45\text{ cm}^2$ 인 정사각형 모양의 색종이의 한 변의 길이는  $\sqrt{45}=3\sqrt{5}\text{ cm}$  ... (+3점)  
 즉, 세 장의 색종이들로 이루어진 도형의 둘레의 길이는  $2 \times ((\sqrt{5}+2\sqrt{5}+3\sqrt{5})+3\sqrt{5})=2 \times 9\sqrt{5}$   
 $=18\sqrt{5}\text{ (cm)}$  ... (+3점)  
 $\therefore 18\sqrt{5}\text{ cm}$

특별하게 연습하기

p. 54

01

A의 한 변의 길이는  $\sqrt{2}\text{ cm}$ , B의 넓이는  $8\text{ cm}^2$   
 이므로 B의 한 변의 길이는  $\sqrt{8}=2\sqrt{2}\text{ cm}$ , C의 넓이는  $18\text{ cm}^2$ 이므로 C의 한 변의 길이는  $\sqrt{18}=3\sqrt{2}\text{ cm}$   
 즉, 세 정사각형으로 이루어진 도형의 둘레의 길이는  $2 \times ((\sqrt{2}+2\sqrt{2}+3\sqrt{2})+3\sqrt{2})=2 \times 9\sqrt{2}=18\sqrt{2}\text{ (cm)}$   
 $\therefore 18\sqrt{2}\text{ cm}$

01-1

A의 한 변의 길이는  $\sqrt{20}=2\sqrt{5}\text{ cm}$   
 B의 넓이는  $10\text{ cm}^2$ 이므로 B의 한 변의 길이는  $\sqrt{10}\text{ cm}$  ... ①  
 C의 넓이는  $5\text{ cm}^2$ 이므로 C의 한 변의 길이는  $\sqrt{5}\text{ cm}$   
 즉, 세 정사각형으로 이루어진 도형의 둘레의 길이는  $2 \times ((2\sqrt{5}+\sqrt{10}+\sqrt{5})+2\sqrt{5})$   
 $=2 \times (5\sqrt{5}+\sqrt{10})=10\sqrt{5}+2\sqrt{10}\text{ (cm)}$  ... ②  
 $\therefore (10\sqrt{5}+2\sqrt{10})\text{ cm}$

채점기준	배점
① 세 정사각형 A, B, C의 한 변의 길이를 각각 바르게 구한다.	3
② 세 정사각형으로 이루어진 도형의 둘레의 길이를 바르게 구한다.	3

02

넓이가 2, 3, 8, 12인 네 정사각형의 한 변의 길이는 각각  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{8}=2\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{12}=2\sqrt{3}$ 이다.

즉, 이 도형의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned}
 & 2 \times (\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2\sqrt{2}) + 4 \times 2\sqrt{3} \\
 & = 2(3\sqrt{2} + \sqrt{3}) + 8\sqrt{3} \\
 & = 6\sqrt{2} + 2\sqrt{3} + 8\sqrt{3} \\
 & = 6\sqrt{2} + 10\sqrt{3}
 \end{aligned}$$

$\therefore 6\sqrt{2} + 10\sqrt{3}$

02-1

넓이가 3, 8, 12, 18인 네 정사각형의 한 변의 길이는 각각  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{8}=2\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{12}=2\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{18}=3\sqrt{2}$ 이다. ... ①  
 즉, 이 도형의 둘레의 길이는  $2 \times (\sqrt{3} + 2\sqrt{2} + 2\sqrt{3}) + 4 \times 3\sqrt{2}$   
 $= 2(2\sqrt{2} + 3\sqrt{3}) + 12\sqrt{2}$   
 $= 4\sqrt{2} + 6\sqrt{3} + 12\sqrt{2}$   
 $= 16\sqrt{2} + 6\sqrt{3}$  ... ②  
 $\therefore 16\sqrt{2} + 6\sqrt{3}$

채점기준	배점
① 네 정사각형의 한 변의 길이를 각각 바르게 구한다.	2
② 네 정사각형으로 이루어진 도형의 둘레의 길이를 바르게 구한다.	4

03

$\triangle OAB = 3$  이므로  $\frac{1}{2}\overline{OA}^2 = 3, \overline{OA}^2 = 6$   
 즉,  $\overline{OA} = \sqrt{6}$  ( $\because \overline{OA} > 0$ )  
 Q의 넓이는  $6$  이므로  $\frac{1}{2}\overline{AC}^2 = 6, \overline{AC}^2 = 12$   
 즉,  $\overline{AC} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$  ( $\because \overline{AC} > 0$ )  
 R의 넓이는  $12$  이므로  $\frac{1}{2}\overline{CE}^2 = 12, \overline{CE}^2 = 24$   
 즉,  $\overline{FE} = \overline{CE} = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$  ( $\because \overline{CE} > 0$ )  
 따라서 점 F의 좌표는  $(2\sqrt{3} + 3\sqrt{6}, 2\sqrt{6})$ 이다.  
 $\therefore (2\sqrt{3} + 3\sqrt{6}, 2\sqrt{6})$

03-1

$\overline{OA} = 4$ 이므로  $S_1 = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$  ... ①  
 $S_2$ 의 넓이는 4이므로  $\frac{1}{2}\overline{AC}^2 = 4, \overline{AC}^2 = 8$   
 즉,  $\overline{AC} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$  ( $\because \overline{AC} > 0$ ) ... ②  
 $S_3$ 의 넓이는 2이므로  $\frac{1}{2}\overline{FC}^2 = 2, \overline{FC}^2 = 4$   
 즉,  $\overline{FC} = \sqrt{4} = 2$  ( $\because \overline{FC} > 0$ ) ... ③

따라서 점 F의 좌표는  $(4+2\sqrt{2}, 2)$ 이다. ... ①  
 $\therefore (4+2\sqrt{2}, 2)$

채점기준	배점
① OA의 길이와 S의 넓이를 각각 바르게 구한다.	1
② AC의 길이를 바르게 구한다.	2
③ FC의 길이를 바르게 구한다.	2
④ 점 F의 좌표를 바르게 구한다.	2

04

$CB^2 = 2^2 + 1^2 = 5$  이고  $CB > 0$ 이므로  $CB = \sqrt{5}$   
 이때  $CP = CB$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $-1 - \sqrt{5}$  이고,

$CQ = CD$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $-1 + \sqrt{5}$ 이다.

따라서 선분 PQ의 길이는

$$-1 + \sqrt{5} - (-1 - \sqrt{5}) = -1 + \sqrt{5} + 1 + \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$$

$\therefore 2\sqrt{5}$

TP

$CP = CB = CD = CQ$ 이므로  $PQ = PC + CQ = 2PC = 2 \times \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$

04-1

$AB^2 = 1^2 + 3^2 = 10$ 이고  $AB > 0$ 이므로  $AB = \sqrt{10}$  ... ①

이때  $AP = AB$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $1 + \sqrt{10}$ 이고, ... ②

$AQ = AD$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $1 - \sqrt{10}$ 이다. ... ③

따라서 선분 PQ의 길이는

$$1 + \sqrt{10} - (1 - \sqrt{10}) = 1 + \sqrt{10} - 1 + \sqrt{10} = 2\sqrt{10}$$

$\therefore 2\sqrt{10}$

채점기준	배점
① AB의 길이를 바르게 구한다.	2
② 두 점 P, Q가 나타내는 수를 각각 바르게 구한다.	2
③ 선분 PQ의 길이를 바르게 구한다.	2

자신있게 품내기

▶ p. 56

01

$$\sqrt{7000} = \sqrt{70 \times 100} = 10\sqrt{70}$$

즉,  $A = 10$  ... ①

또,  $\frac{\sqrt{0.7}}{\sqrt{70}} = \sqrt{\frac{0.7}{70}} = \sqrt{\frac{1}{100}} = \frac{1}{10}$

즉,  $B = \frac{1}{10}$  ... ②

$\therefore AB = 10 \times \frac{1}{10} = 1$  ... ③

채점기준	배점
① A의 값을 바르게 구한다.	2
② B의 값을 바르게 구한다.	2
③ AB의 값을 바르게 구한다.	1

02

(1)  $\sqrt{2150} = \sqrt{21.5 \times 100} = 10\sqrt{21.5} = 10 \times 4.637 = 46.37$  ... ①

$\therefore 46.37$

(2)  $\sqrt{86000} = \sqrt{4 \times 21500} = 2\sqrt{21500}$

$$= 2\sqrt{2.15 \times 10000} = 200\sqrt{2.15}$$

$$= 200 \times 1.466 = 293.2$$
 ... ②

$\therefore 293.2$

채점기준	배점
① $\sqrt{2150}$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② $\sqrt{86000}$ 의 값을 바르게 구한다.	4

03

$\sqrt{7630} = \sqrt{76.3 \times 100} = 10\sqrt{76.3} = 10b$  ... ①

$\sqrt{76300} = \sqrt{7.63 \times 10000} = 100\sqrt{7.63} = 100a$  ... ②

즉,  $\sqrt{7630} + \sqrt{76300} = 10b + 100a$  ... ③

$\therefore 100a + 10b$

채점기준	배점
① $\sqrt{7630}$ 을 $b$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② $\sqrt{76300}$ 을 $a$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2
③ 주어진 식을 $a, b$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	1

04

$$\sqrt{\frac{11}{15}} \times 3\sqrt{\frac{3}{10}} \div 4\sqrt{\frac{33}{125}} \times (-\sqrt{5^3})$$

$$= \frac{\sqrt{11}}{\sqrt{15}} \times \frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{10}} \times \frac{5\sqrt{5}}{4\sqrt{33}} \times (-5)$$

$$= -\frac{75}{4\sqrt{30}} = -\frac{75 \times \sqrt{30}}{4\sqrt{30} \times \sqrt{30}}$$

$$= -\frac{75\sqrt{30}}{120} = -\frac{5\sqrt{30}}{8}$$

$\therefore -\frac{5\sqrt{30}}{8}$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	6

05

원뿔의 부피는

$$\frac{1}{3} \times \pi \times (\sqrt{18})^2 \times \sqrt{28} = \frac{1}{3} \times \pi \times 18 \times 2\sqrt{7} = 12\sqrt{7}\pi \text{ (cm}^3\text{)} \dots ①$$

원기둥의 부피는

$$\pi \times (\sqrt{10})^2 \times h = 10\pi h \text{ (cm}^3\text{)} \dots ②$$

두 입체도형의 부피가 서로 같으므로

$$10\pi h = 12\sqrt{7}\pi, h = \frac{12\sqrt{7}\pi}{10\pi} = \frac{6\sqrt{7}}{5} \quad \dots ⑤$$

$$\therefore \frac{6\sqrt{7}}{5}$$

채점기준	배점
① 원뿔의 부피를 바르게 구한다.	2
② 원기둥의 부피를 $h$ 를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	1
③ $h$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 06

그림과 같이 꼭짓점 A에서 BC에 내린 수선의 발을 H로 놓으면

$$\overline{BH} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} = \sqrt{3} \text{ (cm)} \quad \dots ①$$

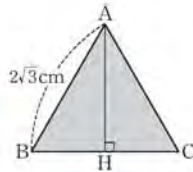
$\triangle ABH$ 에서

$$(\sqrt{3})^2 + \overline{AH}^2 = (2\sqrt{3})^2, \overline{AH}^2 = 12 - 3 = 9$$

이때  $\overline{AH} > 0$ 이므로  $\overline{AH} = 3$  cm ... ②

$$\text{즉, } \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 3 = 3\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots ③$$

$$\therefore 3\sqrt{3} \text{ cm}^2$$



채점기준	배점
① BH의 길이를 바르게 구한다.	2
② AH의 길이를 바르게 구한다.	2
③ 정삼각형 ABC의 넓이를 바르게 구한다.	2

### 07

$$\sqrt{\frac{b}{a}} + \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} + \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \frac{(\sqrt{b})^2 + (\sqrt{a})^2}{\sqrt{a}\sqrt{b}} = \frac{a+b}{\sqrt{ab}} \quad \dots ①$$

$a+b=6, ab=3$ 이므로

$$\frac{a+b}{\sqrt{ab}} = \frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{6 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3} \quad \dots ②$$

$$\therefore 2\sqrt{3}$$

채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 정리한다.	3
② $\sqrt{\frac{b}{a}} + \sqrt{\frac{a}{b}}$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 08

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} & \sqrt{5}(\sqrt{(-3)^2} - \sqrt{60}) + \left(\frac{3\sqrt{5}}{2} + \frac{9}{\sqrt{3}}\right) \div 3 \\ &= \sqrt{5}(3 - 2\sqrt{15}) + \left(\frac{3\sqrt{5}}{2} + \frac{9 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}\right) \times \frac{1}{3} \\ &= 3\sqrt{5} - 10\sqrt{3} + \frac{\sqrt{5}}{2} + \sqrt{3} \\ &= -9\sqrt{3} + \frac{7\sqrt{5}}{2} \quad \dots ① \end{aligned}$$

$$\text{즉, } a = -9, b = \frac{7}{2} \text{이므로 } a+2b = -9 + 2 \times \frac{7}{2} = -2 \quad \dots ②$$

$$\therefore -2$$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 계산한다.	4
② $a+2b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 09

$$\begin{aligned} & \sqrt{20}\left(\sqrt{10} - \frac{1}{\sqrt{5}}\right) - a(4 - \sqrt{2}) \\ &= 2\sqrt{5}\left(\sqrt{10} - \frac{1}{\sqrt{5}}\right) - 4a + \sqrt{2}a \\ &= 10\sqrt{2} - 2 - 4a + \sqrt{2}a \\ &= -2 - 4a + (10+a)\sqrt{2} \quad \dots ① \\ &\text{즉, } 10+a=0 \text{이어야 하므로 } a = -10 \quad \dots ② \\ &\therefore -10 \end{aligned}$$

채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 계산한다.	4
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 10

$$\begin{aligned} & \sqrt{4x} \text{의 정수 부분이 } 5 \text{이므로 } 5 \leq \sqrt{4x} < 6 \quad \dots ① \\ & 5 \leq \sqrt{4x} < 6 \text{의 각 변을 제곱하면} \\ & 25 \leq 4x < 36 \text{이므로 } x = 7, 8 \quad \dots ② \\ & \text{즉, 자연수 } x \text{의 개수는 } 2 \text{개이다.} \quad \dots ③ \\ & \therefore 2 \text{개} \end{aligned}$$

채점기준	배점
① $\sqrt{4x}$ 가 어떤 두 정수 사이의 수인지 바르게 제시한다.	2
② 자연수 $x$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
③ 자연수 $x$ 의 개수를 바르게 구한다.	1

### 11

$$\begin{aligned} & 2\sqrt{3} = \sqrt{12} \text{이므로 } 3 < 2\sqrt{3} < 4, 7 < 2\sqrt{3} + 4 < 8 \quad \dots ① \\ & \text{즉, } 2\sqrt{3} + 4 \text{의 정수 부분은 } 7 \text{이므로 } a = 7 \\ & \text{이때 소수 부분은 } 2\sqrt{3} + 4 - 7 = 2\sqrt{3} - 3 \text{이므로} \\ & \quad b = 2\sqrt{3} - 3 \quad \dots ② \\ & \therefore a - b = 7 - (2\sqrt{3} - 3) = 7 - 2\sqrt{3} + 3 = 10 - 2\sqrt{3} \quad \dots ③ \end{aligned}$$

채점기준	배점
① $2\sqrt{3} + 4$ 가 어떤 두 정수 사이의 수인지 바르게 제시한다.	2
② $a, b$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $a - b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 12

$$\frac{\sqrt{15} + \sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \sqrt{5} + 1 \text{이므로 } 2 < \sqrt{5} < 3, 3 < \sqrt{5} + 1 < 4$$

즉,  $1+\sqrt{5}$ 의 정수 부분은 3이므로  $a=3$  ... ①  
 또,  $\frac{\sqrt{15}-\sqrt{3}}{\sqrt{3}}=\sqrt{5}-1$ 이므로  $2<\sqrt{5}<3, 1<\sqrt{5}-1<2$   
 이때  $\sqrt{5}-1$ 의 정수 부분은 1이므로  
 소수 부분은  $\sqrt{5}-1-1=\sqrt{5}-2$ , 즉  $b=\sqrt{5}-2$  ... ②  
 $\therefore a^2+ab=3^2+3(\sqrt{5}-2)=9+3\sqrt{5}-6=3+3\sqrt{5}$  ... ③

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	2
② b의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a^2+ab$ 의 값을 바르게 구한다.	2

13

A의 한 변의 길이는  $\sqrt{125}=5\sqrt{5}$  m  
 B의 한 변의 길이는  $\sqrt{45}=3\sqrt{5}$  m  
 C의 한 변의 길이는  $\sqrt{5}$  m ... ①  
 즉, 전체 밭의 둘레의 길이는  
 $2 \times \{(5\sqrt{5}+3\sqrt{5}+\sqrt{5})+5\sqrt{5}\}=2 \times 14\sqrt{5}=28\sqrt{5}$  (m) ... ②  
 $\therefore 28\sqrt{5}$  m

채점기준	배점
① 세 밭 A, B, C의 한 변의 길이를 각각 바르게 구한다.	3
② 전체 밭의 둘레의 길이를 바르게 구한다.	3

14

사분원 A의 반지름의 길이는 1  
 사분원 B의 반지름의 길이는  $3-\sqrt{2}-1=2-\sqrt{2}$   
 사분원 C의 반지름의 길이는  
 $1-(2-\sqrt{2})=1-2+\sqrt{2}=\sqrt{2}-1$   
 사분원 D의 반지름의 길이는  
 $2-\sqrt{2}-(\sqrt{2}-1)=2-\sqrt{2}-\sqrt{2}+1=3-2\sqrt{2}$  ... ①  
 즉, 사분원 A, B, C, D의 반지름의 길이의 합은  
 $1+(2-\sqrt{2})+(\sqrt{2}-1)+(3-2\sqrt{2})=5-2\sqrt{2}$  ... ②  
 $\therefore 5-2\sqrt{2}$

채점기준	배점
① 사분원 A, B, C, D의 반지름의 길이를 각각 바르게 구한다.	4
② 사분원 A, B, C, D의 반지름의 길이의 합을 바르게 구한다.	3

15

가장 큰 정사각형의 넓이가  $4 \times 4=16$  (cm<sup>2</sup>)이므로  
 두 번째로 큰 정사각형의 넓이는 8 cm<sup>2</sup>,  
 세 번째로 큰 정사각형의 넓이는 4 cm<sup>2</sup>,  
 가장 작은 정사각형의 넓이는 2 cm<sup>2</sup>이다. ... ①  
 즉, 가장 작은 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{2}$  cm이므로  
 둘레의 길이는  $4\sqrt{2}$  cm이다. ... ②  
 $\therefore$  둘레의 길이 :  $4\sqrt{2}$  cm, 넓이 : 2 cm<sup>2</sup>

채점기준	배점
① 가장 작은 정사각형의 넓이를 바르게 구한다.	3
② 가장 작은 정사각형의 둘레의 길이를 바르게 구한다.	3

16

$a-b=2\sqrt{7}-1-(2\sqrt{6}+\sqrt{7}-1)$   
 $=2\sqrt{7}-1-2\sqrt{6}-\sqrt{7}+1$   
 $=\sqrt{7}-2\sqrt{6}=\sqrt{7}-\sqrt{24}<0$   
 따라서  $a-b<0$ 이므로  $a<b$  ... ①  
 $a-c=2\sqrt{7}-1-(\sqrt{7}+1)$   
 $=2\sqrt{7}-1-\sqrt{7}-1$   
 $=\sqrt{7}-2=\sqrt{7}-\sqrt{4}>0$   
 따라서  $a-c>0$ 이므로  $a>c$  ... ②  
 즉,  $a<b$ 이고  $a>c$ 이므로  $c<a<b$  ... ③  
 $\therefore c<a<b$

채점기준	배점
① a와 b의 대소를 바르게 비교한다.	2
② a와 c의 대소를 바르게 비교한다.	2
③ a, b, c의 대소를 바르게 비교한다.	2

## II. 다항식의 곱셈과 인수분해

### 01. 다항식의 곱셈과 곱셈 공식

#### 1.1 곱셈 공식의 이해

▶ p. 64

##### 교과서 기본예제 1

- (1)  $ab+2a+b+2$                       (2)  $xy-x+2y-2$   
 (3)  $2ab+4a+3b+6$                   (4)  $8xy-4x-6y+3$

##### 교과서 기본예제 2

- (1)  $a^2+3a+2$                           (2)  $x^2+x-2$   
 (3)  $2a^2+7a+6$                       (4)  $8x^2-10x+3$

#### 대표문제

$$\begin{aligned} & (3x-2)(-2x+5)-(x-3)(x+3) \\ &= -6x^2+19x-10-(x^2-9) \\ &= -6x^2+19x-10-x^2+9 \\ &= -7x^2+19x-1 \end{aligned}$$

즉,  $A = -7$ ,  $B = 19$ ,  $C = -1$  이므로

$$A+B+C = -7+19+(-1) = 11$$

∴ 11

#### 유사문제

$$\begin{aligned} & (x+2)(x+3)-(2x+1)(x+3) \\ &= x^2+5x+6-(2x^2+7x+3) \\ &= x^2+5x+6-2x^2-7x-3 \\ &= -x^2-2x+3 \end{aligned} \quad \dots (+3\text{점})$$

즉,  $A = -1$ ,  $B = -2$ ,  $C = 3$  이므로

$$A+B+C = -1+(-2)+3 = 0 \quad \dots (+3\text{점})$$

∴ 0

### 특별하게 연습하기

▶ p. 66

#### 01

$$(2x+B)^2 = 4x^2+4Bx+B^2 \text{ 이므로}$$

$$A = 4 \text{ 이고, } 4B = 4 \text{ 에서 } B = 1$$

$$\text{즉, } A+B = 4+1 = 5$$

∴ 5

#### 01-1

$$(x-A)^2 = x^2 - 2Ax + A^2 \text{ 이므로} \quad \dots \text{①}$$

$$A^2 = \frac{1}{9}, A = \frac{1}{3} (\because A > 0) \text{ 이고}$$

$$B = 2A = 2 \times \frac{1}{3} = \frac{2}{3} \quad \dots \text{②}$$

$$\text{즉, } A+B = \frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1 \quad \dots \text{③}$$

∴ 1

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 전개한다.	2
② A, B의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ A+B의 값을 바르게 구한다.	1

#### 02

$$\begin{aligned} & (x-y)^2 - (x-y)(x+y) \\ &= x^2 - 2xy + y^2 - (x^2 - y^2) \\ &= x^2 - 2xy + y^2 - x^2 + y^2 \\ &= -2xy + 2y^2 \end{aligned}$$

즉,  $A = 0$ ,  $B = -2$ ,  $C = 2$  이므로

$$A+B+C = 0+(-2)+2 = 0$$

∴ 0

#### 02-1

$$\begin{aligned} & (3x-5y)^2 + (-2x+y)(-2x-y) \\ &= 9x^2 - 30xy + 25y^2 + 4x^2 - y^2 \\ &= 13x^2 - 30xy + 24y^2 \end{aligned} \quad \dots \text{①}$$

즉,  $A = 13$ ,  $B = -30$ ,  $C = 24$  이므로

$$A+B+C = 13+(-30)+24 = 7 \quad \dots \text{②}$$

∴ 7

채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 계산한다.	3
② A+B+C의 값을 바르게 구한다.	3

03

$$(x+4)(x+a) = x^2 + (a+4)x + 4a$$

이때  $x$ 의 계수와 상수항은 서로 같으므로

$$a+4=4a, -3a=-4, a=\frac{4}{3}$$

$$\therefore \frac{4}{3}$$

03-1

$$(x-3)(x+a) = x^2 + (a-3)x - 3a \quad \dots ①$$

이때  $x$ 의 계수와 상수항은 서로 같으므로

$$a-3=-3a, 4a=3, a=\frac{3}{4} \quad \dots ②$$

$$\therefore \frac{3}{4}$$

채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 전개한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3

04

$$(ax-3)(2x+b) = 2ax^2 + (ab-6)x - 3b$$

$$\text{이때 } -15 = -3b \text{ 이므로 } b = 5$$

$$\text{또, } 4 = ab - 6 \text{ 이므로}$$

$$4 = 5a - 6, -5a = -10, a = 2$$

$$a = 2 \text{ 이므로 } c = 2a = 2 \times 2 = 4$$

$$\text{즉, } a+b+c = 2+5+4 = 11$$

$$\therefore 11$$

04-1

$$(ax-4)(5x+b) = 5ax^2 + (ab-20)x - 4b \quad \dots ①$$

이때  $15 = 5a$ 이므로  $a = 3$

또,  $-2 = ab - 20$ 이므로

$$-2 = 3b - 20, -3b = -18, b = 6$$

$$b = 6 \text{ 이므로 } c = -4b = -4 \times 6 = -24 \quad \dots ②$$

$$\text{즉, } a+b+c = 3+6+(-24) = -15 \quad \dots ③$$

$$\therefore -15$$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 전개한다.	2
② $a, b, c$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	3
③ $a+b+c$ 의 값을 바르게 구한다.	1

12 도형에서의 곱셈 공식의 활용

교과서 기본예제 1

$$9a^2 + 12a + 4$$

교과서 기본예제 2

$$54x^2 - 12x - 2$$

대표문제

색칠한 직사각형의 가로 길이는  $a+8$

세로 길이는  $a-5$ 이다.

즉, 색칠한 직사각형의 넓이는

$$(a+8)(a-5) = a^2 + 3a - 40$$

$$\therefore a^2 + 3a - 40$$

유사문제

새로운 직사각형 모양의 꽃밭의

가로의 길이는  $3x-5$ ,

세로의 길이는  $3x+2$ 이다. ... (+2점)

즉, 새로운 직사각형 모양의 꽃밭의 넓이는

$$(3x-5)(3x+2) = 9x^2 - 9x - 10 \quad \dots (+3점)$$

$$\therefore 9x^2 - 9x - 10$$

특별하게 연습하기

01

새로 만든 직사각형의 가로 길이는  $x-3a$

세로 길이는  $x+a$ 이므로 넓이는

$$(x-3a)(x+a) = x^2 - 2ax - 3a^2$$

이때  $-2 = -2a$ 에서  $a = 1$ 이고,

$$b = 3a^2 = 3 \times 1^2 = 3 \text{ 이므로 } a+b = 1+3 = 4$$

$$\therefore 4$$



### 01-1

새로 만든 직사각형의 가로 길이는  $x+13a$ .

세로 길이는  $x-10a$ 이므로 넓이는

$$(x+13a)(x-10a) = x^2 + 3ax - 130a^2 \quad \dots ①$$

이때  $6=3a$ 에서  $a=2$ 이고,

$-13b = -130a^2$ 에서  $b=10a^2 = 10 \times 2^2 = 40$ 이므로

$$a+b = 2+40 = 42 \quad \dots ②$$

$\therefore 42$

채점기준	배점
① 새로 만든 직사각형의 넓이를 바르게 구한다.	3
② $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	3

### 02

직육면체의 밑넓이는

$$(3x+1)(2x+3) = 6x^2 + 11x + 3$$

직육면체의 옆넓이는

$$\begin{aligned} & 2\{(3x+1)(x-1) + (2x+3)(x-1)\} \\ &= 2(3x^2 - 2x - 1 + 2x^2 + x - 3) \\ &= 2(5x^2 - x - 4) = 10x^2 - 2x - 8 \end{aligned}$$

즉, 직육면체의 겉넓이는

$$\begin{aligned} & 2(6x^2 + 11x + 3) + 10x^2 - 2x - 8 \\ &= 12x^2 + 22x + 6 + 10x^2 - 2x - 8 \\ &= 22x^2 + 20x - 2 \end{aligned}$$

$$\therefore 22x^2 + 20x - 2$$

### 02-1

직육면체의 밑넓이는

$$(2x+y)(3x+4y) = 6x^2 + 11xy + 4y^2 \quad \dots ①$$

직육면체의 옆넓이는

$$\begin{aligned} & 2\{(2x+y)(x+3y) + (3x+4y)(x+3y)\} \\ &= 2(2x^2 + 7xy + 3y^2 + 3x^2 + 13xy + 12y^2) \\ &= 2(5x^2 + 20xy + 15y^2) \\ &= 10x^2 + 40xy + 30y^2 \quad \dots ② \end{aligned}$$

즉, 직육면체의 겉넓이는

$$\begin{aligned} & 2(6x^2 + 11xy + 4y^2) + 10x^2 + 40xy + 30y^2 \\ &= 12x^2 + 22xy + 8y^2 + 10x^2 + 40xy + 30y^2 \\ &= 22x^2 + 62xy + 38y^2 \quad \dots ③ \end{aligned}$$

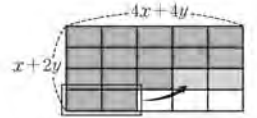
$$\therefore 22x^2 + 62xy + 38y^2$$

채점기준	배점
① 직육면체의 밑넓이를 바르게 구한다.	2
② 직육면체의 옆넓이를 바르게 구한다.	3
③ 직육면체의 겉넓이를 바르게 구한다.	1

### 03

현재 타일을 붙인 부분의 넓이는 가로가

타일 5개, 세로가 타일 3개로 이루어진



어진 직사각형의 넓이와 같다.

즉, 현재 타일을 붙인 부분의 넓이는

$$\begin{aligned} \frac{3}{4}(4x+4y)(x+2y) &= \frac{3}{4}(4x^2 + 12xy + 8y^2) \\ &= 3x^2 + 9xy + 6y^2 \end{aligned}$$

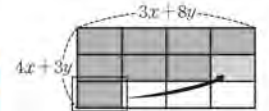
$$\therefore 3x^2 + 9xy + 6y^2$$

**TIP** 타일 1개의 넓이를 구한 후 이를 이용하여 타일 15개의 넓이를 구해도 무방하다.

### 03-1

현재 타일을 붙인 부분의 넓이는 가로가

타일 4개, 세로가 타일 2개로 이루어진 직사각형의 넓이와 같다.  $\dots ①$



즉, 현재 타일을 붙인 부분의 넓이는

$$\frac{2}{3}(3x+8y)(4x+3y) = \frac{2}{3}(12x^2 + 41xy + 24y^2)$$

$$= 8x^2 + \frac{82}{3}xy + 16y^2 \quad \dots ②$$

$$\therefore 8x^2 + \frac{82}{3}xy + 16y^2$$

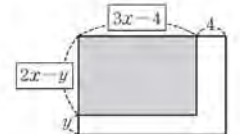
채점기준	배점
① 현재 타일을 붙인 부분의 넓이의 특징을 바르게 제시한다.	3
② 현재 타일을 붙인 부분의 넓이를 바르게 구한다.	3

### 04

길을 제외한 땅을 그림과 같이 이어 붙이면

가로 길이는  $3x-4$ , 세로 길이는

$2x-y$ 인 직사각형이 된다.



즉, 길을 제외한 땅의 넓이는

$$(3x-4)(2x-y) = 6x^2 - 3xy - 8x + 4y$$

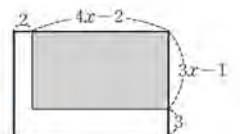
$$\therefore 6x^2 - 3xy - 8x + 4y$$

### 04-1

길을 제외한 땅을 그림과 같이 이어 붙이면

가로 길이는  $4x-2$ , 세로 길이는

$3x-1$ 인 직사각형이 된다.  $\dots ①$



즉, 길을 제외한 땅의 넓이는

$$(4x-2)(3x-1) = 12x^2 - 10x + 2 \quad \dots ②$$

$$\therefore 12x^2 - 10x + 2$$

채점기준	배점
① 길을 제외한 땅의 특징을 바르게 제시한다.	3
② 길을 제외한 땅의 넓이를 바르게 구한다.	3

**1.3 곱셈 공식을 이용한 수의 계산** ▶ p. 72

교과서 기본예제 1

- (1)  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- (2)  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- (3)  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- (4)  $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

교과서 기본예제 2

$3^{16} - 1$

대표문제

곱셈 공식  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

을 이용한다.

즉,  $\frac{96 \times 104 + 16}{50}$  에서

$$\begin{aligned} \frac{(100-4)(100+4) + 16}{50} &= \frac{100^2 - 4^2 + 16}{50} \\ &= \frac{10000 - 16 + 16}{50} \\ &= \frac{10000}{50} \\ &= 200 \end{aligned}$$

∴ 200

유사문제

곱셈 공식  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$  을 이용한다. ... (+2점)

즉,  $\frac{97 \times 103 + 9}{100}$  에서

$$\begin{aligned} \frac{(100-3)(100+3) + 9}{100} &= \frac{100^2 - 3^2 + 9}{100} = \frac{10000 - 9 + 9}{100} \\ &= \frac{10000}{100} = 100 \quad \dots (+3점) \end{aligned}$$

∴ 100

특별하게 연습하기

▶ p. 74

01

곱셈 공식  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$  을(를) 이용한다.

즉,  $97^2 + 102 \times 98$  에서

$$\begin{aligned} (100-3)^2 + (100+2)(100-2) \\ &= 100^2 - 2 \times 100 \times 3 + 3^2 + 100^2 - 2^2 \\ &= 10000 - 600 + 9 + 10000 - 4 = 19405 \end{aligned}$$

∴ 19405

01-1

곱셈 공식  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ ,

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$  을 이용한다. ... ①

즉,  $103 \times 97 - 29^2$  에서

$$\begin{aligned} (100+3)(100-3) - (30-1)^2 \\ &= 100^2 - 3^2 - (30^2 - 2 \times 30 \times 1 + 1^2) \\ &= 10000 - 9 - 900 + 60 - 1 = 9150 \end{aligned}$$

∴ 9150 ... ②

채점기준	배점
① 이용하는 가장 적당한 곱셈 공식을 모두 바르게 제시한다.	2
② 주어진 식을 바르게 계산한다.	3

02

곱셈 공식

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$  을(를) 이용한다.

즉,  $10.3 \times 9.7 - 10.1 \times 9.9$  에서

$$\begin{aligned} (10+0.3)(10-0.3) - (10+0.1)(10-0.1) \\ &= 10^2 - 0.3^2 - (10^2 - 0.1^2) \\ &= 100 - 0.09 - 100 + 0.01 \\ &= -0.08 \end{aligned}$$

∴ -0.08

02-1

곱셈 공식  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$  을 이용한다. ... ①

즉,  $40.1 \times 39.9 - 30.4 \times 29.6$  에서

$$\begin{aligned} (40+0.1)(40-0.1) - (30+0.4)(30-0.4) \\ &= 40^2 - 0.1^2 - (30^2 - 0.4^2) \\ &= 1600 - 0.01 - 900 + 0.16 = 700.15 \end{aligned}$$

∴ 700.15 ... ②

∴ 700.15

채점기준	배점
① 이용하는 가장 적당한 곱셈 공식을 바르게 제시한다.	2
② 주어진 식을 바르게 계산한다.	3

### 03

118 = x로 놓으면

$$\frac{117 \times 119 + 1}{118} = \frac{(x-1)(x+1)+1}{x}$$

이 식을 계산하면

$$\begin{aligned} \frac{(x-1)(x+1)+1}{x} &= \frac{x^2-1^2+1}{x} = \frac{x^2-1+1}{x} \\ &= \frac{x^2}{x} = x = 118 \end{aligned}$$

∴ 118

### 03-1

4000 = x로 놓으면

$$\frac{3998 \times 4002 + 4}{4000} = \frac{(x-2)(x+2)+4}{x} \quad \dots \textcircled{1}$$

이 식을 계산하면

$$\begin{aligned} \frac{(x-2)(x+2)+4}{x} &= \frac{x^2-2^2+4}{x} = \frac{x^2-4+4}{x} \\ &= \frac{x^2}{x} = x = 4000 \quad \dots \textcircled{2} \end{aligned}$$

∴ 4000

채점기준	배점
① 4000 = x로 놓고 주어진 식을 x에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② 주어진 식을 바르게 계산한다.	3

### 04

등식의 양변에 (3-1) 을 곱하여 정리하면

$$\begin{aligned} (3-1)(3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) &= (3-1) \times \frac{1}{2}(3^n-1) \\ (3^2-1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) &= 2 \times \frac{1}{2}(3^n-1) \\ (3^4-1)(3^4+1)(3^8+1) &= 3^n-1 \\ (3^8-1)(3^8+1) &= 3^n-1 \\ 3^{16}-1 &= 3^n-1 \end{aligned}$$

즉, 등식을 만족시키는 자연수 n의 값은 16 이다.

∴ 16

### 04-1

등식의 양변에 (5-1)을 곱하여 정리하면

$$(5-1)(5+1)(5^2+1)(5^4+1)(5^8+1)(5^{16}+1) = (5-1) \frac{1}{A}(5^B-1)$$

$$(5^2-1)(5^2+1)(5^4+1)(5^8+1)(5^{16}+1) = \frac{4}{A}(5^B-1)$$

$$(5^4-1)(5^4+1)(5^8+1)(5^{16}+1) = \frac{4}{A}(5^B-1)$$

$$(5^8-1)(5^8+1)(5^{16}+1) = \frac{4}{A}(5^B-1)$$

$$(5^{16}-1)(5^{16}+1) = \frac{4}{A}(5^B-1), \quad 5^{32}-1 = \frac{4}{A}(5^B-1) \quad \dots \textcircled{1}$$

즉, 등식을 만족시키는 자연수 A의 값은 4이고,

B의 값은 32이므로 B-A = 32-4 = 28 ... ②

∴ 28

채점기준	배점
① 주어진 등식을 바르게 정리한다.	4
② B-A의 값을 바르게 구한다.	2

### 14 곱셈 공식을 이용한 근호를 포함한 수의 계산 ▶ p. 76

#### 교과서 기본예제 1

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| (1) $5+2\sqrt{6}$ | (2) $3-2\sqrt{2}$ |
| (3) 2             | (4) $-\sqrt{2}$   |

#### 교과서 기본예제 2

- |                   |                         |
|-------------------|-------------------------|
| (1) $\sqrt{2}+1$  | (2) $\sqrt{3}-\sqrt{2}$ |
| (3) $3-2\sqrt{2}$ | (4) $5+2\sqrt{6}$       |

#### 대표문제

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} &\frac{1}{2\sqrt{3}-3} - \frac{1}{2\sqrt{3}+3} \\ &= \frac{2\sqrt{3}+3}{(2\sqrt{3}-3)(2\sqrt{3}+3)} - \frac{2\sqrt{3}-3}{(2\sqrt{3}+3)(2\sqrt{3}-3)} \\ &= \frac{2\sqrt{3}+3}{12-9} - \frac{2\sqrt{3}-3}{12-9} = \frac{2\sqrt{3}+3-2\sqrt{3}+3}{3} \\ &= \frac{6}{3} = 2 \end{aligned}$$

즉,  $a = \boxed{2}$ ,  $b = \boxed{0}$  이므로

$a + b = \boxed{2 + 0 = 2}$

$\therefore \boxed{2}$

**TIP**

$\frac{1}{2\sqrt{3}-3} - \frac{1}{2\sqrt{3}+3}$  을 계산할 때, 두 분수를 통분하여 계산해도 무방하다.

**유사문제**

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} & \frac{1}{3\sqrt{2}-4} - \frac{1}{3\sqrt{2}+4} \\ &= \frac{3\sqrt{2}+4}{(3\sqrt{2}-4)(3\sqrt{2}+4)} - \frac{3\sqrt{2}-4}{(3\sqrt{2}+4)(3\sqrt{2}-4)} \\ &= \frac{3\sqrt{2}+4}{18-16} - \frac{3\sqrt{2}-4}{18-16} \\ &= \frac{3\sqrt{2}+4-3\sqrt{2}+4}{2} = \frac{8}{2} = 4 \end{aligned} \quad \dots (+4점)$$

즉,  $a=4$ ,  $b=0$  이므로  $a+b=4+0=4$  ... (+2점)  
 $\therefore 4$

특별하게 연습하기

▶ p. 78

**01**

$$\begin{aligned} & (\sqrt{7}-2)^2 - (\sqrt{5}+\sqrt{3})(\sqrt{5}-\sqrt{3}) \\ &= 7-4\sqrt{7}+4 - (5-3) \\ &= 11-4\sqrt{7}-2 \\ &= 9-4\sqrt{7} \end{aligned}$$

$\therefore \boxed{9-4\sqrt{7}}$

**01-1**

$$\begin{aligned} (\sqrt{3}+2)^2 - (\sqrt{7}-3)(\sqrt{7}+3) &= 3+4\sqrt{3}+4 - (7-9) \\ &= 7+4\sqrt{3}+2 \\ &= 9+4\sqrt{3} \end{aligned}$$

$\therefore 9+4\sqrt{3}$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	5

**02**

$$x = \frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2} = \frac{(\sqrt{5}-2)^2}{(\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)} = \frac{5-4\sqrt{5}+4}{5-4} = 9-4\sqrt{5}$$

$$y = \frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}-2} = \frac{(\sqrt{5}+2)^2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)} = \frac{5+4\sqrt{5}+4}{5-4} = 9+4\sqrt{5}$$

즉,  $x-y = \boxed{9-4\sqrt{5} - (9+4\sqrt{5}) = 9-4\sqrt{5}-9-4\sqrt{5} = -8\sqrt{5}}$

$\therefore \boxed{-8\sqrt{5}}$

**TIP**

$x$ ,  $y$ 의 값을  $x-y$ 에 직접 대입한 후 통분을 이용하여 서술해도 무방하다.

**02-1**

$$\begin{aligned} x &= \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}-2} = \frac{2\sqrt{3}(\sqrt{2}+2)}{(\sqrt{2}-2)(\sqrt{2}+2)} \\ &= -\frac{2\sqrt{6}+4\sqrt{3}}{2} = -\sqrt{6}-2\sqrt{3} \end{aligned} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\begin{aligned} y &= \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}+2} = \frac{2\sqrt{3}(\sqrt{2}-2)}{(\sqrt{2}+2)(\sqrt{2}-2)} \\ &= -\frac{2\sqrt{6}-4\sqrt{3}}{2} = -\sqrt{6}+2\sqrt{3} \end{aligned} \quad \dots \textcircled{2}$$

즉,  $x-y = -\sqrt{6}-2\sqrt{3} - (-\sqrt{6}+2\sqrt{3})$  ... ③  
 $= -\sqrt{6}-2\sqrt{3} + \sqrt{6}-2\sqrt{3} = -4\sqrt{3}$   
 $\therefore -4\sqrt{3}$

채점기준	배점
① $x$ 의 값을 바르게 간단히 한다.	2
② $y$ 의 값을 바르게 간단히 한다.	2
③ $x-y$ 의 값을 바르게 구한다.	1

**03**

$$\begin{aligned} (4\sqrt{3}-6)(a+2\sqrt{3}) &= 4\sqrt{3}a+24-6a-12\sqrt{3} \\ &= 24-6a+4\sqrt{3}a-12\sqrt{3} \\ &= 24-6a+4(a-3)\sqrt{3} \end{aligned}$$

즉,  $a-3=0$  이어야 하므로  $a = \boxed{3}$

$\therefore \boxed{3}$

**03-1**

$$\begin{aligned} (2-\sqrt{3})(a-4\sqrt{3}) &= 2a-8\sqrt{3}-\sqrt{3}a+12 \\ &= 2a+12-\sqrt{3}a-8\sqrt{3} \\ &= 2a+12-(a+8)\sqrt{3} \end{aligned} \quad \dots \textcircled{1}$$

즉,  $a+8=0$  이어야 하므로  $a = -8$  ... ②  
 $\therefore -8$



채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 전개한다.	4
② a의 값을 바르게 구한다.	2

### 04

$$\frac{4}{\sqrt{5}+1} = \frac{4(\sqrt{5}-1)}{(\sqrt{5}+1)(\sqrt{5}-1)} = \frac{4(\sqrt{5}-1)}{5-1} = \sqrt{5}-1$$

이때  $2 < \sqrt{5} < 3$  이므로  $1 < \sqrt{5}-1 < 2$

즉,  $\frac{4}{\sqrt{5}+1}$ 의 정수 부분은 1 이므로  $a = 1$

이때 소수 부분은  $\sqrt{5}-1-1 = \sqrt{5}-2$  이므로

$$b = \sqrt{5}-2$$

$$\therefore a+2b = 1+2(\sqrt{5}-2) = 1+2\sqrt{5}-4 = 2\sqrt{5}-3$$

### 04-1

$$\frac{4}{3-\sqrt{5}} = \frac{4(3+\sqrt{5})}{(3-\sqrt{5})(3+\sqrt{5})} = \frac{4(3+\sqrt{5})}{9-5} = 3+\sqrt{5}$$

이때  $2 < \sqrt{5} < 3$  이므로  $5 < 3+\sqrt{5} < 6$  ... ①

즉,  $\frac{4}{3-\sqrt{5}}$ 의 정수 부분은 5 이므로  $a = 5$

이때 소수 부분은  $3+\sqrt{5}-5 = \sqrt{5}-2$  이므로  $b = \sqrt{5}-2$  ... ②

$\therefore a+2b = 5+2(\sqrt{5}-2) = 5+2\sqrt{5}-4 = 1+2\sqrt{5}$  ... ③

채점기준	배점
① 주어진 수가 어떤 두 정수 사이의 수인지 바르게 제시한다.	3
② a, b의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ a+2b의 값을 바르게 구한다.	1

## 1.5 곱셈 공식을 이용한 식의 값

▶ p. 80

### 교과서 기본예제 1

(1)  $x^2+2+\frac{1}{x^2}$

(2)  $x^2-2+\frac{1}{x^2}$

(3)  $x^2+4+\frac{4}{x^2}$

(4)  $x^4+2+\frac{1}{x^4}$

### 교과서 기본예제 2

(1) 14

(2) 4

### 대표문제

$$x = \frac{2}{\sqrt{3}+1} = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} = \frac{2(\sqrt{3}-1)}{3-1} = \sqrt{3}-1$$

$$y = \frac{2}{\sqrt{3}-1} = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{3-1} = \sqrt{3}+1$$

이때  $x+y = \sqrt{3}-1+\sqrt{3}+1 = 2\sqrt{3}$

$$xy = (\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1) = 3-1 = 2$$

$$\begin{aligned} \text{즉, } x^2+y^2 &= (x+y)^2 - 2xy \\ &= (2\sqrt{3})^2 - 2 \times 2 = 12 - 4 = 8 \end{aligned}$$

$\therefore 8$

### 유사문제

$$x = \frac{1}{3+2\sqrt{2}} = \frac{3-2\sqrt{2}}{(3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2})} = \frac{3-2\sqrt{2}}{9-8} = 3-2\sqrt{2}$$

$$y = \frac{1}{3-2\sqrt{2}} = \frac{3+2\sqrt{2}}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})} = \frac{3+2\sqrt{2}}{9-8} = 3+2\sqrt{2}$$

... (+2점)

이때  $x+y = 3-2\sqrt{2}+3+2\sqrt{2} = 6$

$$xy = (3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2}) = 9-8 = 1 \quad \dots (+2점)$$

$$\begin{aligned} \text{즉, } x^2+y^2 &= (x+y)^2 - 2xy \\ &= 6^2 - 2 \times 1 = 36 - 2 = 34 \quad \dots (+2점) \end{aligned}$$

$\therefore 34$

## 특별하게 연습하기

▶ p. 82

### 01

주어진 식의 값을 통분하여 구하면

$$\begin{aligned} \frac{y}{x} + \frac{x}{y} &= \frac{y^2}{xy} + \frac{x^2}{xy} = \frac{x^2+y^2}{xy} \\ &= \frac{(x+y)^2 - 2xy}{xy} = \frac{6^2 - 2 \times 9}{9} \\ &= \frac{36-18}{9} = \frac{18}{9} = 2 \end{aligned}$$

$\therefore 2$

01-1

주어진 식의 값을 통분하여 구하면

$$\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2}{xy} + \frac{y^2}{xy} = \frac{x^2+y^2}{xy} = \frac{(x-y)^2+2xy}{xy}$$

$$= \frac{3^2+2 \times 2}{2} = \frac{9+4}{2} = \frac{13}{2}$$

∴  $\frac{13}{2}$

채점기준	배점
식의 값을 바르게 구한다.	5

02

(1)  $x=0$ 일 때,  $x^2-5x-1=-1 \neq 0$ 이므로  $x \neq 0$ 이다.  
 $x \neq 0$ 이므로  $x^2-5x-1=0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면

$$x - 5 - \frac{1}{x} = 0, \quad x - \frac{1}{x} = 5$$

∴  $5$

(2)  $x - \frac{1}{x} = 5$  이므로

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 = 5^2 + 2 = 27$$

∴  $27$

02-1

(1)  $x=0$ 일 때,  $x^2-4x+1=1 \neq 0$ 이므로  $x \neq 0$ 이다.  
 $x \neq 0$ 이므로  $x^2-4x+1=0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면

$$x - 4 + \frac{1}{x} = 0, \quad x + \frac{1}{x} = 4$$

∴  $4$

(2)  $x + \frac{1}{x} = 4$ 이므로

$$3x^2 + \frac{3}{x^2} = 3\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) = 3\left[\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2\right]$$

$$= 3(4^2 - 2) = 3 \times 14 = 42$$

∴  $42$

채점기준	배점
① (1)의 식의 값을 바르게 구한다.	3
② (2)의 식의 값을 바르게 구한다.	3

03

$$a = \frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{3}+\sqrt{2})^2}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})(\sqrt{3}+\sqrt{2})} = \frac{5+2\sqrt{6}}{3-2} = 5+2\sqrt{6}$$

$$b = \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{3}-\sqrt{2})^2}{(\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2})} = \frac{5-2\sqrt{6}}{3-2} = 5-2\sqrt{6}$$

이때  $a+b = 5+2\sqrt{6}+5-2\sqrt{6}=10$

$$ab = (5+2\sqrt{6})(5-2\sqrt{6}) = 25-24=1$$

즉,  $a^2-ab+b^2 = (a+b)^2-3ab = 10^2-3 \times 1 = 97$

∴  $97$

TIP

$a-b$ 의 값과  $ab$ 의 값을 이용하여 식의 값을 구해도 무방하다.

03-1

$$x = \frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}} = \frac{(2+\sqrt{3})^2}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = \frac{7+4\sqrt{3}}{4-3} = 7+4\sqrt{3}$$

$$y = \frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}} = \frac{(2-\sqrt{3})^2}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = \frac{7-4\sqrt{3}}{4-3} = 7-4\sqrt{3} \quad \dots ①$$

이때  $x+y = 7+4\sqrt{3}+7-4\sqrt{3} = 14$

$$xy = (7+4\sqrt{3})(7-4\sqrt{3}) = 49-48 = 1 \quad \dots ②$$

즉,  $x^2+xy+y^2 = (x+y)^2-xy = 14^2-1 = 195 \quad \dots ③$

∴  $195$

채점기준	배점
① $x, y$ 의 분모를 각각 바르게 유리화한다.	2
② $x+y, xy$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ 식의 값을 바르게 구한다.	2

04

$$x = \frac{1}{2+\sqrt{3}} = \frac{2-\sqrt{3}}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = \frac{2-\sqrt{3}}{4-3} = 2-\sqrt{3}$$

이때  $x = 2-\sqrt{3}$  에서  $x-2 = -\sqrt{3}$  이므로

양변을 제곱하면

$$(x-2)^2 = 3, \quad x^2-4x+4 = 3, \quad x^2-4x = -1$$

즉,  $x^2-4x = -1$  이므로

$$x^2-4x+1 = -1+1 = 0$$

∴  $0$

TIP

$x^2-4x+4=3$ 의 양변에서 3을 빼서 식의 값을 구하는 방법도 있다.

04-1

$$x = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}+\sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{5}-\sqrt{3})^2}{(\sqrt{5}+\sqrt{3})(\sqrt{5}-\sqrt{3})} = \frac{8-2\sqrt{15}}{5-3} = 4-\sqrt{15} \quad \dots ①$$

이때  $x = 4-\sqrt{15}$ 에서  $x-4 = -\sqrt{15}$ 이므로

양변을 제곱하면

$$(x-4)^2 = 15, \quad x^2-8x+16 = 15, \quad x^2-8x = -1 \quad \dots ②$$

즉,  $x^2-8x = -1$ 이므로  $x^2-8x+4 = -1+4 = 3 \quad \dots ③$

∴  $3$



채점기준	배점
① $x$ 의 분모를 바르게 유리화한다.	2
② $x^2 - 8x$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ 식의 값을 바르게 구한다.	2

### 자신있게 품내기

▶ p. 84

#### 01

- $(ax-7)^2 = a^2x^2 - 14ax + 49$ 이므로 ... ①  
 $-14a = 28, a = -2$   
 또,  $b = 49$  ... ②  
 즉,  $\frac{1}{2}ab = \frac{1}{2} \times (-2) \times 49 = -49$  ... ③  
 $\therefore -49$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 전개한다.	2
② $a, b$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $\frac{1}{2}ab$ 의 값을 바르게 구한다.	1

#### 02

- 주어진 식의 좌변을 바르게 전개하면  
 $(x-2)(x+2)(x^2+4)(x^4+16)$   
 $= (x^2-4)(x^2+4)(x^4+16)$   
 $= (x^4-16)(x^4+16)$   
 $= x^8 - 256$  ... ①  
 즉,  $a = 8, b = 256$ 이므로  $a + b = 8 + 256 = 264$  ... ②  
 $\therefore 264$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 전개한다.	3
② $a + b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

#### 03

- $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ 이므로 ... ①  
 $ab = -20$ 을 만족시키는 순서쌍  $(a, b)$ 는  
 $(-20, 1), (-10, 2), (-5, 4), (-4, 5),$   
 $(-2, 10), (-1, 20), (1, -20), (2, -10),$   
 $(4, -5), (5, -4), (10, -2), (20, -1)$  ... ②  
 이때  $A = a + b$ 이므로 가능한  $A$ 의 값은  
 $-19, -8, -1, 1, 8, 19$ 이다. ... ③  
 $\therefore -19, -8, -1, 1, 8, 19$

채점기준	배점
① $(x+a)(x+b)$ 를 바르게 전개한다.	2
② $ab = -20$ 을 만족시키는 순서쌍 $(a, b)$ 를 모두 바르게 구한다.	2
③ 가능한 $A$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2

#### 04

- $(2x-5)(3x+1) - (x+3)(2x-4)$   
 $= 6x^2 - 13x - 5 - (2x^2 + 2x - 12)$   
 $= 6x^2 - 13x - 5 - 2x^2 - 2x + 12$   
 $= 4x^2 - 15x + 7$  ... ①  
 즉,  $A = 4, B = -15, C = 7$ 이므로  
 $A + B + C = 4 + (-15) + 7 = -4$  ... ②  
 $\therefore -4$

채점기준	배점
① 주어진 식을 바르게 계산한다.	3
② $A + B + C$ 의 값을 바르게 구한다.	3

#### 05

- 새로운 직사각형의 가로 길이는  $(x-4)$  cm,  
 세로 길이는  $(x+5)$  cm이므로 넓이는  
 $(x-4)(x+5) = x^2 + x - 20$  (cm<sup>2</sup>) ... ①  
 처음 정사각형의 넓이는  $x^2$  cm<sup>2</sup>이므로  
 $x^2 + x - 20 = x^2 - 2, x = 18$  ... ②  
 $\therefore 18$

채점기준	배점
① 새로운 직사각형의 넓이를 바르게 구한다.	4
② $x$ 의 값을 바르게 구한다.	2

#### 06

- 사각형 ABEH, HFGD, IJCG는 모두 정사각형이다. ... ①  
 $FG = DG = HD = b - a$ 이므로  
 $IJ = IG = GC = a - (b - a) = a - b + a = 2a - b$   
 또,  $FI = FG - IG = b - a - (2a - b) = b - a - 2a + b$   
 $= -3a + 2b$  ... ②  
 즉, 사각형 FEJI의 넓이는  
 $(-3a + 2b)(2a - b) = -6a^2 + 7ab - 2b^2$  ... ③  
 $\therefore -6a^2 + 7ab - 2b^2$

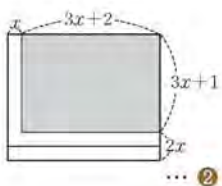
채점기준	배점
① 사각형 ABEH, HFGD, IJCG가 모두 정사각형을 바르게 제시한다.	1
② $IJ, FI$ 의 길이를 각각 바르게 구한다.	4
③ 사각형 FEJI의 넓이를 바르게 구한다.	2

#### TIP

$\square ABCD - (\square ABEH + \square HFGD + \square IJCG)$ 를 이용하는 방법도 있다.

07

꽃밭을 그림과 같이 이어 붙이면  
가로 길이는  $3x+2$ , 세로 길이는  
 $3x+1$ 인 직사각형이 된다.



즉, 꽃밭의 넓이는  
 $(3x+2)(3x+1) = 9x^2 + 9x + 2$   
 $\therefore 9x^2 + 9x + 2$

채점기준	배점
① 꽃밭의 특징을 바르게 제시한다.	3
② 꽃밭의 넓이를 바르게 구한다.	3

08

주어진 식의 좌변을 바르게 계산하면

$$\begin{aligned} 299^2 + 599 &= (300-1)^2 + 599 \\ &= 300^2 - 2 \times 300 \times 1 + 1^2 + 599 \\ &= 90000 - 600 + 1 + 599 \\ &= 90000 \end{aligned} \quad \dots ①$$

이때  $90000 = 9 \times 10^4$ 이므로  $a=9, n=4$   $\dots ②$   
 $\therefore a+n=9+4=13$   $\dots ③$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 계산한다.	3
② $a, n$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $a+n$ 의 값을 바르게 구한다.	1

09

$10000 = x$ 로 놓으면

$$\frac{10001^2 - 9999 \times 10001 - 2}{10000} = \frac{(x+1)^2 - (x-1)(x+1) - 2}{x} \quad \dots ①$$

이 식을 계산하면

$$\begin{aligned} \frac{(x+1)^2 - (x-1)(x+1) - 2}{x} &= \frac{x^2 + 2x + 1 - (x^2 - 1) - 2}{x} \\ &= \frac{x^2 + 2x + 1 - x^2 + 1 - 2}{x} \\ &= \frac{2x}{x} = 2 \end{aligned} \quad \dots ②$$

$\therefore 2$

채점기준	배점
① $10000 = x$ 로 놓고 주어진 식을 $x$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② 주어진 식을 바르게 계산한다.	3

10

$$\begin{aligned} &\frac{(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)+1}{2^8} \\ &= \frac{(2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)+1}{2^8} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{(2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)+1}{2^8} \\ &= \frac{(2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)+1}{2^8} \\ &= \frac{(2^8-1)(2^8+1)+1}{2^8} = \frac{2^{16}-1+1}{2^8} = \frac{2^{16}}{2^8} = 2^8 = 256 \\ \therefore 256 \end{aligned}$$

채점기준	배점
식의 값을 바르게 구한다.	7

11

주어진 식의 좌변을 계산하면

$$\begin{aligned} \frac{1-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}} - \frac{2-\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}} &= \frac{(1-\sqrt{3})(2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} - \frac{(2-\sqrt{3})(1-\sqrt{3})}{(1+\sqrt{3})(1-\sqrt{3})} \\ &= \frac{2-3\sqrt{3}+3}{4-3} - \frac{2-3\sqrt{3}+3}{1-3} \\ &= \frac{10-6\sqrt{3}+5-3\sqrt{3}}{2} \\ &= \frac{15}{2} - \frac{9\sqrt{3}}{2} \end{aligned} \quad \dots ①$$

즉,  $a = \frac{15}{2}, b = -\frac{9}{2}$ 이므로  $a+b = \frac{15}{2} + (-\frac{9}{2}) = 3$   $\dots ②$   
 $\therefore 3$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 계산한다.	4
② $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

12

$$\begin{aligned} (2\sqrt{2}+3)^9(2\sqrt{2}-3)^{11} &= (2\sqrt{2}+3)^9(2\sqrt{2}-3)^9(2\sqrt{2}-3)^2 \\ &= ((2\sqrt{2}+3)(2\sqrt{2}-3))^9(2\sqrt{2}-3)^2 \\ &= (8-9)^9(8-12\sqrt{2}+9) \\ &= -(17-12\sqrt{2}) \\ &= -17+12\sqrt{2} \end{aligned} \quad \dots ①$$

즉,  $a = -17, b = 12$ 이므로  $a+b = -17+12 = -5$   $\dots ②$   
 $\therefore -5$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 계산한다.	4
② $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

13

(i)  $a+3\sqrt{2}+4-b\sqrt{2}=a+4+(3-b)\sqrt{2}$ 가  
    유리수가 되려면  $3-b=0$ 이어야 한다. 즉,  $b=3$   $\dots ①$   
(ii)  $b=3$ 이므로  
     $(a+3\sqrt{2})(4-3\sqrt{2})=4a-3\sqrt{2}a+12\sqrt{2}-18$   
     $=4a-18-3(a-4)\sqrt{2}$   
    즉,  $a-4=0$ 이어야 하므로  $a=4$   $\dots ②$   
 $\therefore a+b=4+3=7$   $\dots ③$





채점기준	배점
① $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 14

$$(1) (x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2 = (x+y)^2 - 4xy$$

$$= (2\sqrt{3})^2 - 4 \times (-1) = 12 + 4 = 16 \quad \dots \textcircled{1}$$

$\therefore 16$

$$(2) \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = \frac{y^2}{xy} + \frac{x^2}{xy} = \frac{x^2+y^2}{xy}$$

$$= \frac{(x+y)^2 - 2xy}{xy} = \frac{(2\sqrt{3})^2 - 2 \times (-1)}{-1}$$

$$= -(12+2) = -14 \quad \dots \textcircled{2}$$

$\therefore -14$

채점기준	배점
① (1)의 식의 값을 바르게 구한다.	3
② (2)의 식의 값을 바르게 구한다.	4

### 15

$x=0$ 이면  $x^2-x-1=-1 \neq 0$ 이므로  $x \neq 0$ 이다.

$x \neq 0$ 이므로  $x^2-x-1=0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면

$$x-1-\frac{1}{x}=0, \quad x-\frac{1}{x}=1 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$x-\frac{1}{x}=1 \text{이므로 } x^2+\frac{1}{x^2}=\left(x-\frac{1}{x}\right)^2+2=1^2+2=3 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{즉, } x^2+\frac{1}{x^2}=3 \text{이므로 } x^4+\frac{1}{x^4}=\left(x^2+\frac{1}{x^2}\right)^2-2=3^2-2=7 \quad \dots \textcircled{3}$$

$\therefore 7$

채점기준	배점
① $x-\frac{1}{x}$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $x^2+\frac{1}{x^2}$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $x^4+\frac{1}{x^4}$ 의 값을 바르게 구한다.	3

### 16

$$\overline{AB}^2 = 3^2 + 1^2 = 10 \text{이고 } \overline{AB} > 0 \text{이므로 } \overline{AB} = \sqrt{10}$$

$$\text{즉, } \overline{AD} = \overline{AB} = \sqrt{10} \text{이다.} \quad \dots \textcircled{1}$$

이때  $\overline{AP} = \overline{AD}$ 이므로 점 P가 나타내는 수는  $2-\sqrt{10}$

$\overline{AQ} = \overline{AB}$ 이므로 점 Q가 나타내는 수는  $2+\sqrt{10}$

$$\text{따라서 } a = 2-\sqrt{10}, \quad b = 2+\sqrt{10} \quad \dots \textcircled{2}$$

이때  $a+b = 2-\sqrt{10}+2+\sqrt{10} = 4$ .

$ab = (2-\sqrt{10})(2+\sqrt{10}) = 4-10 = -6$ 이므로

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{a+b}{ab} = \frac{4}{-6} = -\frac{2}{3} \quad \dots \textcircled{3}$$

$\therefore -\frac{2}{3}$

채점기준	배점
① AB, AD의 길이를 각각 바르게 구한다.	1
② a, b의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ 식의 값을 바르게 구한다.	3

02 인수분해

1.6 인수분해의 이해(1) ▶ p. 90

교과서 기본예제 1

- (1)  $xy(x+3y-2)$                       (2)  $(b+2)(a-3)$   
 (3)  $(x+1)^2$                               (4)  $(x-2y)^2$

교과서 기본예제 2

- (1) 4    (2) 9

대표문제

$$\begin{aligned} & (2x-1)(2x-3)+k \\ &= 4x^2-8x+3+k \\ &= 4\left(x^2-2x+\frac{3+k}{4}\right) \\ &= 4\left(x^2-2\times x\times 1+\frac{3+k}{4}\right) \end{aligned}$$

이때 다항식이 완전제곱식이 되어야 하므로

$$\frac{3+k}{4} = (-1)^2, k+3=4, k=1$$

∴ 1

유사문제

$$\begin{aligned} (x-2)(x+5)+k &= x^2+3x-10+k \\ &= x^2+2\times x\times \frac{3}{2}-10+k \end{aligned} \quad \dots (+3점)$$

이때 다항식이 완전제곱식이 되어야 하므로

$$-10+k = \left(\frac{3}{2}\right)^2, -10+k = \frac{9}{4}, k = \frac{49}{4} \quad \dots (+3점)$$

∴  $\frac{49}{4}$

특별하게 연습하기

▶ p. 92

01

$4x^2y$ 와  $8xy^2$ 의 공통인수는  $4xy$ 이다.

즉,  $4x^2y+8xy^2$ 을  $4xy$  (으)로 묶어서 인수분해하면

$$4xy(x+2y)$$

∴  $4xy(x+2y)$

01-1

$5a^2b$ 와  $10ab^2$ 의 공통인수는  $5ab$ 이다. ... ①

즉,  $5a^2b-10ab^2$ 을  $5ab$ 로 묶어서 인수분해하면

$$5ab(a-2b) \quad \dots ②$$

∴  $5ab(a-2b)$

채점기준	배점
① 주어진 두 항의 공통인수를 바르게 구한다.	2
② 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	3

02

$$\begin{aligned} ax^2-4ax+4a &= a(x^2-4x+4) \\ &= a(x-2)^2 \end{aligned}$$

∴  $a(x-2)^2$

02-1

$$\begin{aligned} 18x^2-12x+2 &= 2(9x^2-6x+1) \\ &= 2(3x-1)^2 \end{aligned}$$

∴  $2(3x-1)^2$

채점기준	배점
주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	5

03

$$9x^2+(k-1)x+16 = (3x)^2+(k-1)x+(\pm 4)^2$$

즉,  $k-1 = 2\times 3\times (\pm 4) = \pm 24$

따라서  $k-1 = 24$  에서  $k = 25$

또는  $k-1 = -24$  에서  $k = -23$

∴  $-23, 25$



### 03-1

$$4x^2 + (a-4)x + 9 = (2x)^2 + (a-4)x + (\pm 3)^2$$

즉,  $a-4 = 2 \times 2 \times (\pm 3) = \pm 12$  ... ①

따라서  $a-4=12$ 에서  $a=16$

또는  $a-4=-12$ 에서  $a=-8$  ... ②

$\therefore -8, 16$

채점기준	배점
① a의 값을 구하기 위한 식을 바르게 제시한다.	3
② a의 값을 모두 바르게 구한다.	2

### 04

$$\sqrt{a^2+6a+9} + \sqrt{a^2-4a+4} = \sqrt{(a+3)^2} + \sqrt{(a-2)^2}$$

이때  $-3 < a < 2$ 이므로

$$a+3 > 0, a-2 < 0$$

즉,

$$\begin{aligned} \sqrt{a^2+6a+9} + \sqrt{a^2-4a+4} &= \sqrt{(a+3)^2} + \sqrt{(a-2)^2} \\ &= a+3 - (a-2) \\ &= a+3-a+2=5 \end{aligned}$$

$\therefore$  5

### 04-1

$$\sqrt{a^2-2a+1} - \sqrt{a^2-6a+9} = \sqrt{(a-1)^2} - \sqrt{(a-3)^2}$$
 ... ①

이때  $1 < a < 3$ 이므로  $a-1 > 0, a-3 < 0$  ... ②

$$\begin{aligned} \text{즉, } \sqrt{a^2-2a+1} - \sqrt{a^2-6a+9} &= \sqrt{(a-1)^2} - \sqrt{(a-3)^2} \\ &= a-1+a-3 \\ &= 2a-4 \end{aligned}$$
 ... ③

$\therefore 2a-4$

채점기준	배점
① 근호 안의 식을 바르게 인수분해한다.	2
② a-1, a-3의 부호를 각각 바르게 제시한다.	2
③ 주어진 식을 바르게 간단히 한다.	2

## 17 인수분해의 이해(2) ▶ p. 94

### 교과서 기본예제 1

- (1)  $(x+6)(x-6)$
- (2)  $(x+3y)(x-3y)$
- (3)  $(x+1)(x+2)$
- (4)  $(x-1)(x+3)$

### 교과서 기본예제 2

$$a=-3, b=-2$$

### 대표문제

두 일차식의 곱이  $x^2-7x+12$ 이므로

$$x^2-7x+12 = (x-3)(x-4)$$

즉, 두 일차식은  $x-3, x-4$ 이므로 합은

$$x-3+x-4=2x-7$$

$\therefore 2x-7$

### 유사문제

두 일차식의 곱이  $x^2+2x-8$ 이므로

$$x^2+2x-8 = (x+4)(x-2) \quad \dots (+3\text{점})$$

즉, 두 일차식은  $x+4, x-2$ 이므로 합은

$$x+4+x-2=2x+2 \quad \dots (+2\text{점})$$

$\therefore 2x+2$

## 특별하게 연습하기

▶ p. 96

### 01

$$\begin{aligned} x^8-1 &= (x^4+1)(x^4-1) \\ &= (x^4+1)(x^2+1)(x^2-1) \\ &= (x^4+1)(x^2+1)(x+1)(x-1) \end{aligned}$$

$\therefore (x^4+1)(x^2+1)(x+1)(x-1)$

### 01-1

$$\begin{aligned} x^{16}-1 &= (x^8+1)(x^8-1) \\ &= (x^8+1)(x^4+1)(x^4-1) \\ &= (x^8+1)(x^4+1)(x^2+1)(x^2-1) \\ &= (x^8+1)(x^4+1)(x^2+1)(x+1)(x-1) \end{aligned}$$

$\therefore (x^8+1)(x^4+1)(x^2+1)(x+1)(x-1)$

채점기준	배점
주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	5

02

주어진 식의 좌변을 인수분해하면

$$\begin{aligned} (x+2)(5x+3)-2x &= 5x^2+13x+6-2x \\ &= 5x^2+11x+6 \\ &= (x+1)(5x+6) \end{aligned}$$

즉,  $a=1$ ,  $b=1$ ,  $c=5$ ,  $d=6$  이므로

$$a+b+c+d = 1+1+5+6=13$$

$$\therefore 13$$

02-1

주어진 식의 좌변을 인수분해하면

$$\begin{aligned} (2x+1)(x-3)-9 &= 2x^2-5x-3-9 \\ &= 2x^2-5x-12 \\ &= (x-4)(2x+3) \end{aligned}$$

즉,  $a=1$ ,  $b=-4$ ,  $c=2$ ,  $d=3$  이므로

$$a+b+c+d = 1+(-4)+2+3=2$$

$\therefore 2$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 인수분해한다.	4
② $a+b+c+d$ 의 값을 바르게 구한다.	2

03

새로운 직사각형의 넓이는

$$x^2+4x+3=(x+3)(x+1)$$

이때 가로의 길이는  $x+3$ ,

세로의 길이는  $x+1$  이다.

즉, 가로와 세로의 길이의 합은

$$x+3+x+1=2x+4$$

$$\therefore 2x+4$$

03-1

새로운 직사각형의 넓이는  $2x^2+5x+3=(2x+3)(x+1)$  ... ①

이때 가로와 세로의 길이를  $2x+3$ 으로 놓으면

세로의 길이는  $x+1$ 이다. ... ②

즉, 가로와 세로의 길이의 합은  $2x+3+x+1=3x+4$  ... ③

$\therefore 3x+4$

채점기준	배점
① 새로운 직사각형의 넓이를 두 일차식의 곱으로 바르게 나타낸다.	2
② 새로운 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 바르게 구한다.	2
③ 새로운 직사각형의 가로와 세로의 길이의 합을 바르게 구한다.	2

04

$$(i) (3x-5)(x-1) = 3x^2-8x+5$$

중심이는  $x^2$ 의 계수와  $x$ 의 계수는 바르게 보았으므로

처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는  $3$ ,  $x$ 의 계수는  $-8$  이다.

$$(ii) (3x-4)(x-1) = 3x^2-7x+4$$

민서는  $x^2$ 의 계수와 상수항은 바르게 보았으므로

처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는  $3$ , 상수항은  $4$  이다.

(i), (ii)에서 처음 이차식은  $3x^2-8x+4$  이므로

$$3x^2-8x+4 = (3x-2)(x-2)$$

$$\therefore (3x-2)(x-2)$$

04-1

$$(i) (x-3)(x+6) = x^2+3x-18$$

중원이는  $x^2$ 의 계수와 상수항은 바르게 보았으므로

처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는 1, 상수항은  $-18$ 이다. ... ①

$$(ii) (x+2)(x-5) = x^2-3x-10$$

인선이는  $x^2$ 의 계수와  $x$ 의 계수는 바르게 보았으므로

처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는 1,  $x$ 의 계수는  $-3$ 이다. ... ②

(i), (ii)에서 처음 이차식은  $x^2-3x-18$ 이므로

$$x^2-3x-18 = (x-6)(x+3) \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore (x-6)(x+3)$$

채점기준	배점
① 처음 이차식의 $x^2$ 의 계수와 상수항을 각각 바르게 구한다.	2
② 처음 이차식의 $x^2$ 의 계수와 $x$ 의 계수를 각각 바르게 구한다.	2
③ 처음 이차식을 바르게 인수분해한다.	2

18 공통인수와 인수분해 ▶ p. 98

교과서 기본예제 1

(1)  $a+3$  (2)  $x+1$

대표문제

(i)  $x^2-2x+a=(x+3)(x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로

$$\text{놓으면 } (x+3)(x+m) = x^2+(m+3)x+3m$$

이때  $-2 = m+3$  이므로  $m = -5$

즉,  $a = 3m = 3 \times (-5) = -15$

(ii)  $2x^2 + bx - 9 = (x+3)(2x+n)$  (단,  $n$ 은 상수)으로

놓으면  $(x+3)(2x+n) = 2x^2 + (n+6)x + 3n$

이때  $-9 = 3n$  이므로  $n = -3$

즉,  $b = n+6 = -3+6 = 3$

$\therefore a+b = -15+3 = -12$

**유사문제**

(i)  $x^2 + 8x + a = (x+3)(x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로 놓으면

$(x+3)(x+m) = x^2 + (m+3)x + 3m$

이때  $8 = m+3$  이므로  $m = 5$

즉,  $a = 3m = 3 \times 5 = 15$  ... (+3점)

(ii)  $3x^2 + bx - 6 = (x+3)(3x+n)$  (단,  $n$ 은 상수)으로 놓으면

$(x+3)(3x+n) = 3x^2 + (n+9)x + 3n$

이때  $-6 = 3n$  이므로  $n = -2$

즉,  $b = n+9 = -2+9 = 7$  ... (+3점)

$\therefore 2a-b = 2 \times 15 - 7 = 23$  ... (+1점)

**특별하게 연습하기**

▶ p. 100

**01**

$2x^2 - 9x - 5 = (2x+1)(x-5)$

$3x^2 - 13x - 10 = (3x+2)(x-5)$

즉, 두 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $x-5$  이다.

$\therefore x-5$

**01-1**

$4x^2 - 9 = (2x+3)(2x-3)$  ... ①

$6x^2y + 7xy - 3y = y(6x^2 + 7x - 3) = y(3x-1)(2x+3)$  ... ②

즉, 두 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $2x+3$ 이다. ... ③

$\therefore 2x+3$

채점기준	배점
① $4x^2 - 9$ 를 바르게 인수분해한다.	2
② $6x^2y + 7xy - 3y$ 를 바르게 인수분해한다.	2
③ 두 다항식의 1이 아닌 공통인수를 바르게 구한다.	1

**02**

$3x^2 + (a-1)x - 10 = (3x+2)(x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로

놓으면  $(3x+2)(x+m) = 3x^2 + (3m+2)x + 2m$

이때  $-10 = 2m$  이므로  $m = -5$

즉,  $a-1 = 3m+2 = 3 \times (-5) + 2 = -13$  에서

$a-1 = -13, a = -12$

$\therefore -12$

**02-1**

$6x^2 + (a-2)x - 15 = (2x+3)(3x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로

놓으면  $(2x+3)(3x+m) = 6x^2 + (2m+9)x + 3m$  ... ①

이때  $-15 = 3m$  이므로  $m = -5$

즉,  $a-2 = 2m+9 = 2 \times (-5) + 9 = -1$  에서

$a-2 = -1, a = 1$  ... ②

$\therefore 1$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 $m$ 을 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3

**03**

$x^2 - 49 = (x+7)(x-7)$

$x^2 - 4x - 21 = (x-7)(x+3)$

따라서 세 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $x-7$  이다.

즉,  $2x^2 + ax - 35 = (x-7)(2x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로

놓으면  $(x-7)(2x+m) = 2x^2 + (m-14)x - 7m$

이때  $-35 = -7m$  이므로  $m = 5$

즉,  $a = m-14 = 5-14 = -9$

$\therefore -9$

**03-1**

$4x^2 + 4x - 3 = (2x-1)(2x+3)$  ... ①

$6x^2 - 5x + 1 = (2x-1)(3x-1)$  ... ②

따라서 세 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $2x-1$ 이다. ... ③

즉,  $8x^2 + ax - 3 = (2x-1)(4x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로

놓으면  $(2x-1)(4x+m) = 8x^2 + (2m-4)x - m$

이때  $-m = -3$  이므로  $m = 3$

즉,  $a = 2m-4 = 2 \times 3 - 4 = 2$  ... ②

$\therefore 2$

채점기준	배점
① 세 다항식의 1이 아닌 공통인수를 바르게 구한다.	3
② a의 값을 바르게 구한다.	3

04

(i)  $x^2 - ax - 6 = (x-3)(x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로 놓으면

$$(x-3)(x+m) = x^2 + (m-3)x - 3m$$

이때  $-6 = -3m$  이므로  $m = 2$

즉,  $a = -m + 3 = -2 + 3 = 1$

(ii)  $x^2 + 2x + b = (x-3)(x+n)$  (단,  $n$ 은 상수)으로 놓으면

$$(x-3)(x+n) = x^2 + (n-3)x - 3n$$

이때  $2 = n-3$  이므로  $n = 5$

즉,  $b = -3n = -3 \times 5 = -15$

$\therefore a+b = 1 + (-15) = -14$

04-1

(i)  $2x^2 + ax - 2 = (x-2)(2x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로

놓으면  $(x-2)(2x+m) = 2x^2 + (m-4)x - 2m$

이때  $-2 = -2m$ 이므로  $m = 1$

즉,  $a = m - 4 = 1 - 4 = -3$  ... ①

(ii)  $3x^2 - 10x + b = (x-2)(3x+n)$  (단,  $n$ 은 상수)으로

놓으면  $(x-2)(3x+n) = 3x^2 + (n-6)x - 2n$

이때  $-10 = n-6$ 이므로  $n = -4$

즉,  $b = -2n = -2 \times (-4) = 8$  ... ②

$\therefore a+b = -3+8=5$  ... ③

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	3
② b의 값을 바르게 구한다.	3
③ a+b의 값을 바르게 구한다.	1

19 복잡한 식의 인수분해 ▶p. 102

교과서 기본예제 1

- (1)  $(b-1)(a+1)$                       (2)  $(x-y+2)(x-y-2)$   
 (3)  $(x+1)(x+8)$                     (4)  $(2x+3)(x+4)$

대표문제

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 - 4x + 4 &= x^2 - 4x + 4 - y^2 \\ &= (x-2)^2 - y^2 \\ &= (x+y-2)(x-y-2) \end{aligned}$$

즉, 두 일차식은  $x+y-2$ ,  $x-y-2$

이므로 합은  $x+y-2+x-y-2=2x-4$

$\therefore 2x-4$

유사문제

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 - 8y - 16 &= x^2 - (y^2 + 8y + 16) \\ &= x^2 - (y+4)^2 \\ &= (x+y+4)(x-y-4) \end{aligned} \quad \dots (+4점)$$

즉, 두 일차식은  $x+y+4$ ,  $x-y-4$ 이므로 합은  $x+y+4+x-y-4=2x$  ... (+2점)

$\therefore 2x$

특별하게 연습하기

▶p. 104

01

$$\begin{aligned} x^2 + xy + x - y - 2y^2 &= x^2 + xy - 2y^2 + x - y \\ &= (x-y)(x+2y) + x - y \\ &= (x-y)(x+2y+1) \end{aligned}$$

즉, 두 일차식은  $x-y$ ,  $x+2y+1$

이므로 합은  $x-y+x+2y+1=2x+y+1$

$\therefore 2x+y+1$

01-1

$$\begin{aligned} x^2 - x + 9y^2 - 3y + 6xy &= x^2 + 6xy + 9y^2 - x - 3y \\ &= (x+3y)^2 - (x+3y) \\ &= (x+3y)(x+3y-1) \end{aligned} \quad \dots ①$$

즉, 두 일차식은  $x+3y$ ,  $x+3y-1$ 이므로



합은  $x+3y+x+3y-1=2x+6y-1$  ... ②  
 $\therefore 2x+6y-1$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	4
② 두 일차식의 합을 바르게 구한다.	2

## 02

$$ab-a-b+1$$

$$=a(b-1)-(b-1)=(b-1)(a-1)$$

$$a^2-ab-a+b$$

$$=a(a-b)-(a-b)=(a-b)(a-1)$$

즉, 두 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $a-1$ 이다.  
 $\therefore a-1$

### 02-1

$b-a+ab-1=b(a+1)-(a+1)=(a+1)(b-1)$  ... ①  
 $ab-a+b^2-b=a(b-1)+b(b-1)=(b-1)(a+b)$  ... ②  
 즉, 두 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $b-1$ 이다. ... ③  
 $\therefore b-1$

채점기준	배점
① $b-a+ab-1$ 을 바르게 인수분해한다.	2
② $ab-a+b^2-b$ 를 바르게 인수분해한다.	2
③ 두 다항식의 1이 아닌 공통인수를 바르게 구한다.	1

## 03

$5x-1=A$ 로 놓고 좌변을 인수분해하면

$$(5x-1)^2+6(5x-1)-7$$

$$=A^2+6A-7$$

$$=(A-1)(A+7)$$

$$=(5x-1-1)(5x-1+7)$$

$$=(5x-2)(5x+6)$$

즉,  $a=-2$ ,  $b=5$ 이므로  
 $a+b=-2+5=3$   
 $\therefore 3$

### 03-1

$2x-3=A$ 로 놓고 좌변을 인수분해하면

$$(2x-3)^2-(2x-3)-6=A^2-A-6$$

$$=(A-3)(A+2)$$

$$=(2x-3-3)(2x-3+2)$$

$$=(2x-6)(2x-1)$$
 ... ①

즉,  $a=6$ ,  $b=2$ 이므로  $a+b=6+2=8$  ... ②  
 $\therefore 8$

채점기준	배점
① 주어진 식의 좌변을 바르게 인수분해한다.	4
② $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

## 04

주어진 다항식을  $x$ 에 대하여 내림차순으로 정리한 후 인수분해하면

$$x^2-3xy+2y^2-x+3y-2$$

$$=x^2-(3y+1)x+(2y^2+3y-2)$$

$$=x^2-(3y+1)x+(2y-1)(y+2)$$

$$=(x-(2y-1))(x-(y+2))$$

$$=(x-2y+1)(x-y-2)$$

$\therefore (x-2y+1)(x-y-2)$

### 04-1

주어진 다항식을  $x$ 에 대하여 내림차순으로 정리한 후 인수분해하면

$$x^2+9y^2+2x-6y-6xy+1$$

$$=x^2-(6y-2)x+9y^2-6y+1$$

$$=x^2-(6y-2)x+(3y-1)^2$$

$$=(x-(3y-1))^2$$

$$=(x-3y+1)^2$$

$\therefore (x-3y+1)^2$

채점기준	배점
주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	6

## 20 인수분해 공식을 이용한 수의 계산 ▶ p. 106

### 교과서 기본예제 1

- |          |           |
|----------|-----------|
| (1) 107  | (2) 80    |
| (3) 900  | (4) 10000 |
| (5) 140  | (6) 1600  |
| (7) 3800 | (8) 0.8   |

대표문제

$$\begin{aligned}
 & 3.14 \times 75^2 - 3.14 \times 25^2 \\
 &= 3.14 \times (75^2 - 25^2) \\
 &= 3.14 \times (75 + 25)(75 - 25) \\
 &= 3.14 \times 100 \times 50 \\
 &= 15700
 \end{aligned}$$

∴ 15700

유사문제

$$\begin{aligned}
 25 \times 105^2 - 25 \times 95^2 &= 25 \times (105^2 - 95^2) \\
 &= 25 \times (105 + 95)(105 - 95) \\
 &= 25 \times 200 \times 10 \\
 &= 50000
 \end{aligned}$$

... (+5점)

∴ 50000

특별하게 연습하기

▶ p. 108

01

$$\begin{aligned}
 \frac{996 \times 994 + 996 \times 6}{998^2 - 2^2} &= \frac{996 \times (994 + 6)}{(998 + 2)(998 - 2)} \\
 &= \frac{996 \times 1000}{1000 \times 996} \\
 &= 1
 \end{aligned}$$

∴ 1

01-1

$$\begin{aligned}
 \frac{35 \times 413 + 35 \times 87}{42.5^2 - 7.5^2} &= \frac{35 \times (413 + 87)}{(42.5 + 7.5)(42.5 - 7.5)} \\
 &= \frac{35 \times 500}{50 \times 35} \\
 &= 10
 \end{aligned}$$

∴ 10

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	5

02

$$\begin{aligned}
 & 94^2 - 6^2 - 92^2 + 4 \times 92 - 4 \\
 &= 94^2 - 6^2 - (92^2 - 2 \times 92 \times 2 + 2^2) \\
 &= (94 + 6)(94 - 6) - (92 - 2)^2 \\
 &= 100 \times 88 - 90^2 \\
 &= 8800 - 8100 \\
 &= 700
 \end{aligned}$$

∴ 700

02-1

$$\begin{aligned}
 & 201^2 + 199^2 + 132 \times 128 - 2 \times 201 \times 199 \\
 &= 201^2 - 2 \times 201 \times 199 + 199^2 + 132 \times 128 \\
 &= (201 - 199)^2 + (130 + 2)(130 - 2) \\
 &= 2^2 + 130^2 - 2^2 \\
 &= 130^2 \\
 &= 16900 \\
 &\therefore 16900
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	6

03

$$\begin{aligned}
 2^{16} - 1 &= (2^8 + 1)(2^8 - 1) \\
 &= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^4 - 1)
 \end{aligned}$$

이때  $2^4 + 1 = 17$ ,  $2^4 - 1 = 15$  이므로

자연수  $2^{16} - 1$ 은 15, 17 (으)로 나누어떨어진다.

∴ 15, 17

03-1

$$\begin{aligned}
 2^{40} - 1 &= (2^{20} + 1)(2^{20} - 1) \\
 &= (2^{20} + 1)(2^{10} + 1)(2^{10} - 1) \\
 &= (2^{20} + 1)(2^{10} + 1)(2^5 + 1)(2^5 - 1) \quad \dots ①
 \end{aligned}$$

이때  $2^5 + 1 = 33$ ,  $2^5 - 1 = 31$  이므로

자연수  $2^{40} - 1$ 은 31, 33으로 나누어떨어진다. ... ②

∴ 31, 33

채점기준	배점
① 인수분해 공식을 이용하여 식을 바르게 변형한다.	3
② 두 자연수를 바르게 구한다.	2





01-1

$$x^2 - 2x - 3xy + 6y = x(x-2) - 3y(x-2) = (x-2)(x-3y) \quad \dots ①$$

이때  $x-2=6\sqrt{2}-1-2=6\sqrt{2}-3$   
 $x-3y=6\sqrt{2}-1-3(-3+2\sqrt{2})=6\sqrt{2}-1+9-6\sqrt{2}=8 \quad \dots ②$

즉,  $x^2 - 2x - 3xy + 6y = (x-2)(x-3y) = (6\sqrt{2}-3) \times 8 = 48\sqrt{2}-24 \quad \dots ③$

$\therefore 48\sqrt{2}-24$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	2
② $x-2, x-3y$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ 식의 값을 바르게 구한다.	2

02

$$x^2 - y^2 = (x+y)(x-y)$$

이때  $x = \frac{1}{3-2\sqrt{2}} = \frac{3+2\sqrt{2}}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})} = 3+2\sqrt{2}$

$y = \frac{1}{3+2\sqrt{2}} = \frac{3-2\sqrt{2}}{(3+2\sqrt{2})(3-2\sqrt{2})} = 3-2\sqrt{2}$  이므로

$$x+y = 3+2\sqrt{2}+3-2\sqrt{2}=6$$

$$x-y = 3+2\sqrt{2}-(3-2\sqrt{2})=3+2\sqrt{2}-3+2\sqrt{2}=4\sqrt{2}$$

즉,  $x^2 - y^2 = (x+y)(x-y) = 6 \times 4\sqrt{2} = 24\sqrt{2}$

$\therefore 24\sqrt{2}$

02-1

$$x^3y - xy^3 = xy(x^2 - y^2) = xy(x+y)(x-y) \quad \dots ①$$

이때  $x = \frac{1}{2+\sqrt{3}} = \frac{2-\sqrt{3}}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 2-\sqrt{3}$

$y = \frac{1}{2-\sqrt{3}} = \frac{2+\sqrt{3}}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = 2+\sqrt{3}$  이므로  $\dots ②$

$$xy = (2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3}) = 4-3=1$$

$$x+y = 2-\sqrt{3}+2+\sqrt{3}=4$$

$$x-y = 2-\sqrt{3}-(2+\sqrt{3}) = 2-\sqrt{3}-2-\sqrt{3} = -2\sqrt{3} \quad \dots ③$$

즉,  $x^3y - xy^3 = xy(x+y)(x-y) = 4 \times (-2\sqrt{3}) = -8\sqrt{3} \quad \dots ④$

$\therefore -8\sqrt{3}$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	1
② $x, y$ 의 분모를 각각 바르게 유리화한다.	2
③ $xy, x+y, x-y$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	3
④ 식의 값을 바르게 구한다.	1

03

$$\begin{aligned} a^3 + b^3 - a^2b - ab^2 &= a^3 - a^2b + b^3 - ab^2 \\ &= a^2(a-b) - b^2(a-b) \\ &= (a-b)(a^2 - b^2) \\ &= (a+b)(a-b)^2 \end{aligned}$$

이때  $a+b=2, a-b=-2$ 이므로

$$\begin{aligned} a^3 + b^3 - a^2b - ab^2 &= (a+b)(a-b)^2 \\ &= 2 \times (-2)^2 \\ &= 8 \end{aligned}$$

$\therefore 8$

03-1

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 + 2x + 1 &= x^2 + 2x + 1 - y^2 \\ &= (x+1)^2 - y^2 \\ &= (x+y+1)(x-y+1) \quad \dots ① \end{aligned}$$

이때  $x+y=3, x-y=4$ 이므로

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 + 2x + 1 &= (x+y+1)(x-y+1) \\ &= (3+1) \times (4+1) \\ &= 4 \times 5 = 20 \quad \dots ② \end{aligned}$$

$\therefore 20$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	3
② 식의 값을 바르게 구한다.	3

04

$$\begin{aligned} a^2 - b^2 + 2b - 1 &= a^2 - (b^2 - 2b + 1) \\ &= a^2 - (b-1)^2 \\ &= [a+(b-1)][a-(b-1)] \\ &= (a+b-1)(a-b+1) \end{aligned}$$

이때  $a+b=\sqrt{5}, a^2 - b^2 + 2b - 1 = 20$ 이므로

$$\begin{aligned} (a+b-1)(a-b+1) &= 20 \\ (\sqrt{5}-1)(a-b+1) &= 20 \\ a-b+1 &= \frac{20}{\sqrt{5}-1} = \frac{20(\sqrt{5}+1)}{(\sqrt{5}-1)(\sqrt{5}+1)} \\ &= \frac{20(\sqrt{5}+1)}{5-1} = 5\sqrt{5}+5 \\ a-b &= 4+5\sqrt{5} \end{aligned}$$

$\therefore 4+5\sqrt{5}$

### 04-1

$x^2y + xy^2 + 2x + 2y = xy(x+y) + 2(x+y)$   
 $= (x+y)(xy+2)$  ... ①  
 이때  $xy=5$ ,  $x^2y + xy^2 + 2x + 2y = 35$ 이므로  
 $(x+y)(xy+2) = 35$   
 $7(x+y) = 35$ ,  $x+y=5$  ... ②  
 $\therefore 5$

채점기준	배점
① $x^2y + xy^2 + 2x + 2y$ 를 바르게 인수분해한다.	3
② $x+y$ 의 값을 바르게 구한다.	3

## 22 도형에서의 인수분해의 활용 ▶ p. 114

### 교과서 기본예제 1

$4x+y$

### 교과서 기본예제 2

$21\pi \text{ cm}^2$

### 대표문제

도형 (가)의 넓이는  
 $(x+2)^2 - 2^2 = (x+2+2)(x+2-2) = x(x+4)$   
 이때 도형 (나)의 세로의 길이는  $x$ 이고,  
 넓이는  $x(x+4)$  이므로 가로의 길이는  $x+4$  이다.  
 $\therefore x+4$

### 유사문제

도형 (가)의 넓이는  
 $(x+4)^2 - 6^2 = (x+4+6)(x+4-6)$   
 $= (x+10)(x-2)$  ... (+3점)  
 이때 도형 (나)의 세로의 길이는  $x-2$ 이고,  
 넓이는  $(x+10)(x-2)$ 이므로  
 가로의 길이는  $x+10$ 이다. ... (+2점)  
 $\therefore x+10$

## 특별하게 연습하기

### 01

사다리꼴의 높이를  $h$ 로 놓으면  
 $\frac{1}{2} \{ (2x-1) + (2x+3) \} h = \frac{1}{2} h(4x+2) = h(2x+1)$   
 또,  $2x^2 + 7x + 3 = (2x+1)(x+3)$   
 이때  $h(2x+1) = (2x+1)(x+3)$  에서  
 $h = x+3$  이므로 사다리꼴의 높이는  $x+3$  이다.  
 $\therefore x+3$

### 01-1

사다리꼴의 높이를  $h$ 로 놓으면  
 $\frac{1}{2} \{ (x+2) + (x+4) \} h = \frac{1}{2} h(2x+6) = h(x+3)$  ... ①  
 또,  $6x^2 + 20x + 6 = 2(3x^2 + 10x + 3) = 2(3x+1)(x+3)$  ... ②  
 이때  $h(x+3) = 2(3x+1)(x+3)$  에서  
 $h = 2(3x+1) = 6x+2$  이므로 사다리꼴의 높이는  $6x+2$  이다. ... ③  
 $\therefore 6x+2$

채점기준	배점
① 사다리꼴의 높이를 $h$ 로 놓고 넓이를 $h$ 를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	2
② $6x^2 + 20x + 6$ 을 바르게 인수분해한다.	2
③ 사다리꼴의 높이를 바르게 구한다.	1

### 02

입체도형의 밑넓이는  
 $\pi \times \left( \frac{11.5}{2} \right)^2 - \pi \times \left( \frac{3.5}{2} \right)^2 = \pi \left( \frac{11.5}{2} + \frac{3.5}{2} \right) \left( \frac{11.5}{2} - \frac{3.5}{2} \right)$   
 $= \pi \times 7.5 \times 4 = 30\pi \text{ (cm}^2\text{)}$   
 즉, 입체도형의 부피는  $30\pi \times 10 = 300\pi \text{ (cm}^3\text{)}$   
 $\therefore 300\pi \text{ cm}^3$

### 02-1

화장지의 밑넓이는  
 $\pi \times (2.15+3.7)^2 - \pi \times 2.15^2 = \pi(5.85+2.15)(5.85-2.15)$   
 $= \pi \times 8 \times 3.7 = 29.6\pi \text{ (cm}^2\text{)}$  ... ①  
 즉, 화장지의 부피는  $29.6\pi \times 10 = 296\pi \text{ (cm}^3\text{)}$  ... ②  
 $\therefore 296\pi \text{ cm}^3$

채점기준	배점
① 화장지의 밑넓이를 바르게 구한다.	3
② 화장지의 부피를 바르게 구한다.	2

03

$$2R - 2r = 4 \text{ 이므로 } R - r = 2$$

색칠한 부분의 둘레의 길이가  $16\pi$  cm 이므로

$$\begin{aligned} 2 \times \pi \times R + 2 \times \pi \times r &= 16\pi \\ 2\pi(R+r) &= 16\pi, R+r=8 \end{aligned}$$

즉, 색칠한 부분의 넓이는

$$\begin{aligned} \pi \times R^2 - \pi \times r^2 &= \pi(R^2 - r^2) = \pi(R+r)(R-r) \\ &= \pi \times 8 \times 2 = 16\pi \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

$$\therefore 16\pi \text{ cm}^2$$

03-1

$$2r_1 - 2r_2 = 3 \text{ 이므로 } r_1 - r_2 = \frac{3}{2} \quad \dots \textcircled{1}$$

색칠한 부분의 둘레의 길이가  $28\pi$  cm 이므로

$$\begin{aligned} 2 \times \pi \times r_1 + 2 \times \pi \times r_2 &= 28\pi \\ 2\pi(r_1 + r_2) &= 28\pi, r_1 + r_2 = 14 \quad \dots \textcircled{2} \end{aligned}$$

즉, 색칠한 부분의 넓이는

$$\begin{aligned} \pi \times r_1^2 - \pi \times r_2^2 &= \pi(r_1^2 - r_2^2) = \pi(r_1 + r_2)(r_1 - r_2) \\ &= \pi \times 14 \times \frac{3}{2} = 21\pi \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots \textcircled{3} \end{aligned}$$

$$\therefore 21\pi \text{ cm}^2$$

채점기준	배점
① $r_1 - r_2$ 의 값을 바르게 구한다.	1
② $r_1 + r_2$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ 색칠한 부분의 넓이를 바르게 구한다.	3

04

두 정사각형의 둘레의 길이의 합이 30이므로

$$4x + 4y = 30, x + y = \frac{15}{2}$$

또, 두 정사각형의 넓이의 차가 60이므로

$$x^2 - y^2 = 60, (x+y)(x-y) = 60$$

이때  $x+y = \frac{15}{2}$  을(를) 대입하면

$$\frac{15}{2}(x-y) = 60, x-y = 8$$

즉, 두 정사각형의 둘레의 길이의 차는

$$4(x-y) = 4 \times 8 = 32$$

$$\therefore 32$$

04-1

두 정사각형의 둘레의 길이의 합이 40이므로

$$4x + 4y = 40, x + y = 10 \quad \dots \textcircled{1}$$

또, 두 정사각형의 넓이의 차가 45이므로

$$x^2 - y^2 = 45, (x+y)(x-y) = 45 \quad \dots \textcircled{2}$$

이때  $x+y=10$ 을 대입하면  $10(x-y) = 45, x-y = \frac{9}{2}$

즉, 두 정사각형의 둘레의 길이의 차는

$$4(x-y) = 4 \times \frac{9}{2} = 18 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore 18$$

채점기준	배점
① $x+y$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② 두 정사각형의 넓이의 차가 45임을 식으로 바르게 나타낸다.	2
③ 두 정사각형의 둘레의 길이의 차를 바르게 구한다.	3

자신있게 쫓내기

▶ p. 118

01

$$(i) 4x^2 - 16x + a = 4\left(x^2 - 4x + \frac{a}{4}\right) = 4\left(x^2 - 2 \times x \times 2 + \frac{a}{4}\right)$$

이때 다항식이 완전제곱식이 되어야 하므로

$$\frac{a}{4} = (-2)^2, a = 4 \times 4 = 16 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$(ii) 2x^2 + 16x + b = 2\left(x^2 + 8x + \frac{b}{2}\right) = 2\left(x^2 + 2 \times x \times 4 + \frac{b}{2}\right)$$

이때 다항식이 완전제곱식이 되어야 하므로

$$\frac{b}{2} = 4^2, b = 16 \times 2 = 32 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore a = 16, b = 32$$

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	3

02

$$\sqrt{\frac{1}{x^2} - \sqrt{x^2 + \frac{1}{x^2}} - 2} = \sqrt{\frac{1}{x^2} - \sqrt{\left(x - \frac{1}{x}\right)^2}} \quad \dots \textcircled{1}$$

이때  $0 < x < 1$ 이므로  $\frac{1}{x} > 1$

따라서  $x < \frac{1}{x}$ 이므로  $x - \frac{1}{x} < 0$  ... ②

$$\begin{aligned} \text{즉, } \sqrt{\frac{1}{x^2} - \sqrt{x^2 + \frac{1}{x^2}} - 2} &= \sqrt{\frac{1}{x^2} - \sqrt{\left(x - \frac{1}{x}\right)^2}} \\ &= \frac{1}{x} + x - \frac{1}{x} = x \quad \dots \textcircled{3} \end{aligned}$$

$$\therefore x$$

채점기준	배점
① 근호 안의 식을 바르게 인수분해한다.	1
② $\frac{1}{x}$ , $x - \frac{1}{x}$ 의 부호를 각각 바르게 제시한다.	2
③ 주어진 식을 바르게 간단히 한다.	3

### 03

$$\begin{aligned} (x+1)^2 - 4 &= (x+1)^2 - 2^2 \\ &= (x+1+2)(x+1-2) \\ &= (x+3)(x-1) \\ \therefore (x+3)(x-1) \end{aligned}$$

채점기준	배점
주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	5

### 04

두 일차식의 곱이  $(x+8)(x-6) - 10x$ 이므로

$$\begin{aligned} (x+8)(x-6) - 10x &= x^2 + 2x - 48 - 10x \\ &= x^2 - 8x - 48 \\ &= (x-12)(x+4) \quad \dots \textcircled{1} \end{aligned}$$

즉, 두 일차식은  $x-12$ ,  $x+4$ 이므로 합은

$$x-12+x+4=2x-8 \quad \dots \textcircled{2}$$

$\therefore 2x-8$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	3
② 두 일차식의 합을 바르게 구한다.	2

### 05

새로운 직사각형의 넓이는  $4x^2 + 9x + 2 = (4x+1)(x+2)$  ... ①

이때 가로의 길이를  $4x+1$ 로 놓으면 세로의 길이는  $x+2$ 이다. ... ②

즉, 가로와 세로의 길이의 합은  $4x+1+x+2=5x+3$  ... ③

$\therefore 5x+3$

채점기준	배점
① 새로운 직사각형의 넓이를 두 일차식의 곱으로 바르게 나타낸다.	2
② 새로운 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 바르게 구한다.	2
③ 새로운 직사각형의 가로와 세로의 길이의 합을 바르게 구한다.	2

### 06

$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ 이므로

$$ab = -8, p = a+b \quad \dots \textcircled{1}$$

곱이  $-8$ 인 두 정수  $a, b$ 의 순서쌍은

$$(-8, 1), (-4, 2), (-2, 4), (-1, 8), (1, -8), (2, -4), (4, -2), (8, -1)$$

이므로  $p$ 의 값은

$$-8+1=-7, -4+2=-2, -2+4=2, -1+8=7 \quad \dots \textcircled{2}$$

즉,  $p$ 의 값 중에서 가장 큰 값은  $7$ 이다. ... ③

$\therefore 7$

채점기준	배점
① $ab$ 의 값을 구하고, $p=a+b$ 임을 바르게 제시한다.	2
② $p$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	3
③ $p$ 의 값 중에서 가장 큰 값을 바르게 구한다.	1

### 07

(i)  $(x-2)(3x+2) = 3x^2 - 4x - 4$

진화는  $x^2$ 의 계수와 상수항은 바르게 보았으므로  
 처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는  $3$ , 상수항은  $-4$ 이다. ... ①

(ii)  $(3x+2)(x+3) = 3x^2 + 11x + 6$

정화는  $x^2$ 의 계수와  $x$ 의 계수는 바르게 보았으므로  
 처음 이차식의  $x^2$ 의 계수는  $3$ ,  $x$ 의 계수는  $11$ 이다. ... ②

(i), (ii)에서 처음 이차식은  $3x^2 + 11x - 4$ 이므로

$$3x^2 + 11x - 4 = (3x-1)(x+4) \quad \dots \textcircled{3}$$

$\therefore (3x-1)(x+4)$

채점기준	배점
① 처음 이차식의 $x^2$ 의 계수와 상수항을 각각 바르게 구한다.	2
② 처음 이차식의 $x^2$ 의 계수와 $x$ 의 계수를 각각 바르게 구한다.	2
③ 처음 이차식을 바르게 인수분해한다.	2

### 08

$$12x^2 - 5xy - 2y^2 = (4x+y)(3x-2y) \quad \dots \textcircled{1}$$

$$9x^2 - 4y^2 = (3x+2y)(3x-2y) \quad \dots \textcircled{2}$$

즉, 두 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $3x-2y$ 이다. ... ③

$\therefore 3x-2y$

채점기준	배점
① $12x^2 - 5xy - 2y^2$ 을 바르게 인수분해한다.	2
② $9x^2 - 4y^2$ 을 바르게 인수분해한다.	2
③ 두 다항식의 1이 아닌 공통인수를 바르게 구한다.	1

### 09

$$\begin{aligned} (x-1)(8x+2) - 3 &= 8x^2 - 6x - 2 - 3 = 8x^2 - 6x - 5 \\ &= (2x+1)(4x-5) \\ 4x^2 - 1 &= (2x+1)(2x-1) \end{aligned}$$

따라서 세 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $2x+1$ 이다. ... ①

즉,  $6x^2 - 7x + a = (2x+1)(3x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로  
 놓으면  $(2x+1)(3x+m) = 6x^2 + (2m+3)x + m$   
 이때  $-7 = 2m+3$ 이므로  $2m = -10, m = -5$   
 즉,  $a = m = -5$  ... ②

$\therefore -5$

채점기준	배점
① 세 다항식의 1이 아닌 공통인수를 바르게 구한다.	4
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3

10

- (i)  $x^2+ax+5=(x-5)(x+m)$  (단,  $m$ 은 상수)으로 놓으면  
 $(x-5)(x+m)=x^2+(m-5)x-5m$   
 이때  $5=-5m$ 이므로  $m=-1$   
 즉,  $a=m-5=-1-5=-6$  ... ①
- (ii)  $2x^2-x+b=(x-5)(2x+n)$  (단,  $n$ 은 상수)으로 놓으면  
 $(x-5)(2x+n)=2x^2+(n-10)x-5n$   
 이때  $-1=n-10$ 이므로  $n=9$   
 즉,  $b=-5n=-5 \times 9=-45$  ... ②  
 $\therefore a-b=-6-(-45)=39$  ... ③

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ $a-b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

11

- $2x-y=A$ 로 놓고 주어진 식을 인수분해하면  
 $(2x-y)(2x-y+1)-4x+2y-12$   
 $= (2x-y)(2x-y+1)-2(2x-y)-12$   
 $= A(A+1)-2A-12=A^2+A-2A-12$   
 $= A^2-A-12=(A-4)(A+3)$   
 $= (2x-y-4)(2x-y+3)$  ... ①
- 즉, 두 일차식은  $2x-y-4$ ,  $2x-y+3$ 이므로 합은  
 $2x-y-4+2x-y+3=4x-2y-1$  ... ②  
 $\therefore 4x-2y-1$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	4
② 두 일차식의 합을 바르게 구한다.	2

12

- $2x+y=A$ ,  $x+4y=B$ 로 놓고 주어진 식을 인수분해하면  
 $(2x+y)^2-(x+4y)^2=A^2-B^2$   
 $= (A+B)(A-B)$   
 $= (2x+y+x+4y)\{2x+y-(x+4y)\}$   
 $= (3x+5y)(2x+y-x-4y)$   
 $= (3x+5y)(x-3y)$   
 $\therefore (3x+5y)(x-3y)$

채점기준	배점
주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	6

13

- $(x+1)(x+2)(x-2)(x-3)-60$   
 $= (x+1)(x-2)(x+2)(x-3)-60$   
 $= (x^2-x-2)(x^2-x-6)-60$  ... ①

- $x^2-x=A$ 로 놓으면  
 $(x^2-x-2)(x^2-x-6)-60$   
 $= (A-2)(A-6)-60=A^2-8A+12-60$   
 $= A^2-8A-48=(A-12)(A+4)$   
 $= (x^2-x-12)(x^2-x+4)$   
 $= (x-4)(x+3)(x^2-x+4)$  ... ②  
 $\therefore (x-4)(x+3)(x^2-x+4)$

채점기준	배점
① 공통부분이 생기도록 괄호를 2개씩 묶어 바르게 전개한다.	3
② 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	4

14

- $x^2+2xy+y^2-4x-4y+3=(x+y)^2-4(x+y)+3$   
 $x+y=A$ 로 놓으면  
 $(x+y)^2-4(x+y)+3=A^2-4A+3$   
 $= (A-3)(A-1)$   
 $= (x+y-3)(x+y-1)$  ... ①
- $x^2-y^2-2x+1=x^2-2x+1-y^2$   
 $= (x-1)^2-y^2$   
 $= (x+y-1)(x-y-1)$  ... ②
- 즉, 두 다항식의 1이 아닌 공통인수는  $x+y-1$ 이다. ... ③  
 $\therefore x+y-1$

채점기준	배점
① $x^2+2xy+y^2-4x-4y+3$ 을 바르게 인수분해한다.	3
② $x^2-y^2-2x+1$ 을 바르게 인수분해한다.	3
③ 두 다항식의 1이 아닌 공통인수를 바르게 구한다.	1

15

- $\frac{74 \times 121 + 12 \times 121}{11 \times 9.8^2 - 11 \times 1.2^2} = \frac{(74+12) \times 11^2}{11 \times (9.8^2 - 1.2^2)}$   
 $= \frac{86 \times 11}{(9.8+1.2)(9.8-1.2)}$   
 $= \frac{86 \times 11}{11 \times 8.6} = \frac{86}{8.6} = 10$   
 $\therefore 10$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	5

16

- $3^{30}-1=(3^{10}+1)(3^{10}-1)=(3^{10}+1)(3^5+1)(3^5-1)$  ... ①  
 이때  $3^5+1=244$ ,  $3^5-1=242$ 이므로  
 자연수  $3^{30}-1$ 은 242, 244로 나누어떨어진다. ... ②  
 $\therefore 242, 244$

채점기준	배점
① 인수분해 공식을 이용하여 식을 바르게 변형한다.	3
② 두 자연수를 바르게 구한다.	2



**17**

$$\begin{aligned}
 &64^2 - 36^2 + 16^2 - 4^2 + 2^2 - 1^2 \\
 &= (64+36)(64-36) + (16+4)(16-4) + (2+1)(2-1) \\
 &= 100 \times 28 + 20 \times 12 + 3 \times 1 \\
 &= 2800 + 240 + 3 \\
 &= 3043 \\
 \therefore &3043
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	6

**18**

$$\begin{aligned}
 &\left(1 - \frac{4}{5}\right)\left(1 - \frac{4}{7}\right)\left(1 - \frac{4}{9}\right)\left(1 - \frac{4}{11}\right) \\
 &= \left(1^2 - \frac{2^2}{5^2}\right)\left(1^2 - \frac{2^2}{7^2}\right)\left(1^2 - \frac{2^2}{9^2}\right)\left(1^2 - \frac{2^2}{11^2}\right) \\
 &= \left(1 + \frac{2}{5}\right)\left(1 - \frac{2}{5}\right)\left(1 + \frac{2}{7}\right)\left(1 - \frac{2}{7}\right)\left(1 + \frac{2}{9}\right)\left(1 - \frac{2}{9}\right) \\
 &\qquad\qquad\qquad \left(1 + \frac{2}{11}\right)\left(1 - \frac{2}{11}\right) \\
 &= \left(1 + \frac{2}{5}\right)\left(1 + \frac{2}{7}\right)\left(1 + \frac{2}{9}\right)\left(1 + \frac{2}{11}\right)\left(1 - \frac{2}{5}\right)\left(1 - \frac{2}{7}\right) \\
 &\qquad\qquad\qquad \left(1 - \frac{2}{9}\right)\left(1 - \frac{2}{11}\right) \\
 &= \left(\frac{7}{5} \times \frac{9}{7} \times \frac{11}{9} \times \frac{13}{11}\right)\left(\frac{3}{5} \times \frac{5}{7} \times \frac{7}{9} \times \frac{9}{11}\right) \\
 &= \frac{13}{5} \times \frac{3}{11} = \frac{39}{55} \\
 \therefore &\frac{39}{55}
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
주어진 식을 바르게 계산한다.	7

**19**

$$\begin{aligned}
 &x^3y + 2x^2y^2 + xy^3 = xy(x^2 + 2xy + y^2) = xy(x+y)^2 \quad \dots ① \\
 &\text{이때 } x = \frac{1}{2+\sqrt{3}} = \frac{2-\sqrt{3}}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 2-\sqrt{3}, \\
 &y = \frac{1}{2-\sqrt{3}} = \frac{2+\sqrt{3}}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = 2+\sqrt{3} \text{이므로} \quad \dots ② \\
 &\quad xy = (2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3}) = 4-3=1 \quad \dots ③ \\
 &\quad x+y = 2-\sqrt{3}+2+\sqrt{3}=4 \quad \dots ④ \\
 &\text{즉, } x^3y + 2x^2y^2 + xy^3 = xy(x+y)^2 = 4^2 = 16 \quad \dots ④ \\
 \therefore &16
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	1
② $x, y$ 의 분모를 각각 바르게 유리화한다.	2
③ $xy, x+y$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ 식의 값을 바르게 구한다.	1

**20**

$$\begin{aligned}
 &2x+y=A, \quad x+2y=B \text{로 놓으면} \\
 &\quad (2x+y)^2 - (x+2y)^2 \\
 &\quad = A^2 - B^2 = (A+B)(A-B) \\
 &\quad = (2x+y+x+2y)(2x+y-(x+2y)) \\
 &\quad = (3x+3y)(2x+y-x-2y) \\
 &\quad = 3(x+y)(x-y) \quad \dots ① \\
 &\text{이때 } x+y=5, \quad xy=3 \text{이므로} \\
 &\quad (x-y)^2 = (x+y)^2 - 4xy = 5^2 - 4 \times 3 = 13 \\
 &\text{따라서 } x-y = -\sqrt{13} \quad (\because x < y) \quad \dots ② \\
 &\text{즉, } (2x+y)^2 - (x+2y)^2 = 3(x+y)(x-y) \\
 &\quad = 3 \times 5 \times (-\sqrt{13}) \\
 &\quad = -15\sqrt{13} \quad \dots ③ \\
 \therefore &-15\sqrt{13}
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
① 주어진 다항식을 바르게 인수분해한다.	2
② $x-y$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ 식의 값을 바르게 구한다.	2

**21**

$$\begin{aligned}
 &x^2y - xy^2 + 2x - 2y = xy(x-y) + 2(x-y) \\
 &\quad = (x-y)(xy+2) \quad \dots ① \\
 &\text{이때 } xy=4, \quad x^2y - xy^2 + 2x - 2y = 24 \text{이므로} \\
 &\quad (x-y)(xy+2) = 24 \\
 &\quad 6(x-y) = 24, \quad x-y=4 \quad \dots ② \\
 &\text{즉, } x^2 + y^2 = (x-y)^2 + 2xy = 4^2 + 2 \times 4 = 24 \quad \dots ③ \\
 \therefore &24
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
① $x^2y - xy^2 + 2x - 2y$ 를 바르게 인수분해한다.	2
② $x-y$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ 식의 값을 바르게 구한다.	2

**22**

$$\begin{aligned}
 &\text{도형 (가)의 넓이는} \\
 &\quad (3x+4)^2 - 3^2 = (3x+4+3)(3x+4-3) \\
 &\quad = (3x+7)(3x+1) \quad \dots ① \\
 &\text{이때 도형 (나)의 가로 길이는 } 3x+7 \text{이고,} \\
 &\text{넓이는 } (3x+7)(3x+1) \text{이므로 세로 길이는 } 3x+1 \text{이다.} \quad \dots ② \\
 \therefore &3x+1
 \end{aligned}$$

채점기준	배점
① 도형 (가)의 넓이를 바르게 구한다.	3
② 도형 (나)의 세로 길이를 바르게 구한다.	2

23

두 정사각형의 둘레의 길이의 차가 120이므로

$$4x - 4y = 120, x - y = 30 \quad \dots \textcircled{1}$$

또, 두 정사각형의 넓이의 차가 4800이므로  $x^2 - y^2 = 4800$

$$\text{즉, } (x+y)(x-y) = 4800, 30(x+y) = 4800, x+y = 160 \quad \dots \textcircled{2}$$

따라서 두 정사각형의 둘레의 길이의 합은

$$4x + 4y = 4(x+y) = 4 \times 160 = 640 \quad \dots \textcircled{3}$$

$\therefore 640$

채점기준	배점
① $x-y$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $x+y$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ 두 정사각형의 둘레의 길이의 합을 바르게 구한다.	2

24

분수대를 제외한 잔디밭의 넓이는

$$\begin{aligned} \pi \times 15.5^2 - \pi \times 3.5^2 &= \pi(15.5 + 3.5)(15.5 - 3.5) \\ &= \pi \times 19 \times 12 \\ &= 228\pi \text{ (m}^2\text{)} \end{aligned}$$

$\therefore 228\pi \text{ m}^2$

채점기준	배점
분수대를 제외한 잔디밭의 넓이를 바르게 구한다.	6

### III. 이차방정식

#### 01 이차방정식과 그 풀이

#### 23 인수분해를 이용한 이차방정식의 풀이 ▶ p. 128

##### 교과서 기본예제 1

- (1)  $x=0$  또는  $x=-1$
- (2)  $x=3$  또는  $x=-5$
- (3)  $x=-\frac{1}{2}$  또는  $x=\frac{2}{3}$
- (4)  $x=1$  또는  $x=\frac{5}{4}$

##### 교과서 기본예제 2

- (1)  $x=-1$  또는  $x=1$
- (2)  $x=-\frac{1}{5}$  또는  $x=2$
- (3)  $x=1$  (중근)
- (4)  $x=-2$  (중근)

##### 대표문제

이차방정식  $5x^2 - 3 = 5 - 6x$ 에서

$$\begin{aligned} 5x^2 + 6x - 8 &= 0, (x+2)(5x-4) = 0 \\ x+2=0 \text{ 또는 } 5x-4=0, x &= -2 \text{ 또는 } x = \frac{4}{5} \end{aligned}$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = \frac{4}{5}$$

##### 유사문제

이차방정식  $x^2 - 6x = -3 - 2x$ 에서

$$\begin{aligned} x^2 - 4x + 3 &= 0, (x-1)(x-3) = 0 \\ x-1=0 \text{ 또는 } x-3=0, x &= 1 \text{ 또는 } x = 3 \end{aligned}$$

$\therefore x=1$  또는  $x=3$  ... (+5점)

#### 특별하게 연습하기

▶ p. 130

##### 01

등식  $3x(x+1) = ax^2 - 4$ 에서





$$3x^2+3x-ax^2+4=0$$

$$(3-a)x^2+3x+4=0$$

이때  $x$ 에 대한 이차방정식이 되기 위해서는

$$3-a \neq 0, \text{ 즉 } a \neq 3 \text{ 이어야 한다.}$$

$$\therefore a \neq 3$$

### 01-1

등식  $ax^2+x=(x-1)(4x-1)$ 에서

$$ax^2+x=4x^2-5x+1$$

$$(a-4)x^2+6x-1=0$$

... ①

이때  $x$ 에 대한 이차방정식이 되기 위해서는  $a-4 \neq 0$

즉,  $a \neq 4$ 여야 한다.

... ②

$$\therefore a \neq 4$$

채점기준	배점
① 주어진 등식을 바르게 정리한다.	3
② $a$ 의 조건을 바르게 구한다.	2

### 02

이차방정식  $(x+2)(x+3)=-x^2+9$ 에서

$$x^2+5x+6=-x^2+9, 2x^2+5x-3=0$$

$$(x+3)(2x-1)=0, x+3=0 \text{ 또는 } 2x-1=0$$

$$x=-3 \text{ 또는 } x=\frac{1}{2}$$

$$\therefore x = -3 \text{ 또는 } x = \frac{1}{2}$$

### 02-1

이차방정식  $(x+1)^2=-2x-2$ 에서

$$x^2+2x+1=-2x-2, x^2+4x+3=0$$

$$(x+1)(x+3)=0, x+1=0 \text{ 또는 } x+3=0$$

$$x=-1 \text{ 또는 } x=-3$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = -3$$

채점기준	배점
주어진 이차방정식을 바르게 푼다.	5

### 03

이차방정식  $x^2-4x-k=-7$ 에서

$$x^2-4x-k+7=0$$

이 이차방정식이 중근을 가지려면

$$-k+7=\left(\frac{-4}{2}\right)^2 \text{ 이어야 한다.}$$

$$\text{즉, } -k+7=4, -k=-3, k=3$$

$$\therefore 3$$

### 03-1

이차방정식  $x^2-10x+9=k$ 에서  $x^2-10x+9-k=0$  ... ①

이 이차방정식이 중근을 가지려면

$$9-k=\left(\frac{-10}{2}\right)^2 \text{ 이어야 한다.} \dots ②$$

$$\text{즉, } 9-k=25, -k=16, k=-16 \dots ③$$

$$\therefore -16$$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식을 바르게 정리한다.	2
② 중근을 가질 조건을 바르게 제시한다.	2
③ $k$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 04

이차방정식  $x^2+(a+1)x+16=0$ 에서

$$16=4^2 \text{ 이므로 이 이차방정식이 중근을 가지려면}$$

$$a+1=\pm 2 \times 1 \times 4 \text{ 이어야 한다.}$$

$$\text{즉, } a+1=\pm 8 \text{ 에서}$$

$$a+1=-8$$

$$\text{또는 } a+1=8$$

$$a=-9 \text{ 또는 } a=7$$

$$\therefore -9, 7$$

### 04-1

이차방정식  $4x^2+(2m-1)x+9=0$ 에서

$4=2^2, 9=3^2$ 이므로 이 이차방정식이 중근을 가지려면

$$2m-1=\pm 2 \times 2 \times 3 \text{ 이어야 한다.} \dots ①$$

$$\text{즉, } 2m-1=\pm 12 \text{ 에서}$$

$$2m-1=-12 \text{ 또는 } 2m-1=12$$

$$2m=-11 \text{ 또는 } 2m=13$$

$$m=-\frac{11}{2} \text{ 또는 } m=\frac{13}{2} \dots ②$$

$$\therefore -\frac{11}{2}, \frac{13}{2}$$

채점기준	배점
① 중근을 가질 조건을 바르게 제시한다.	3
② $m$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2

24 근을 이용하여 미지수의 값과 다른 한 근 구하기 ▶ p. 132

교과서 기본예제 1

4

교과서 기본예제 2

3

대표문제

주어진 이차방정식에  $x=2$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} a \times 2^2 + (a-10) \times 2 + 2 &= 0 \\ 4a + 2a - 20 + 2 &= 0, 6a = 18, a = 3 \end{aligned}$$

주어진 이차방정식에  $a=3$ 을(를) 대입하면

$$3x^2 - 7x + 2 = 0, (3x-1)(x-2) = 0$$

이때  $x = \frac{1}{3}$  또는  $x = 2$  이므로

다른 한 근은  $x = \frac{1}{3}$

$\therefore a = 3$ , 다른 한 근:  $x = \frac{1}{3}$

유사문제

주어진 이차방정식에  $x=3$ 을 대입하면

$$\begin{aligned} 3^2 + 3a - (a+1) &= 0, 9 + 3a - a - 1 = 0 \\ 2a &= -8, a = -4 \end{aligned} \quad \dots (+2\text{점})$$

주어진 이차방정식에  $a=-4$ 를 대입하면

$$x^2 - 4x + 3 = 0, (x-1)(x-3) = 0 \quad \dots (+3\text{점})$$

이때  $x=1$  또는  $x=3$ 이므로 다른 한 근은  $x=1$

$\therefore a = -4$ , 다른 한 근:  $x=1$

특별하게 연습하기

▶ p. 134

01

이차방정식  $x^2 + ax - 5 = 0$ 에  $x=4$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} 4^2 + 4a - 5 &= 0, 4a + 11 = 0 \\ 4a &= -11, a = -\frac{11}{4} \end{aligned}$$

또, 이차방정식  $3x^2 - 4x + b = 0$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} 3 \times 2^2 - 4 \times 2 + b &= 0, 12 - 8 + b = 0 \\ 4 + b &= 0, b = -4 \end{aligned}$$

$$\therefore ab = -\frac{11}{4} \times (-4) = 11$$

01-1

이차방정식  $2x^2 + ax + 1 = 0$ 에  $x=-1$ 을 대입하면

$$\begin{aligned} 2 \times (-1)^2 - a + 1 &= 0, 2 - a + 1 = 0 \\ -a + 3 &= 0, -a = -3, a = 3 \end{aligned} \quad \dots ①$$

또, 이차방정식  $x^2 + 5x - 3b = 0$ 에  $x=-2$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} (-2)^2 + 5 \times (-2) - 3b &= 0, 4 - 10 - 3b = 0 \\ -3b - 6 &= 0, -3b = 6, b = -2 \end{aligned} \quad \dots ②$$

$$\therefore a + b = 3 + (-2) = 1 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

02

이차방정식  $x^2 - 2x - 1 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$$a^2 - 2a - 1 = 0, a^2 - 2a = 1$$

또, 이차방정식  $x^2 - 4x - 3 = 0$ 에  $x=b$ 를 대입하면

$$b^2 - 4b - 3 = 0, b^2 - 4b = 3$$

즉,

$$\begin{aligned} 2a^2 - 4a + b^2 - 4b \\ = 2(a^2 - 2a) + b^2 - 4b = 2 \times 1 + 3 = 5 \end{aligned}$$

$$\therefore 5$$

02-1

이차방정식  $x^2 + 8x - 3 = 0$ 에  $x=a$ 를 대입하면

$$a^2 + 8a - 3 = 0, a^2 + 8a = 3 \quad \dots ①$$

또, 이차방정식  $x^2 - 2x - 7 = 0$ 에  $x=b$ 를 대입하면

$$b^2 - 2b - 7 = 0, b^2 - 2b = 7 \quad \dots ②$$

$$\begin{aligned} \text{즉, } a^2 + 8a - 2b^2 + 4b + 5 &= a^2 + 8a - 2(b^2 - 2b) + 5 \\ &= 3 - 2 \times 7 + 5 = -6 \end{aligned} \quad \dots ③$$



∴ -6

채점기준	배점
① $a^2+8a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b^2-2b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 식의 값을 바르게 구한다.	1

### 03

이차방정식  $x^2-3x-10=0$ 에서

$$(x+2)(x-5)=0$$

$$x=-2 \text{ 또는 } x=5$$

따라서 이차방정식  $x^2-3x-10=0$ 의 두 근 중에서 작은 근은  $x=-2$  이므로  $x^2-2x+k=0$ 에 대입하면

$$(-2)^2-2 \times (-2)+k=0, 4+4+k=0$$

$$k+8=0, k=-8$$

∴ -8

### 03-1

이차방정식  $3x^2+7x-6=0$ 에서

$$(x+3)(3x-2)=0, x=-3 \text{ 또는 } x=\frac{2}{3} \quad \dots ①$$

따라서 이차방정식  $3x^2+7x-6=0$ 의 두 근 중에서 큰 근은  $x=\frac{2}{3}$ 이므로  $x^2-ax-12=0$ 에 대입하면

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2-\frac{2}{3}a-12=0, \frac{4}{9}-\frac{2}{3}a-12=0$$

$$4-6a-108=0, -6a=104, a=-\frac{52}{3} \quad \dots ②$$

∴  $-\frac{52}{3}$

채점기준	배점
① 이차방정식 $3x^2+7x-6=0$ 을 바르게 푼다.	3
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3

### 04

이차방정식  $x^2-6x+a=0$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$$2^2-6 \times 2+a=0, -8+a=0, a=8$$

또, 이차방정식  $2x^2+bx-6=0$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$$2 \times 2^2+2b-6=0, 2b+2=0$$

$$2b=-2, b=-1$$

$$\therefore a+b=8+(-1)=7$$

### 04-1

이차방정식  $x^2+ax-24=0$ 에  $x=4$ 를 대입하면

$$4^2+4a-24=0, 4a-8=0, 4a=8, a=2 \quad \dots ①$$

또, 이차방정식  $3x^2-10x+b=0$ 에  $x=4$ 를 대입하면

$$3 \times 4^2-10 \times 4+b=0, 48-40+b=0$$

$$8+b=0, b=-8 \quad \dots ②$$

$$\therefore a+b=2+(-8)=-6 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

## 25 완전제곱식을 이용한 이차방정식의 풀이

▶ p. 136

### 교과서 기본예제 1

$$(1) x=3 \pm \sqrt{5}$$

$$(2) x=\frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

### 교과서 기본예제 2

$$(1) (x-2)^2=2$$

$$(2) (x-1)^2=\frac{3}{2}$$

### 대표문제

이차방정식  $2x^2-3x-4=0$ 에서

$$\text{양변을 } 2 \text{ (으)로 나누면 } x^2-\frac{3}{2}x-2=0$$

$$\text{상수항을 이항하면 } x^2-\frac{3}{2}x=2$$

$$\text{양변에 } \left(-\frac{3}{2} \times \frac{1}{2}\right)^2=\frac{9}{16} \text{ 을(를) 더하면}$$

$$x^2-\frac{3}{2}x+\frac{9}{16}=2+\frac{9}{16}$$

$$\text{좌변을 완전제곱식으로 나타내면 } \left(x-\frac{3}{4}\right)^2=\frac{41}{16}$$

제곱근을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x - \frac{3}{4} = \pm \frac{\sqrt{41}}{4}, x = \frac{3 \pm \sqrt{41}}{4}$$

$$\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{41}}{4}$$

유사문제

이차방정식  $3x^2 - 2x - 3 = 0$ 에서

양변을 3으로 나누면  $x^2 - \frac{2}{3}x - 1 = 0$

상수항을 이항하면  $x^2 - \frac{2}{3}x = 1$

양변에  $(-\frac{2}{3} \times \frac{1}{2})^2 = \frac{1}{9}$ 을 더하면  $x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{9} = 1 + \frac{1}{9}$

좌변을 완전제곱식으로 나타내면  $(x - \frac{1}{3})^2 = \frac{10}{9}$  ... (+4점)

제곱근을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x - \frac{1}{3} = \pm \frac{\sqrt{10}}{3}, x = \frac{1 \pm \sqrt{10}}{3} \quad \dots (+2점)$$

$$\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{10}}{3}$$

특별하게 연습하기

▶ p. 138

01

이차방정식  $x^2 - 8x + 2 = 0$ 에서

상수항을 이항하면  $x^2 - 8x = -2$

양변에  $(\frac{-8}{2})^2 = 16$ 을(를) 더하면

$$x^2 - 8x + 16 = -2 + 16, (x - 4)^2 = 14$$

즉,  $a = -4$ ,  $b = 14$ 이므로

$$a + b = -4 + 14 = 10$$

$$\therefore 10$$

01-1

이차방정식  $x^2 - 10x + 5 = 0$ 에서

상수항을 이항하면  $x^2 - 10x = -5$

양변에  $(\frac{-10}{2})^2 = 25$ 를 더하면

$$x^2 - 10x + 25 = -5 + 25, (x - 5)^2 = 20 \quad \dots ①$$

즉,  $a = -5, b = 20$ 이므로  $a + b = -5 + 20 = 15$  ... ②

$$\therefore 15$$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식을 $(x+a)^2=b$ 꼴로 바르게 나타낸다.	3
② $a+b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

02

$$2x^2 + 3x - 1 = 0$$

$$x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{1}{2} = 0$$

$$x^2 + \frac{3}{2}x = \frac{1}{2}$$

$$x^2 + \frac{3}{2}x + \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{1}{2} + \left(\frac{3}{4}\right)^2$$

$$\left(x + \frac{3}{4}\right)^2 = \frac{17}{16}$$

$$x + \frac{3}{4} = \pm \frac{\sqrt{17}}{4}$$

$$\therefore x = \frac{-3 \pm \sqrt{17}}{4}$$

02-1

$$x^2 - 8x + 6 = 0$$

$$x^2 - 8x = -6$$

$$x^2 - 8x + \left(\frac{-8}{2}\right)^2 = -6 + \left(\frac{-8}{2}\right)^2$$

$$(x - 4)^2 = 10$$

$$x - 4 = \pm \sqrt{10}$$

$$\therefore x = 4 \pm \sqrt{10}$$

채점기준	배점
①~④에 알맞은 수를 각각 바르게 쓴다.	5

03

주어진 이차방정식을 (완전제곱식)=(수) 꼴로 나타내면

$$2x^2 + 2x - 1 = 0, x^2 + x - \frac{1}{2} = 0$$

$$x^2 + x = \frac{1}{2}, x^2 + x + \frac{1}{4} = \frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$

$$\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{3}{4}$$



제곱근을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x + \frac{1}{2} = \pm \frac{\sqrt{3}}{2}, x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$$

### 03-1

주어진 이차방정식을 (완전제곱식)=(수) 꼴로 나타내면

$$3x^2 + 6x + 2 = 0, x^2 + 2x + \frac{2}{3} = 0$$

$$x^2 + 2x = -\frac{2}{3}, x^2 + 2x + 1 = -\frac{2}{3} + 1$$

$$(x+1)^2 = \frac{1}{3} \quad \dots \textcircled{1}$$

제곱근을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x+1 = \pm \frac{\sqrt{3}}{3}, x = -1 \pm \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{-3 \pm \sqrt{3}}{3} \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore x = \frac{-3 \pm \sqrt{3}}{3}$$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식을 (완전제곱식)=(수) 꼴로 바르게 나타낸다.	4
② 주어진 이차방정식을 바르게 푼다.	2

### 04

이차방정식  $x^2 + 10x + k = 0$ 을

완전제곱식을 이용하여 풀면

$$\begin{aligned}
 x^2 + 10x + k &= 0, x^2 + 10x = -k \\
 x^2 + 10x + 25 &= -k + 25, (x+5)^2 = 25 - k \\
 x+5 &= \pm \sqrt{25-k}, x = -5 \pm \sqrt{25-k}
 \end{aligned}$$

이때 이차방정식의 해가  $x = -5 \pm \sqrt{6}$ 이므로

$$25 - k = 6, k = 19$$

$$\therefore \boxed{19}$$

#### TIP

$x = -5 \pm \sqrt{6}$ 을  $x+5 = \pm \sqrt{6}$ 으로 변형한 후 양변을 제곱하여  $k$ 의 값을 구하는 방법도 있다.

### 04-1

이차방정식  $2x^2 - 8x + k = 0$ 을 완전제곱식을 이용하여 풀면

$$2x^2 - 8x + k = 0, x^2 - 4x + \frac{k}{2} = 0, x^2 - 4x = -\frac{k}{2}$$

$$x^2 - 4x + 4 = -\frac{k}{2} + 4, (x-2)^2 = 4 - \frac{k}{2}$$

$$x-2 = \pm \sqrt{4 - \frac{k}{2}}, x = 2 \pm \sqrt{4 - \frac{k}{2}} \quad \dots \textcircled{1}$$

이때 이차방정식의 해가  $x = 2 \pm \sqrt{6}$ 이므로

$$4 - \frac{k}{2} = 6, -\frac{k}{2} = 2, k = -4 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore -4$$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 해를 $k$ 를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	4
② $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2

## 26 근의 공식과 복잡한 이차방정식의 풀이 ▶ p. 140

### 교과서 기본예제 1

$$(1) x = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$$

$$(2) x = \frac{-2 \pm \sqrt{6}}{2}$$

### 교과서 기본예제 2

$$(1) x = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } x = -5$$

$$(2) x = \frac{-4 \pm \sqrt{70}}{6}$$

### 대표문제

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 3 \times (-1)}}{2 \times 3}$$

$$= \frac{-4 \pm 2\sqrt{7}}{6} = \frac{-2 \pm \sqrt{7}}{3}$$

$$\text{이때 } \frac{A \pm \sqrt{B}}{3} = \frac{-2 \pm \sqrt{7}}{3} \text{ 이므로}$$

$$A = \boxed{-2}, B = \boxed{7}$$

$$\text{즉, } A - B = \boxed{-2 - 7 = -9}$$

$$\therefore \boxed{-9}$$

#### TIP

딱수 근의 공식을 이용할 수도 있지만 교과서에 수록되지 않은 내용이므로 서술형에서는 가급적 이용하지 않는 것이 좋다.

유사문제

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 3 \times 1}}{2 \times 3} = \frac{5 \pm \sqrt{13}}{6} \quad \dots (+3\text{점})$$

이때  $\frac{5 \pm \sqrt{B}}{A} = \frac{5 \pm \sqrt{13}}{6}$  이므로  $A=6, B=13$

즉,  $A+B=6+13=19$  ... (+2점)

$\therefore 19$

특별하게 연습하기

▶ p. 142

01

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \times 2 \times m}}{2 \times 2} = \frac{9 \pm \sqrt{81 - 8m}}{4}$$

이때  $\frac{n \pm \sqrt{33}}{4} = \frac{9 \pm \sqrt{81 - 8m}}{4}$  이므로  $n = 9$

또,  $81 - 8m = 33, -8m = -48, m = 6$

즉,  $m+n = 6+9=15$

$\therefore 15$

01-1

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 4 \times 2 \times (-m)}}{2 \times 2} = \frac{-3 \pm \sqrt{9 + 8m}}{4} \quad \dots ①$$

이때  $\frac{-3 \pm \sqrt{17}}{n} = \frac{-3 \pm \sqrt{9 + 8m}}{4}$  이므로  $n=4$

또,  $9 + 8m = 17, 8m = 8, m = 1$  ... ②

즉,  $m+n = 1+4=5$  ... ③

$\therefore 5$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 해를 $m$ 을 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	3
② $m, n$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $m+n$ 의 값을 바르게 구한다.	1

02

$\frac{1}{5}x^2 + 0.4x - 0.1 = 0$ 의 양변에  $10$  을(를) 곱하면

$$x^2 + 4x - 1 = 0$$

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2} = \frac{-2 \pm \sqrt{6}}{2}$$

이때  $\frac{A \pm \sqrt{B}}{2} = \frac{-2 \pm \sqrt{6}}{2}$  이므로

$A = -2, B = 6$

즉,  $A+B = -2+6=4$

$\therefore 4$

02-1

$0.2x^2 - \frac{4}{5}x - 1.6 = 0$ 의 양변에 5를 곱하면  $x^2 - 4x - 8 = 0$

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \times 1 \times (-8)}}{2 \times 1} = 2 \pm 2\sqrt{3} \quad \dots ①$$

이때  $A \pm \sqrt{B} = 2 \pm 2\sqrt{3}$  이므로  $A=2, B=3$

즉,  $A+B = 2+3=5$  ... ②

$\therefore 5$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식을 바르게 푼다.	4
② $A+B$ 의 값을 바르게 구한다.	2

03

$3x+1=A$ 로 놓으면  $A^2+6A-7=0$

이차방정식  $A^2+6A-7=0$  을(를) 풀면

$$(A+7)(A-1)=0, A=-7 \text{ 또는 } A=1$$

즉,  $3x+1=-7$  또는  $3x+1=1$  이므로

$x = -\frac{8}{3}$  또는  $x = 0$

$\therefore x = -\frac{8}{3}$  또는  $x = 0$

03-1

$x+3=A$ 로 놓으면  $A^2-2A-63=0$  ... ①

이차방정식  $A^2-2A-63=0$ 을 풀면

$$(A+7)(A-9)=0, A=-7 \text{ 또는 } A=9 \quad \dots ②$$

즉,  $x+3=-7$  또는  $x+3=9$ 이므로

$x = -10$  또는  $x = 6$  ... ③

$\therefore x = -10$  또는  $x = 6$

채점기준	배점
① $x+3=A$ 로 놓고 $A$ 에 대한 이차방정식을 바르게 제시한다.	1
② $A$ 에 대한 이차방정식을 바르게 푼다.	3
③ 주어진 이차방정식을 바르게 푼다.	2



### 04

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 4 \times 1 \times (a-2)}}{2 \times 1} = \frac{-3 \pm \sqrt{17-4a}}{2}$$

이때  $x$ 가 유리수가 되려면  $17-4a=0$

또는  $17-4a=k^2$  ( $k$ 는 0이 아닌 정수) 꼴이어야 한다.

(i)  $17-4a=1$  일 때,  $-4a=-16, a=4$

(ii)  $17-4a=9$  일 때,  $-4a=-8, a=2$

(i), (ii)에서 모든 자연수  $a$ 의 값의 합은  $4+2=6$

$\therefore 6$

### 04-1

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 1 \times (a-3)}}{2 \times 1} = \frac{-5 \pm \sqrt{37-4a}}{2} \quad \dots ①$$

이때  $x$ 가 유리수가 되려면  $37-4a=0$

또는  $37-4a=k^2$  ( $k$ 는 0이 아닌 정수) 꼴이어야 한다.  $\dots ②$

(i)  $37-4a=1$ 일 때,  $-4a=-36, a=9$

(ii)  $37-4a=9$ 일 때,  $-4a=-28, a=7$

(iii)  $37-4a=25$ 일 때,  $-4a=-12, a=3$   $\dots ③$

(i), (ii), (iii)에서 모든 자연수  $a$ 의 값의 합은  $9+7+3=19$   $\dots ④$

$\therefore 19$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 해를 $a$ 를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	3
② $x$ 가 유리수가 되도록 하는 $a$ 의 조건을 바르게 제시한다.	2
③ 자연수 $a$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2
④ 모든 자연수 $a$ 의 값의 합을 바르게 구한다.	1

### 자신있게 품내기

▶ p. 144

### 01

$x=-2$ 를 대입하면  $(-2)^2-3 \times (-2)+2=4+6+2=12$

$x=-1$ 을 대입하면  $(-1)^2-3 \times (-1)+2=1+3+2=6$

$x=0$ 을 대입하면  $0^2-3 \times 0+2=0-0+2=2$

$x=1$ 을 대입하면  $1^2-3 \times 1+2=1-3+2=0$

$x=2$ 를 대입하면  $2^2-3 \times 2+2=4-6+2=0$   $\dots ①$

따라서 이차방정식  $x^2-3x+2=0$ 의 해는

$x=1$  또는  $x=2$   $\dots ②$

$\therefore x=1$  또는  $x=2$

채점기준	배점
① 주어진 $x$ 의 값을 각각 대입하여 그 값을 바르게 구한다.	5
② 이차방정식의 해를 모두 바르게 구한다.	1

### 02

등식  $(x-1)(4x+3)=(a+2)^2x^2+x$ 에서

$$4x^2-x-3=(a^2+4a+4)x^2+x$$

$$(a^2+4a)x^2+2x+3=0 \quad \dots ①$$

이때  $x$ 에 대한 이차방정식이 되기 위해서는  $a^2+4a \neq 0$

즉,  $a(a+4) \neq 0$ 이어야 하므로  $a \neq 0$ 이고  $a \neq -4$   $\dots ②$

$\therefore a \neq 0$ 이고  $a \neq -4$

채점기준	배점
① 주어진 등식을 바르게 정리한다.	3
② $a$ 의 조건을 바르게 구한다.	3

### 03

이차방정식  $x^2-5x+6=0$ 에서

$$(x-2)(x-3)=0, x=2 \text{ 또는 } x=3$$

즉,  $a=2$   $\dots ①$

또, 이차방정식  $4x^2-4x+1=0$ 에서

$$(2x-1)^2=0, x=\frac{1}{2} \text{ (중근)}$$

즉,  $\beta=\frac{1}{2}$   $\dots ②$

$\therefore a\beta=2 \times \frac{1}{2}=1$   $\dots ③$

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $\beta$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a\beta$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 04

이차방정식  $x^2-x=6$ 에서

$$x^2-x-6=0, (x+2)(x-3)=0$$

$$x=-2 \text{ 또는 } x=3 \quad \dots ①$$

또, 이차방정식  $5x^2-3=5-6x$ 에서

$$5x^2+6x-8=0, (x+2)(5x-4)=0$$

$$x=-2 \text{ 또는 } x=\frac{4}{5} \quad \dots ②$$

이때 두 이차방정식을 동시에 만족시키는 해는  $x=-2$   $\dots ③$

$\therefore x=-2$

채점기준	배점
① 이차방정식 $x^2-x=6$ 을 바르게 푼다.	2
② 이차방정식 $5x^2-3=5-6x$ 을 바르게 푼다.	2
③ 두 이차방정식을 동시에 만족시키는 해를 바르게 구한다.	1

05

이차방정식  $x^2 - 8x + a(a-6) = 0$ 이 중근을 가지려면  
 $a(a-6) = \left(\frac{-8}{2}\right)^2$  이어야 한다. ... ①  
 즉,  $a^2 - 6a = 16, a^2 - 6a - 16 = 0$   
 $(a+2)(a-8) = 0, a = 8 (\because a > 0)$  ... ②  
 이차방정식  $x^2 - 8x + a(a-6) = 0$ 에  $a = 8$ 을 대입하면  
 $x^2 - 8x + 8 \times 2 = 0, x^2 - 8x + 16 = 0$   
 $(x-4)^2 = 0, x = 4$  (중근), 즉  $b = 4$  ... ③  
 $\therefore a = 8, b = 4$

채점기준	배점
① 중근을 가질 조건을 바르게 제시한다.	2
② a의 값을 바르게 구한다.	2
③ b의 값을 바르게 구한다.	2

06

이차방정식  $x^2 - 3x + 1 = 0$ 에  $x = a$ 를 대입하면  $a^2 - 3a + 1 = 0$   
 $a^2 - 3a + 1 = 0$ 에  $a = 0$ 을 대입하면  
 $0^2 - 3 \times 0 + 1 = 1 \neq 0$ 이므로  $a \neq 0$   
 $a \neq 0$ 이므로  $a^2 - 3a + 1 = 0$ 의 양변을  $a$ 로 나누면  
 $a - 3 + \frac{1}{a} = 0, a + \frac{1}{a} = 3$  ... ①  
 즉,  $a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$  ... ②  
 $\therefore 7$

채점기준	배점
① $a + \frac{1}{a}$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② 식의 값을 바르게 구한다.	3

07

주어진 이차방정식에  $x = 1$ 을 대입하면  
 $1^2 + 3a - 2a = 0, a + 1 = 0, a = -1$  ... ①  
 주어진 이차방정식에  $a = -1$ 을 대입하면  
 $x^2 - 3x + 2 = 0, (x-1)(x-2) = 0$   
 이때  $x = 1$  또는  $x = 2$ 이므로 다른 한 근은  $x = 2$  ... ②  
 $\therefore a = -1, \text{ 다른 한 근 : } x = 2$

채점기준	배점
① a의 값을 바르게 구한다.	2
② 주어진 이차방정식의 다른 한 근을 바르게 구한다.	3

08

이차방정식  $x^2 + 8x + k - 3 = 0$ 이 중근을 가지려면  
 $k - 3 = \left(\frac{8}{2}\right)^2$  이어야 하므로  $k - 3 = 16, k = 19$  ... ①  
 이차방정식  $(k-17)x^2 - x - 1 = 0$ 에  $k = 19$ 를 대입하면

$2x^2 - x - 1 = 0, (2x+1)(x-1) = 0$   
 $x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = 1$  ... ②  
 $\therefore x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = 1$

채점기준	배점
① k의 값을 바르게 구한다.	3
② 이차방정식 $(k-17)x^2 - x - 1 = 0$ 을 바르게 푼다.	3

09

이차방정식  $x(x+1) = 30$ 에서  
 $x^2 + x - 30 = 0, (x+6)(x-5) = 0$   
 $x = -6$  또는  $x = 5$   
 즉,  $a = 5, b = -6 (\because a > b)$  ... ①  
 이차방정식  $ax^2 + bx + 1 = 0$ 에  $a = 5, b = -6$ 을 대입하면  
 $5x^2 - 6x + 1 = 0, (5x-1)(x-1) = 0$   
 $x = \frac{1}{5}$  또는  $x = 1$  ... ②  
 $\therefore x = \frac{1}{5}$  또는  $x = 1$

채점기준	배점
① a, b의 값을 각각 바르게 구한다.	3
② 이차방정식 $ax^2 + bx + 1 = 0$ 을 바르게 푼다.	3

10

(1)  $x^2 - 4x - 1 = 0, x^2 - 4x = 1$   
 $x^2 - 4x + 4 = 1 + 4, (x-2)^2 = 5$  ... ①  
 $\therefore (x-2)^2 = 5$   
 (2)  $A = -2, B = 5$ 이므로  $A + B = -2 + 5 = 3$  ... ②  
 $\therefore 3$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식을 $(x+A)^2 = B$ 꼴로 바르게 나타낸다.	3
② A+B의 값을 바르게 구한다.	2

11

이차방정식  $x^2 - 6x = k$ 를 완전제곱식을 이용하여 풀면  
 $x^2 - 6x = k, x^2 - 6x + 9 = k + 9$   
 $(x-3)^2 = k + 9, x - 3 = \pm\sqrt{k+9}$   
 $x = 3 \pm\sqrt{k+9}$  ... ①  
 이때 이차방정식의 해가  $x = 3 \pm\sqrt{7}$ 이므로  
 $k + 9 = 7, k = -2$  ... ②  
 $\therefore -2$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 해를 k를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	4
② k의 값을 바르게 구한다.	2





### 12

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \times 3 \times A}}{2 \times 3} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 12A}}{6} \quad \dots \textcircled{1}$$

이때  $\frac{B \pm \sqrt{37}}{6} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 12A}}{6}$  이므로  $B = -1$

또,  $1 - 12A = 37$ ,  $-12A = 36$ ,  $A = -3$  ... ②

즉,  $A + B = -3 + (-1) = -4$  ... ③

$\therefore -4$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 해를 A를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	3
② A, B의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ A+B의 값을 바르게 구한다.	1

### 13

$\frac{(x+1)^2}{3} = \frac{(x+2)(x-1)}{4} + 1$ 의 양변에 12를 곱하여 정리하면

$$4(x+1)^2 = 3(x+2)(x-1) + 12$$

$$4(x^2 + 2x + 1) = 3(x^2 + x - 2) + 12$$

$$4x^2 + 8x + 4 = 3x^2 + 3x - 6 + 12$$

$$x^2 + 5x - 2 = 0 \quad \dots \textcircled{1}$$

근의 공식을 이용하여 이차방정식을 풀면

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 1 \times (-2)}}{2 \times 1} = \frac{-5 \pm \sqrt{33}}{2} \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore x = \frac{-5 \pm \sqrt{33}}{2}$$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식을 바르게 정리한다.	4
② 주어진 이차방정식을 바르게 푼다.	3

### 14

$x - 2y = A$ 로 놓으면  $(A-1)(A+3) - 5 = 0$  ... ①

이차방정식  $(A-1)(A+3) - 5 = 0$ 을 풀면

$$A^2 + 2A - 8 = 0, (A+4)(A-2) = 0$$

$$A = -4 \text{ 또는 } A = 2 \quad \dots \textcircled{2}$$

즉,  $x - 2y = -4$  또는  $x - 2y = 2$ 에서

$x - 2y = -4$  ( $\because 0 < x < y$ )이므로

$$4y - 2x = -2(x - 2y) = -2 \times (-4) = 8 \quad \dots \textcircled{3}$$

$\therefore 8$

채점기준	배점
① $x - 2y = A$ 로 놓고 A에 대한 이차방정식을 바르게 제시한다.	1
② A에 대한 이차방정식을 바르게 푼다.	3
③ $4y - 2x$ 의 값을 바르게 구한다.	3

### 15

(1)  $x^2 - 6x - 16 = 0$ ,  $(x+2)(x-8) = 0$

$$x = -2 \text{ 또는 } x = 8 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 8$$

(2)  $x^2 - 6x - 16 = 0$ ,  $x^2 - 6x = 16$

$$x^2 - 6x + 9 = 16 + 9, (x-3)^2 = 25$$

$$x - 3 = \pm 5, x = 3 \pm 5$$

$$x = 3 + 5 = 8 \text{ 또는 } x = 3 - 5 = -2 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 8$$

(3)  $x = \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4 \times 1 \times (-16)}}{2 \times 1}$

$$= \frac{6 \pm \sqrt{100}}{2} = \frac{6 \pm 10}{2} = 3 \pm 5$$

$$x = 3 + 5 = 8 \text{ 또는 } x = 3 - 5 = -2 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 8$$

채점기준	배점
① 인수분해를 이용하여 이차방정식을 바르게 푼다.	3
② 완전제곱식을 이용하여 이차방정식을 바르게 푼다.	3
③ 근의 공식을 이용하여 이차방정식을 바르게 푼다.	3

02 이차방정식의 활용

27 이차방정식의 근의 개수 ▶ p. 150

교과서 기본예제 1

- (1) 2개 (2) 0개

교과서 기본예제 2

4

대표문제

- (1) 이차방정식  $x^2 - 2x - (k-3) = 0$ 에서

$$\begin{aligned} x^2 - 2x &= k-3 \\ x^2 - 2x + 1 &= k-3+1 \\ (x-1)^2 &= k-2 \end{aligned}$$

∴  $(x-1)^2 = k-2$

- (2) 이차방정식  $(x-1)^2 = k-2$  이(가)

근을 가지려면  $k-2 \geq 0$  이어야 한다.

즉,  $k \geq 2$

∴  $k \geq 2$

유사문제

- (1) 이차방정식  $x^2 - 4x - k + 3 = 0$ 에서

$$\begin{aligned} x^2 - 4x &= k-3, \quad x^2 - 4x + 4 = k-3+4 \\ (x-2)^2 &= k+1 \end{aligned}$$

∴  $(x-2)^2 = k+1$

… (+3점)

- (2) 이차방정식  $(x-2)^2 = k+1$ 이 근을 가지려면

$k+1 \geq 0$  이어야 한다. 즉,  $k \geq -1$

∴  $k \geq -1$

… (+3점)

특별하게 연습하기

01

이차방정식  $x^2 + (k+3)x + 2+k = 0$ 이 중근을 가지려면

$(k+3)^2 - 4 \times 1 \times (2+k) = 0$  이어야 한다. 즉,

$$\begin{aligned} k^2 + 6k + 9 - 8 - 4k &= 0 \\ k^2 + 2k + 1 &= 0, \quad (k+1)^2 = 0, \quad k = -1 \text{ (중근)} \end{aligned}$$

∴  $-1$

01-1

이차방정식  $x^2 + (k+2)x + 2k+1 = 0$ 이 중근을 가지려면

$(k+2)^2 - 4 \times 1 \times (2k+1) = 0$  이어야 한다. … ①

즉,  $k^2 + 4k + 4 - 8k - 4 = 0$

$k^2 - 4k = 0, \quad k(k-4) = 0$

$k = 0$  또는  $k = 4$  … ②

∴ 0, 4

채점기준	배점
① 이차방정식이 중근을 가질 조건을 바르게 제시한다.	2
② k의 값을 모두 바르게 구한다.	3

02

이차방정식  $x^2 - mx + (m+3) = 0$ 이 중근을 가지므로

$$\begin{aligned} (-m)^2 - 4 \times 1 \times (m+3) &= 0 \\ m^2 - 4m - 12 &= 0, \quad (m+2)(m-6) = 0 \\ m &= -2 \text{ 또는 } m = 6 \end{aligned}$$

이때  $m > 0$  이므로  $m = 6$

따라서 이차방정식  $x^2 - 6x + 9 = 0$  에서

$(x-3)^2 = 0, \quad x = 3$  (중근)

즉,  $n = 3$

∴  $m+n = 6+3 = 9$

02-1

이차방정식  $x^2 + 2mx + 2m+3 = 0$ 이 중근을 가지므로

$(2m)^2 - 4 \times 1 \times (2m+3) = 0$

$4m^2 - 8m - 12 = 0, \quad m^2 - 2m - 3 = 0$

$(m+1)(m-3) = 0, \quad m = -1$  또는  $m = 3$

이때  $m < 0$  이므로  $m = -1$  … ①

따라서 이차방정식  $x^2 - 2x + 1 = 0$ 에서



$$(x-1)^2=0, x=1 \text{ (중근)}$$

즉,  $n=1$  ... ②  
 $\therefore m+n=-1+1=0$  ... ③

채점기준	배점
① $m$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② $n$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $m+n$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 03

이차방정식  $x^2+6x+k-4=0$ 이 해를 가지려면

$$6^2-4 \times 1 \times (k-4) \geq 0 \text{ 이어야 한다. 즉,}$$

$$36-4k+16 \geq 0, -4k \geq -52, k \leq 13$$

$$\therefore k \leq 13$$

### 03-1

이차방정식  $x^2-5x-2k+1=0$ 이 해를 가지려면

$$(-5)^2-4 \times 1 \times (-2k+1) \geq 0 \text{ 이어야 한다.} \dots ①$$

$$\text{즉, } 25+8k-4 \geq 0, 8k \geq -21, k \geq -\frac{21}{8} \dots ②$$

$$\therefore k \geq -\frac{21}{8}$$

채점기준	배점
① 이차방정식이 해를 가질 조건을 바르게 제시한다.	2
② $k$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	3

### 04

(i) 이차방정식  $2x^2-3x+a+1=0$ 이 서로 다른 두 근을 가지므로

$$\begin{aligned} (-3)^2-4 \times 2 \times (a+1) &> 0 \\ 9-8a-8 > 0, -8a > -1, a < \frac{1}{8} \end{aligned}$$

(ii) 이차방정식  $x^2+2ax+16=0$ 이 중근을 가지므로

$$\begin{aligned} (2a)^2-4 \times 1 \times 16 &= 0, 4a^2-64=0 \\ 4a^2=64, a^2=16, a &= \pm 4 \end{aligned}$$

(i), (ii)에서  $a$ 의 값은  $-4$  이다.

$$\therefore -4$$

### 04-1

(i) 이차방정식  $x^2+(a-3)x+1=0$ 이 중근을 가지므로

$$\begin{aligned} (a-3)^2-4 \times 1 \times 1 &= 0 \\ a^2-6a+9-4 &= 0, a^2-6a+5=0 \end{aligned}$$

$$(a-1)(a-5)=0, a=1 \text{ 또는 } a=5 \dots ①$$

(ii) 이차방정식  $x^2-3x+a=0$ 이 서로 다른 두 근을 가지므로

$$\begin{aligned} (-3)^2-4 \times 1 \times a > 0 \\ 9-4a > 0, -4a > -9, a < \frac{9}{4} \dots ② \end{aligned}$$

(i), (ii)에서  $a$ 의 값은 1이다. ... ③

$$\therefore 1$$

채점기준	배점
① 이차방정식 $x^2+(a-3)x+1=0$ 이 중근을 가질 때, $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② 이차방정식 $x^2-3x+a=0$ 이 서로 다른 두 근을 가질 때, $a$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	3
③ $a$ 의 값을 바르게 구한다.	1

## 28 이차방정식 구하기

▶ p. 154

### 교과서 기본예제 1

$$\begin{aligned} (1) x^2-6x+8=0 & & (2) x^2+9x+18=0 \\ (3) x^2+x-12=0 & & (4) x^2+2x-3=0 \end{aligned}$$

### 교과서 기본예제 2

$$(1) 2-\sqrt{3} \quad (2) -1+\sqrt{2}$$

### 대표문제

이차방정식의 두 근이  $-2, 1$ 이고

$x^2$ 의 계수가  $2$  이므로

$$\begin{aligned} 2(x+2)(x-1) &= 0, 2(x^2+x-2) = 0 \\ 2x^2+2x-4 &= 0 \end{aligned}$$

이때  $a=2, b=-4$  이므로

$$ab=2 \times (-4) = -8$$

$$\therefore -8$$

유사문제

이차방정식의 두 근이  $3, \frac{4}{3}$ 이고  $x^2$ 의 계수가 3이므로

$$3(x-3)\left(x-\frac{4}{3}\right)=0, 3\left(x^2-\frac{13}{3}x+4\right)=0$$

$$3x^2-13x+12=0 \quad \dots (+3점)$$

이때  $a=-13, b=12$ 이므로  $a+b=-13+12=-1$   $\dots (+2점)$

$\therefore -1$

특별하게 연습하기

▶ p. 156

01

이차방정식의 중근이 2이고  $x^2$ 의 계수가 2이므로

$$2(x-2)^2=0, 2(x^2-4x+4)=0$$

$$2x^2-8x+8=0$$

이때  $a=-8, b=8$ 이므로

$$b-a=8-(-8)=16$$

$\therefore 16$

01-1

이차방정식의 중근이 -1이고  $x^2$ 의 계수가 3이므로

$$3(x+1)^2=0, 3(x^2+2x+1)=0$$

$$3x^2+6x+3=0 \quad \dots ①$$

이때  $a=6, b=3$ 이므로  $a-b=6-3=3$   $\dots ②$

$\therefore 3$

채점기준	배점
① 중근이 -1인 이차방정식을 바르게 구한다.	3
② $a-b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

02

이차방정식  $3x^2+10x-8=0$ 에서  $(3x-2)(x+4)=0$

따라서  $x=\frac{2}{3}$  또는  $x=-4$

이때  $m=\frac{2}{3}, n=-4$  (으)로 놓으면

$m+2=\frac{8}{3}, n+2=-2$ 이므로  $m+2, n+2$ 를

두 근으로 하고  $x^2$ 의 계수가 3인 이차방정식은

$$3\left(x-\frac{8}{3}\right)(x+2)=0, 3\left(x^2-\frac{2}{3}x-\frac{16}{3}\right)=0$$

$$3x^2-2x-16=0$$

$$\therefore 3x^2-2x-16=0$$

02-1

이차방정식  $x^2-6x+8=0$ 에서  $(x-2)(x-4)=0$

따라서  $x=2$  또는  $x=4$   $\dots ①$

이때  $a=2, b=4$ 로 놓으면  $a+1=3, b+1=5$

이므로  $a+1, b+1$ 을 두 근으로 하고

$x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은

$$(x-3)(x-5)=0, x^2-8x+15=0 \quad \dots ②$$

$$\therefore x^2-8x+15=0$$

채점기준	배점
① 이차방정식 $x^2-6x+8=0$ 을 바르게 푼다.	3
② $a+1, b+1$ 을 두 근으로 하고 $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식을 바르게 구한다.	3

03

지선이가 잘못 본 이차방정식은

$$(x-2)(x+6)=0, x^2+4x-12=0$$

이때 상수항은 제대로 보았으므로

처음 이차방정식의 상수항은  $-12$ 이다.

하영이가 잘못 본 이차방정식은

$$(x-1)(x-3)=0, x^2-4x+3=0$$

이때  $x$ 의 계수는 제대로 보았으므로

처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는  $-4$ 이다.

즉, 처음 이차방정식은  $x^2-4x-12=0$ 이므로

$$(x+2)(x-6)=0, x=-2 \text{ 또는 } x=6$$

$$\therefore x=-2 \text{ 또는 } x=6$$

03-1

채영이가 잘못 본 이차방정식은

$$(x-2)(x+1)=0, x^2-x-2=0$$

이때 상수항은 제대로 보았으므로

처음 이차방정식의 상수항은  $-2$ 이다.  $\dots ①$

나경이가 잘못 본 이차방정식은

$$(x-2)(x+3)=0, x^2+x-6=0$$

이때  $x$ 의 계수는 제대로 보았으므로

처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는 1이다.  $\dots ②$



즉, 처음 이차방정식은  $x^2+x-2=0$ 이므로  
 $(x+2)(x-1)=0$ ,  $x=-2$  또는  $x=1$  ... ③  
 $\therefore x=-2$  또는  $x=1$

채점기준	배점
① 처음 이차방정식의 상수항을 바르게 구한다.	2
② 처음 이차방정식의 $x$ 의 계수를 바르게 구한다.	2
③ 처음 이차방정식을 바르게 푼다.	2

#### 04

주어진 이차방정식의 계수가 모두 유리수이고  
한 근이  $1+\sqrt{3}$ 이므로 다른 한 근은  $1-\sqrt{3}$ 이다.  
따라서 한 근이  $1+\sqrt{3}$ 이고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은

$$\{x-(1+\sqrt{3})\}\{x-(1-\sqrt{3})\}=0, x^2-2x-2=0$$

이때  $m=-2$ ,  $n=-2$ 이므로

$$m+n=-2+(-2)=-4$$

$$\therefore -4$$

#### 04-1

주어진 이차방정식의 계수가 모두 유리수이고  
한 근이  $2-\sqrt{2}$ 이므로 다른 한 근은  $2+\sqrt{2}$ 이다. ... ①  
따라서 한 근이  $2-\sqrt{2}$ 이고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은 ... ②  
 $\{x-(2-\sqrt{2})\}\{x-(2+\sqrt{2})\}=0, x^2-4x+2=0$  ... ③  
이때  $m=-4$ ,  $n=2$ 이므로  $m+n=-4+2=-2$  ... ③  
 $\therefore -2$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 다른 한 근을 바르게 구한다.	2
② 한 근이 $2-\sqrt{2}$ 인 이차방정식을 바르게 구한다.	2
③ $m+n$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 29 이차방정식의 활용(1) ▶ p. 158

#### 교과서 기본예제 1

(1) 6 (2) 8

#### 교과서 기본예제 2

7

#### 대표문제

물체가 지면에 떨어질 때의 높이는  $0$  m이다.

즉,  $h=0$  이므로  $-5t^2+5t+100=0$

이 이차방정식을 풀면

$$t^2-t-20=0, (t+4)(t-5)=0$$

$$t=-4 \text{ 또는 } t=5$$

이때  $t > 0$  이므로 물체를 쏘아 올린 지

$5$  초 후에 이 물체가 지면에 떨어진다.

$\therefore 5$  초 후

#### 유사문제

물체가 지면에 떨어질 때의 높이는 0 m이다.

즉,  $h=0$ 이므로  $-5t^2+45t+50=0$  ... (+2점)

이 이차방정식을 풀면

$$t^2-9t-10=0, (t+1)(t-10)=0$$

$$t=-1 \text{ 또는 } t=10$$
 ... (+2점)

이때  $t > 0$ 이므로 물체를 쏘아 올린 지

10초 후에 이 물체가 지면에 떨어진다. ... (+2점)

$\therefore 10$ 초 후

### 특별하게 연습하기

▶ p. 160

#### 01

연속하는 세 자연수를  $x-1$ ,  $x$ ,  $x+1$  (으)로

놓으면  $(x+1)^2=(x-1)^2+x^2$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2+2x+1=x^2-2x+1+x^2$$

$$x^2-4x=0, x(x-4)=0$$

$$x=0 \text{ 또는 } x=4$$

이때  $x$ 는 자연수이므로

세 자연수는  $3$ ,  $4$ ,  $5$ 이다.

$\therefore 3$ ,  $4$ ,  $5$

01-1

연속하는 세 자연수를  $x-1, x, x+1$ 로 놓으면

$$3(x-1)^2 = x(x+1) \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$3(x^2 - 2x + 1) = x^2 + x, 3x^2 - 6x + 3 = x^2 + x$$

$$2x^2 - 7x + 3 = 0, (2x-1)(x-3) = 0$$

$$x = \frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 3 \quad \dots ②$$

이때  $x$ 는 자연수이므로 세 자연수는 2, 3, 4이다.  $\dots ③$

$\therefore 2, 3, 4$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 세 자연수를 바르게 구한다.	2

02

동생의 나이를  $x$ 세로 놓으면 형의 나이는  $(x+2)$ 세이므로

$$x(x+2) = 255$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 + 2x - 255 = 0, (x+17)(x-15) = 0$$

$$x = -17 \text{ 또는 } x = 15$$

이때  $x$ 는 자연수이므로

형의 나이는 17세, 동생의 나이는 15세이다.

$\therefore$  형 : 17세, 동생 : 15세

02-1

동생의 나이를  $x$ 세로 놓으면 언니의 나이는

$$(x+6)\text{세이므로 } x(x+6) = 160 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 + 6x - 160 = 0, (x+16)(x-10) = 0$$

$$x = -16 \text{ 또는 } x = 10 \quad \dots ②$$

이때  $x$ 는 자연수이므로 언니의 나이는 16세,  $\dots ③$

동생의 나이는 10세이다.

$\therefore$  언니 : 16세, 동생 : 10세

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 언니와 동생의 나이를 각각 바르게 구한다.	2

03

위의 날짜를 9월  $x$ 일로 놓으면 아래로 이웃하는 날짜는

$$9월 (x+7) \text{ 일이므로 } x(x+7) = 198$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 + 7x - 198 = 0, (x+18)(x-11) = 0$$

$$x = -18 \text{ 또는 } x = 11$$

이때  $x$ 는 자연수이므로 위아래로 이웃하는 두 날짜는

9월 11일, 9월 18일이다.

$\therefore$  9월 11일, 9월 18일

03-1

위의 날짜를 7월  $x$ 일로 놓으면 아래로 이웃하는 날짜는

$$7월 (x+7)\text{일이므로 } x(x+7) = 368 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 + 7x - 368 = 0, (x+23)(x-16) = 0$$

$$x = -23 \text{ 또는 } x = 16 \quad \dots ②$$

이때  $x$ 는 자연수이므로 위아래로 이웃하는

두 날짜는 7월 16일, 7월 23일이다.  $\dots ③$

$\therefore$  7월 16일, 7월 23일

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 두 날짜를 각각 바르게 구한다.	2

04

1단계의 바둑돌은  $1 \times 2 = 2$  (개), 2단계의 바둑돌은

$2 \times 3 = 6$  (개), 3단계의 바둑돌은  $3 \times 4 = 12$  (개),  $\dots$ ,

$n$ 단계의 바둑돌은  $n(n+1) = n^2 + n$  (개)이므로

$$n^2 + n = 132$$

이 이차방정식을 풀면

$$n^2 + n - 132 = 0, (n+12)(n-11) = 0$$

$$n = -12 \text{ 또는 } n = 11$$

이때  $n$ 는 자연수이므로 바둑돌 132개로 이루어진 직사각형은

11 단계이다.

$\therefore$  11 단계

04-1

1단계의 바둑돌은  $1 \times 3 = 3$ (개), 2단계의 바둑돌은

$2 \times 4 = 8$ (개), 3단계의 바둑돌은  $3 \times 5 = 15$ (개),  $\dots$ ,



$n$ 단계의 바둑돌은  $n(n+2)=n^2+2n$ (개)이므로

$$n^2+2n=168 \quad \dots \textcircled{1}$$

이 이차방정식을 풀면

$$n^2+2n-168=0, (n+14)(n-12)=0 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$n=-14 \text{ 또는 } n=12 \quad \dots \textcircled{3}$$

이때  $n$ 은 자연수이므로 바둑돌 168개로 이루어진 직사각형은 12단계이다.

$\therefore$  12단계

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	3
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 바둑돌 168개로 이루어진 직사각형은 몇 단계인지 바르게 구한다.	2

### 30 이차방정식의 활용(2) ▶ p. 162

#### 교과서 기본예제 1

3

#### 교과서 기본예제 2

5 cm

#### 대표문제

직사각형의 가로 길이를  $x$  cm로 놓으면

세로의 길이는  $(10-x)$  cm이므로

$$x(10-x)=21$$

이 이차방정식을 풀면

$$10x-x^2-21=0, x^2-10x+21=0 \\ (x-3)(x-7)=0, x=3 \text{ 또는 } x=7$$

이때 가로의 길이가 세로의 길이보다 더 길어야

하므로 가로의 길이는  $7$  cm이다.

$\therefore 7$  cm

#### 유사문제

직사각형의 세로의 길이를  $x$  cm로 놓으면

가로의 길이는  $(14-x)$  cm이므로

$$x(14-x)=48 \quad \dots (+2\text{점})$$

이 이차방정식을 풀면

$$14x-x^2-48=0, x^2-14x+48=0 \quad \dots (+2\text{점})$$

$$(x-6)(x-8)=0, x=6 \text{ 또는 } x=8 \quad \dots (+2\text{점})$$

이때 가로의 길이가 세로의 길이보다 더 길어야

하므로 세로의 길이는 6 cm이다.  $\dots (+2\text{점})$

$\therefore 6$  cm

### 특별하게 연습하기

▶ p. 164

#### 01

일차함수  $y=\frac{a}{3}x-1$ 의 그래프가 점  $(a-1, a^2+2a-4)$ 를

지나므로  $a^2+2a-4=\frac{a}{3}(a-1)-1$

이 이차방정식을 풀면

$$3a^2+6a-12=a^2-a-3, 2a^2+7a-9=0 \\ (2a+9)(a-1)=0, a=-\frac{9}{2} \text{ 또는 } a=1$$

이때  $y=\frac{a}{3}x-1$ 의 그래프가 제1사분면을 지나지 않으므로

$$a < 0 \text{ 이어야 한다. 즉, } a = -\frac{9}{2}$$

$$\therefore -\frac{9}{2}$$

#### 01-1

일차함수  $y=ax-2$ 의 그래프가 점  $(a-2, -a^2+a)$ 를

지나므로  $-a^2+a=a(a-2)-2 \quad \dots \textcircled{1}$

이 이차방정식을 풀면

$$-a^2+a=a^2-2a-2, 2a^2-3a-2=0 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$(2a+1)(a-2)=0, a=-\frac{1}{2} \text{ 또는 } a=2 \quad \dots \textcircled{3}$$

이때  $y=ax-2$ 의 그래프가 제2사분면을 지나지 않으므로

$$a > 0 \text{ 이어야 한다. 즉, } a=2 \quad \dots \textcircled{4}$$

$\therefore 2$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2

02

$\overline{BD} = x$  cm로 놓으면  $\overline{DF} = \overline{AD} = (10-x)$  cm이므로

$$x(10-x) = 24$$

이 이차방정식을 풀면

$$10x - x^2 - 24 = 0, x^2 - 10x + 24 = 0$$

$$(x-4)(x-6) = 0, x=4 \text{ 또는 } x=6$$

이때  $\overline{BD} > \overline{DF}$ 이므로  $\overline{BD} = 6$  cm

∴ 6 cm

02-1

$\overline{BE} = x$  cm로 놓으면  $\overline{BD} = \overline{FE} = \overline{EC} = (14-x)$  cm이므로

$$x(14-x) = 48 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$14x - x^2 - 48 = 0, x^2 - 14x + 48 = 0$$

$$(x-6)(x-8) = 0, x=6 \text{ 또는 } x=8 \quad \dots ②$$

이때  $\overline{BD} > \overline{BE}$ 이므로  $\overline{BE} = 6$  cm ∴ ③

∴ 6 cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ BE의 길이를 바르게 구한다.	2

03

큰 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면

작은 정사각형의 한 변의 길이는  $(x-6)$  cm이므로

$$x^2 + (x-6)^2 = 116$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 + x^2 - 12x + 36 = 116, x^2 - 6x - 40 = 0$$

$$(x+4)(x-10) = 0, x=-4 \text{ 또는 } x=10$$

이때  $x > 6$ 이므로 큰 정사각형의 한 변의 길이는 10 cm이다.

∴ 10 cm

03-1

작은 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면

큰 정사각형의 한 변의 길이는  $(x+4)$  cm이므로

$$x^2 + (x+4)^2 = 400 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 + x^2 + 8x + 16 = 400, x^2 + 4x - 192 = 0$$

$$(x+16)(x-12) = 0, x=-16 \text{ 또는 } x=12 \quad \dots ②$$

이때  $x > 0$ 이므로 작은 정사각형의 한 변의 길이는 12 cm이다. ∴ ③

∴ 12 cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 작은 정사각형의 한 변의 길이를 바르게 구한다.	2

04

$\overline{BC} = x$  cm로 놓으면

$\square ABCD \sim \square DEFC$ 이므로  $\overline{AB} : \overline{DE} = \overline{BC} : \overline{EF}$

즉,  $1 : (x-1) = x : 1, x(x-1) = 1$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 - x - 1 = 0, x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

이때  $x > 1$ 이므로  $\overline{BC} = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$  cm

∴  $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$  cm

04-1

$\overline{BC} = x$  cm로 놓으면

$\square ABCD \sim \square DEFC$ 이므로  $\overline{AB} : \overline{DE} = \overline{BC} : \overline{EF}$

즉,  $5 : (x-5) = x : 5, x(x-5) = 25 \quad \dots ①$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2 - 5x - 25 = 0, x = \frac{5 \pm 5\sqrt{5}}{2} \quad \dots ②$$

이때  $x > 5$ 이므로  $\overline{BC} = \frac{5 + 5\sqrt{5}}{2}$  cm ∴ ③

∴  $\frac{5 + 5\sqrt{5}}{2}$  cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ BC의 길이를 바르게 구한다.	2

31 이차방정식의 활용(3) ▶ p. 166

교과서 기본예제 1

$$-3 + 4\sqrt{2}$$

교과서 기본예제 2

5





### 대표문제

길의 폭을  $x$  m로 놓으면 길의 제외한 땅의 넓이는

$$(30-x)(24-x)=520$$

이 이차방정식을 풀면

$$720-54x+x^2=520, x^2-54x+200=0$$
$$(x-4)(x-50)=0, x=4 \text{ 또는 } x=50$$

이때  $0 < x < 24$  이므로

길의 폭은  $4$  m이다.

$\therefore 4$  m

### 유사문제

산책로의 폭을  $x$  m로 놓으면 산책로를 제외한 공원의 넓이는

$$(50-x)(30-x)=1344 \quad \dots (+2\text{점})$$

이 이차방정식을 풀면

$$1500-80x+x^2=1344, x^2-80x+156=0$$
$$(x-2)(x-78)=0, x=2 \text{ 또는 } x=78 \quad \dots (+2\text{점})$$

이때  $0 < x < 30$ 이므로 길의 폭은  $2$  m이다.  $\dots (+2\text{점})$

$\therefore 2$  m

### 특별하게 연습하기

▶ p. 168

#### 01

작은 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면

큰 정사각형의 한 변의 길이는  $(8-x)$  cm이므로

$$x^2+(8-x)^2=34$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2+x^2-16x+64=34, x^2-8x+15=0$$
$$(x-3)(x-5)=0, x=3 \text{ 또는 } x=5$$

이때  $0 < x < 4$ 이므로 작은 정사각형의 한 변의 길이는

$3$  cm이다.

$\therefore 3$  cm

#### 01-1

큰 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면

작은 정사각형의 한 변의 길이는  $(6-x)$  cm이므로

$$x^2+(6-x)^2=26 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$x^2+x^2-12x+36=26, x^2-6x+5=0$$
$$(x-1)(x-5)=0, x=1 \text{ 또는 } x=5 \quad \dots ②$$

이때  $3 < x < 6$ 이므로 큰 정사각형의 한 변의 길이는  $5$  cm이다.  $\dots ③$

$\therefore 5$  cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 큰 정사각형의 한 변의 길이를 바르게 구한다.	2

#### 02

$x$ 초 후의 직사각형의 가로의 길이는  $(8+2x)$  cm.

세로의 길이는  $(12-x)$  cm이므로

$$(8+2x)(12-x)=8 \times 12$$

이 이차방정식을 풀면

$$-2x^2+16x+96=96, x^2-8x=0$$
$$x(x-8)=0, x=0 \text{ 또는 } x=8$$

이때  $0 < x < 12$ 이므로  $8$  초 후에

처음 직사각형과 넓이가 같아진다.

$\therefore 8$  초 후

#### 02-1

$x$ 초 후의 직사각형의 가로의 길이는  $(30-x)$  cm.

세로의 길이는  $(30+2x)$  cm이므로

$$(30-x)(30+2x)=30^2 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$-2x^2+30x+900=900, x^2-15x=0$$
$$x(x-15)=0, x=0 \text{ 또는 } x=15 \quad \dots ②$$

이때  $0 < x < 30$ 이므로  $15$ 초 후에

처음 정사각형과 넓이가 같아진다.  $\dots ③$

$\therefore 15$ 초 후

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 몇 초 후에 처음 정사각형과 넓이가 같아지는지 바르게 구한다.	2

03

처음 원의 넓이는  $\pi \times 3^2 = 9\pi$  (cm<sup>2</sup>)이므로

$$\pi \times (x+3)^2 - 9\pi = 8 \times 9\pi$$

이 이차방정식을 풀면

$$\begin{aligned} x^2 + 6x + 9 - 9 &= 72, \quad x^2 + 6x - 72 = 0 \\ (x+12)(x-6) &= 0, \quad x = -12 \text{ 또는 } x = 6 \end{aligned}$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = 6$

∴ 6

03-1

처음 원의 넓이는  $\pi \times 2^2 = 4\pi$  (cm<sup>2</sup>)이므로

$$\pi \times (x+2)^2 - 4\pi = 3 \times 4\pi \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$\begin{aligned} x^2 + 4x + 4 - 4 &= 12, \quad x^2 + 4x - 12 = 0 \\ (x+6)(x-2) &= 0, \quad x = -6 \text{ 또는 } x = 2 \end{aligned} \quad \dots ②$$

이때  $x > 0$ 이므로  $x = 2$  ∴ ③

∴ 2

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ x의 값을 바르게 구한다.	2

04

처음 직사각형 모양의 종이의 세로의 길이를  $x$  cm로 놓으면

가로의 길이는  $(x+5)$  cm이므로

$$3(x-1)(x-6) = 150$$

이 이차방정식을 풀면

$$\begin{aligned} (x-1)(x-6) &= 50, \quad x^2 - 7x - 44 = 0 \\ (x+4)(x-11) &= 0, \quad x = -4 \text{ 또는 } x = 11 \end{aligned}$$

이때  $x > 6$ 이므로 처음 직사각형 모양의 종이의

세로의 길이는 11 cm이다.

∴ 11 cm

04-1

처음 직사각형 모양의 종이의 가로 길이를  $x$  cm로 놓으면 세로의 길이는  $(x-3)$  cm이므로

$$2(x-4)(x-7) = 140 \quad \dots ①$$

이 이차방정식을 풀면

$$\begin{aligned} (x-4)(x-7) &= 70, \quad x^2 - 11x - 42 = 0 \\ (x+3)(x-14) &= 0, \quad x = -3 \text{ 또는 } x = 14 \end{aligned} \quad \dots ②$$

이때  $x > 7$ 이므로 처음 직사각형 모양의 종이의 가로 길이는 14 cm이다. ∴ ③

∴ 14 cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	3
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 처음 직사각형 모양의 종이의 가로 길이를 바르게 구한다.	2

자신있게 쫓내기

▶ p. 170

01

(가) 이차방정식  $x^2 - 4x - 3 = 0$ 에서

$$(-4)^2 - 4 \times 1 \times (-3) = 16 + 12 = 28 > 0 \quad \dots ①$$

따라서 해의 개수는 2개이다.

(나) 이차방정식  $9x^2 + 12x + 4 = 0$ 에서

$$12^2 - 4 \times 9 \times 4 = 144 - 144 = 0 \quad \dots ②$$

따라서 해의 개수는 1개이다.

(다) 이차방정식  $x^2 - 3x + 4 = 0$ 에서

$$(-3)^2 - 4 \times 1 \times 4 = 9 - 16 = -7 < 0 \quad \dots ③$$

따라서 해가 없다.

채점기준	배점
① 이차방정식 $x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 해의 개수를 바르게 구한다.	2
② 이차방정식 $9x^2 + 12x + 4 = 0$ 의 해의 개수를 바르게 구한다.	2
③ 이차방정식 $x^2 - 3x + 4 = 0$ 의 해의 개수를 바르게 구한다.	2

02

이차방정식  $(k+1)x^2 - (2k+2)x - k + 1 = 0$ 이 중근을 가지려면

$$\{-(2k+2)\}^2 - 4(k+1)(-k+1) = 0 \text{ 이어야 한다.} \quad \dots ①$$

즉,  $4k^2 + 8k + 4 - 4(1 - k^2) = 0$

$$4k^2 + 8k + 4 - 4 + 4k^2 = 0$$

$$8k^2 + 8k = 0, \quad k^2 + k = 0$$

$$k(k+1) = 0, \quad k = 0 \text{ 또는 } k = -1$$

이때  $k = -1$ 이면 이차방정식이 성립하지 않으므로  $k = 0$  ∴ ②

∴ 0

채점기준	배점
① 이차방정식이 중근을 가질 조건을 바르게 제시한다.	2
② k의 값을 바르게 구한다.	4

### 03

이차방정식  $x^2 - 3x + k = 0$ 이 해가 없으려면  
 $(-3)^2 - 4 \times 1 \times k < 0, 9 - 4k < 0$ 이어야 한다. ... ①  
 즉,  $9 - 4k < 0$ 에서  $-4k < -9, k > \frac{9}{4}$  ... ②  
 따라서 가장 작은 자연수  $k$ 의 값은 3이다. ... ③  
 $\therefore 3$

채점기준	배점
① 이차방정식이 해가 없을 조건을 바르게 제시한다.	2
② $k$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	2
③ 가장 작은 자연수 $k$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 04

이차방정식의 두 근이 2, -3이고  $x^2$ 의 계수가 3이므로  
 $3(x-2)(x+3) = 0, 3(x^2 + x - 6) = 0$   
 $3x^2 + 3x - 18 = 0$  ... ①  
 이때  $a = 3, b = -18$ 이므로  $a + b = 3 + (-18) = -15$  ... ②  
 $\therefore -15$

채점기준	배점
① 두 근이 2, -3인 이차방정식을 바르게 구한다.	3
② $a + b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 05

이차방정식  $2x^2 - 4x + a = 0$ 이 중근을 가지므로  
 $(-4)^2 - 4 \times 2 \times a = 0, 16 - 8a = 0$   
 $-8a = -16, a = 2$  ... ①  
 이때  $a + 2 = 4, a - 1 = 1$ 이므로  $a + 2, a - 1$ 을  
 두 근으로 하고  $x^2$ 의 계수가 3인 이차방정식은  
 $3(x-4)(x-1) = 0, 3(x^2 - 5x + 4) = 0$   
 $3x^2 - 15x + 12 = 0$  ... ②  
 $\therefore 3x^2 - 15x + 12 = 0$

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② $a + 2, a - 1$ 을 두 근으로 하고 $x^2$ 의 계수가 3인 이차방정식을 바르게 구한다.	3

### 06

이차방정식  $x^2 + kx + k - 1 = 0$ 에서  $x$ 의 계수와  
 상수항을 서로 바꾸면  $x^2 + (k-1)x + k = 0$  ... ①  
 이 이차방정식의 한 근이 -2이므로  $x = -2$ 를 대입하면  
 $(-2)^2 + (k-1) \times (-2) + k = 0$   
 $4 - 2k + 2 + k = 0, -k = -6, k = 6$  ... ②  
 즉, 이차방정식  $x^2 + kx + k - 1 = 0$ 에  
 $k = 6$ 을 대입하면  $x^2 + 6x + 5 = 0$ 이므로  
 $(x+5)(x+1) = 0, x = -5$  또는  $x = -1$  ... ③  
 $\therefore x = -5$  또는  $x = -1$

채점기준	배점
① $x$ 의 계수와 상수항을 서로 바꾼 이차방정식을 바르게 제시한다.	1
② $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 처음 이차방정식을 바르게 푼다.	3

### 07

진영이가 잘못 본 이차방정식은  
 $(x-1)(x+6) = 0, x^2 + 5x - 6 = 0$   
 이때 상수항은 제대로 보았으므로  
 처음 이차방정식의 상수항은 -6이다. ... ①  
 채연이가 잘못 본 이차방정식은  
 $(x-2)(x-3) = 0, x^2 - 5x + 6 = 0$   
 이때  $x$ 의 계수는 제대로 보았으므로  
 처음 이차방정식의  $x$ 의 계수는 -5이다. ... ②  
 따라서 처음 이차방정식은  $x^2 - 5x - 6 = 0$ 이므로  
 $a = -5, b = -6$ 이다.  
 즉,  $a + b = -5 + (-6) = -11$  ... ③  
 $\therefore -11$

채점기준	배점
① 처음 이차방정식의 상수항을 바르게 구한다.	2
② 처음 이차방정식의 $x$ 의 계수를 바르게 구한다.	2
③ $a + b$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 08

주어진 이차방정식의 계수가 모두 유리수이고  
 한 근이  $3 + \sqrt{5}$ 이므로 다른 한 근은  $3 - \sqrt{5}$ 이다. ... ①  
 따라서  
 $m = 3 + \sqrt{5} + 3 - \sqrt{5} = 6$   
 $n = (3 + \sqrt{5})(3 - \sqrt{5}) = 9 - 5 = 4$  ... ②  
 즉,  $m + n = 6 + 4 = 10$  ... ③  
 $\therefore 10$

채점기준	배점
① 주어진 이차방정식의 다른 한 근을 바르게 구한다.	2
② $m, n$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $m + n$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 09

물체의 높이가 45 m이므로  $50t - 5t^2 = 45$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $-5t^2 + 50t - 45 = 0, t^2 - 10t + 9 = 0$   
 $(t-1)(t-9) = 0, t = 1$  또는  $t = 9$  ... ②  
 즉, 물체의 높이가 45 m가 되는 것은 물체를 쏘아 올린 지  
 1초 후와 9초 후이므로 이 물체가 45 m 높이의 지점을  
 처음 지날 때부터 다시 지날 때까지 걸리는 시간은  
 $9 - 1 = 8$ (초) ... ③  
 $\therefore 8$ 초

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 물체가 45 m 높이의 지점을 처음 지날 때부터 다시 지날 때까지 걸리는 시간을 바르게 구한다.	2

**10**

어떤 수를  $x$ 로 놓으면  $(x-4)^2=2(x-4)$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2-8x+16=2x-8, x^2-10x+24=0$   
 $(x-4)(x-6)=0, x=4$  또는  $x=6$  ... ②  
 즉, 어떤 수는 4, 6이다. ... ③  
 $\therefore 4, 6$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 어떤 수를 모두 바르게 구한다.	1

**TIP**

$(x-4)^2=2(x-4)$ 에서  $x-4=A$ 로 놓고 푸는 방법도 있다.

**11**

연속하는 두 홀수를  $x, x+2$ 로 놓으면  $x^2+(x+2)^2=202$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2+x^2+4x+4=202, x^2+2x-99=0$   
 $(x+11)(x-9)=0, x=-11$  또는  $x=9$  ... ②  
 이때  $x$ 는 자연수이므로 두 홀수는 9, 11이다.  
 즉, 두 홀수의 곱은  $9 \times 11=99$  ... ③  
 $\therefore 99$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 두 홀수의 곱을 바르게 구한다.	2

**12**

동생의 나이를  $x$ 세로 놓으면 형의 나이는  $(x+8)$ 세이므로  $(x+8)^2=5x^2-20$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2+16x+64=5x^2-20, x^2-4x-21=0$   
 $(x+3)(x-7)=0, x=-3$  또는  $x=7$  ... ②  
 이때  $x$ 는 자연수이므로  
 형의 나이는 15세, 동생의 나이는 7세이다. ... ③  
 $\therefore$  형 : 15세, 동생 : 7세

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 형과 동생의 나이를 각각 바르게 구한다.	2

**13**

학생 수를  $x$ 명으로 놓으면  
 한 학생이 받은 볼펜의 수는  $(x-5)$ 자루이므로  
 $x(x-5)=150$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2-5x-150=0, (x+10)(x-15)=0$   
 $x=-10$  또는  $x=15$  ... ②  
 이때  $x>5$ 이므로 학생 수는 15명이다. ... ③  
 $\therefore 15$ 명

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 학생 수를 바르게 구한다.	2

**14**

여행의 출발 날짜를 8월  $x$ 일로 놓으면 여행을 가는 날짜는 8월  $x$ 일,  $(x+1)$ 일,  $(x+2)$ 일이므로  
 $x^2+(x+1)^2+(x+2)^2=509$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2+x^2+2x+1+x^2+4x+4=509$   
 $x^2+2x-168=0, (x+14)(x-12)=0$   
 $x=-14$  또는  $x=12$  ... ②  
 이때  $x$ 는 자연수이므로  
 여행의 출발 날짜는 8월 12일이다. ... ③  
 $\therefore$  8월 12일

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 여행의 출발 날짜를 바르게 구한다.	2

**15**

$OQ=a, PQ=b=-2a+10$ 이므로  
 $\frac{1}{2}(-2a+10+10) \times a=24$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $\frac{1}{2}a(-2a+20)=24, -2a^2+20a-48=0$   
 $a^2-10a+24=0, (a-4)(a-6)=0$   
 $a=4$  또는  $a=6$  ... ②  
 이때  $0 < a < 5$ 이므로  $a=4$ 이고,  $b=-2 \times 4+10=2$   
 즉, 점 P의 좌표는 (4, 2)이다. ... ③  
 $\therefore (4, 2)$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 점 P의 좌표를 바르게 구한다.	2



### 16

풋살 경기장의 세로의 길이를  $x$  m로 놓으면  
 가로의 길이는  $(x+20)$  m이므로  $x(x+20)=800$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2+20x-800=0, (x+40)(x-20)=0$   
 $x=-40$  또는  $x=20$  ... ②  
 이때  $x>0$ 이므로 풋살 경기장의 세로의 길이는 20 m이다. ... ③  
 $\therefore 20$  m

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 풋살 경기장의 세로의 길이를 바르게 구한다.	2

### 17

큰 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm로 놓으면  
 작은 정사각형의 한 변의 길이는  $(9-x)$  cm이므로  
 $x^2+(9-x)^2=45$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2+x^2-18x+81=45, x^2-9x+18=0$   
 $(x-3)(x-6)=0, x=3$  또는  $x=6$  ... ②  
 이때  $\frac{9}{2}<x<9$ 이므로 큰 정사각형의 한 변의 길이는  
 6 cm이다. ... ③  
 $\therefore 6$  cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 큰 정사각형의 한 변의 길이를 바르게 구한다.	2

### 18

무대와 통로를 합하여 만든 새로운 직사각형의  
 가로의 길이는  $(2x+10)$  m, 세로의 길이는  $(2x+6)$  m  
 이므로  $(2x+10)(2x+6)-10 \times 6=57$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $4x^2+32x+60-60=57, 4x^2+32x-57=0$   
 $(2x+19)(2x-3)=0, x=-\frac{19}{2}$  또는  $x=\frac{3}{2}$  ... ②  
 이때  $x>0$ 이므로  $x=\frac{3}{2}$  ... ③  
 $\therefore \frac{3}{2}$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ $x$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 19

$\overline{AB} : \overline{BC} = \overline{BC} : \overline{AC}$ 에서  
 $(x+1) : x = x : 1, x^2=x+1$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2-x-1=0, x=\frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$  ... ②  
 이때  $x>0$ 이므로  $x=\frac{1+\sqrt{5}}{2}$  ... ③  
 $\therefore \frac{1+\sqrt{5}}{2}$

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ $x$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 20

$\overline{BC}=x$  cm로 놓으면  $\overline{CE}=(14-x)$  cm이므로  
 $\frac{1}{2}x^2+\frac{1}{2}(14-x)^2=50$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x^2+(14-x)^2=100, x^2+x^2-28x+196=100$   
 $x^2-14x+48=0, (x-6)(x-8)=0$   
 $x=6$  또는  $x=8$  ... ②  
 이때  $\overline{BC}>\overline{CE}$ 이므로  $\overline{BC}=8$  cm ... ③  
 $\therefore 8$  cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ BC의 길이를 바르게 구한다.	2

### 21

두 점 P, Q가 동시에 출발한 지  $x$  초 후의  $\overline{PB}, \overline{BQ}$ 의  
 길이는 각각  $\overline{PB}=(20-2x)$  cm,  $\overline{BQ}=3x$  cm이므로  
 $\frac{1}{2} \times 3x(20-2x)=48$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $x(20-2x)=32, x^2-10x+16=0$   
 $(x-2)(x-8)=0, x=2$  또는  $x=8$  ... ②  
 이때  $0<x<10$ 이므로 출발한 지 2초 후에  
 $\triangle PBQ$ 의 넓이가 처음으로 48 cm<sup>2</sup>가 된다. ... ③  
 $\therefore 2$  초 후

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	3
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 출발한 지 몇 초 후에 $\triangle PBQ$ 의 넓이가 처음으로 48 cm <sup>2</sup> 가 되는지 바르게 구한다.	2

22

길의 폭을  $x$  m로 놓으면 길의 제외한 땅의 넓이는  
 $(20-2x)(10-x)=98$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $2(10-x)(10-x)=98, (10-x)^2=49$   
 $10-x=7$  또는  $10-x=-7, x=3$  또는  $x=17$  ... ②  
 이때  $0 < x < 10$ 이므로 길의 폭은 3 m이다. ... ③  
 $\therefore 3$  m

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 길의 폭을 바르게 구한다.	2

23

$\overline{CB}=x$  cm로 놓으면  $\overline{AC}=(20-x)$  cm이므로  
 $\frac{1}{2} \times \pi \times 10^2 - \frac{1}{2} \times \pi \times \left(\frac{20-x}{2}\right)^2 - \frac{1}{2} \times \pi \times \left(\frac{x}{2}\right)^2 = 24\pi$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $50 - \frac{400-40x+x^2}{8} - \frac{x^2}{8} = 24$   
 $400 - (400-40x+x^2) - x^2 = 192$   
 $x^2 - 20x + 96 = 0, (x-8)(x-12) = 0$   
 $x=8$  또는  $x=12$  ... ②  
 이때  $\overline{AC} > \overline{CB}$ 이므로  $\overline{CB}=8$  cm ... ③  
 $\therefore 8$  cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	3
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ $\overline{CB}$ 의 길이를 바르게 구한다.	2

24

물받이의 높이를  $x$  cm로 놓으면 색칠한 부분의 가로  
 길이는  $(56-2x)$  cm이므로  $x(56-2x)=392$  ... ①  
 이 이차방정식을 풀면  
 $56x-2x^2-392=0, x^2-28x+196=0$   
 $(x-14)^2=0, x=14$  (중근) ... ②  
 이때  $0 < x < 28$ 이므로 물받이의 높이는 14 cm이다. ... ③  
 $\therefore 14$  cm

채점기준	배점
① 조건에 맞게 이차방정식을 바르게 세운다.	2
② 이차방정식을 바르게 푼다.	2
③ 물받이의 높이를 바르게 구한다.	2

# IV. 이차함수

## 01 이차함수와 그 그래프

### 32 이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프 ▶ p. 180

#### 교과서 기본예제 1

ㄴ과 ㄷ, ㄹ과 ㄱ

#### 대표문제

이차함수의 식을  $y=ax^2$ 으로 놓으면

$$-12 = a \times (-4)^2, -12 = 16a, a = -\frac{3}{4}$$

따라서 이차함수의 식은  $y = -\frac{3}{4}x^2$

이차함수  $y = -\frac{3}{4}x^2$ 의 그래프가 점  $(k, -3)$ 을

지나므로  $-3 = -\frac{3}{4}k^2, k^2 = 4, k = \pm 2$

즉, 양수  $k$ 의 값은 2이다.

$\therefore 2$

#### 유사문제

이차함수의 식을  $y=ax^2$ 으로 놓으면

$$6 = a \times (-3)^2, 6 = 9a, a = \frac{2}{3}$$

따라서 이차함수의 식은  $y = \frac{2}{3}x^2$  ... (+3점)

이차함수  $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프가 점  $(k, 24)$ 를 지나므로

$$24 = \frac{2}{3}k^2, k^2 = 36, k = \pm 6$$

즉, 음수  $k$ 의 값은 -6이다. ... (+2점)

$\therefore -6$

특별하게 연습하기

▶ p. 182

01

$x^2$ 의 계수의 절댓값이 큰 것부터 순서대로 나열하면

$$|5|=5, |-3|=3, \left|-\frac{1}{2}\right|=\frac{1}{2}, \left|\frac{1}{3}\right|=\frac{1}{3}$$

이때  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아지므로 그래프의 폭이 좁은 것부터 차례대로 나열하면

$$y=5x^2, y=-3x^2, y=-\frac{1}{2}x^2, y=\frac{1}{3}x^2$$

즉, ㄷ, ㄹ, ㄴ, ㄱ

∴ ㄷ, ㄹ, ㄴ, ㄱ

01-1

$x^2$ 의 계수의 절댓값이 작은 것부터 순서대로 나열하면

$$|-0.3|=0.3, \left|\frac{4}{5}\right|=\frac{4}{5}, |4|=4, |-5|=5 \quad \dots ①$$

이때  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 작을수록 그래프의 폭이 넓어지므로 그래프의 폭이 넓은 것부터 차례대로 나열하면

$$y=-0.3x^2, y=\frac{4}{5}x^2, y=4x^2, y=-5x^2$$

즉, ㄱ, ㄷ, ㄴ, ㄹ ∴ ②

∴ ㄱ, ㄷ, ㄴ, ㄹ

채점기준	배점
① $x^2$ 의 계수의 절댓값의 대소를 바르게 비교한다.	2
② 그래프의 폭이 넓은 것부터 차례대로 바르게 나열한다.	3

02

이차함수의 식을  $y=ax^2$ 으로 놓으면

$$-24=a \times 4^2, -24=16a, a=-\frac{3}{2}$$

따라서 이차함수의 식은  $y=-\frac{3}{2}x^2$

이차함수  $y=-\frac{3}{2}x^2$ 의 그래프가 점  $(k, -6)$ 을 지나므로

$$-6=-\frac{3}{2}k^2, k^2=4, k=\pm 2$$

즉, 음수  $k$ 의 값은 -2이다.

∴ -2

02-1

이차함수의 식을  $y=ax^2$ 으로 놓으면

$$4=a \times 2^2, 4=4a, a=1$$

따라서 이차함수의 식은  $y=x^2$  ∴ ①

이차함수  $y=x^2$ 의 그래프가 점  $(k, 25)$ 를 지나므로

$$25=k^2, k=\pm 5$$

즉, 양수  $k$ 의 값은 5이다. ∴ ②

∴ 5

채점기준	배점
① 이차함수의 식을 바르게 구한다.	3
② 양수 $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2

03

이차함수  $y=\frac{3}{2}x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여 대칭인

그래프의 식은  $y=-\frac{3}{2}x^2$

이차함수  $y=-\frac{3}{2}x^2$ 의 그래프가 점  $(-2, a)$ 를

지나므로  $a=-\frac{3}{2} \times (-2)^2=-6$

∴ -6

03-1

이차함수  $y=-\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여

대칭인 그래프의 식은  $y=\frac{1}{2}x^2$  ∴ ①

이차함수  $y=\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프가 점  $(4, k)$ 를 지나므로

$$k=\frac{1}{2} \times 4^2=8 \quad \dots ②$$

∴ 8

채점기준	배점
① $x$ 축에 대하여 대칭인 그래프의 식을 바르게 구한다.	3
② $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2

04

이차함수  $y=ax^2$ 의 그래프가 점  $(1, -3)$ 을 지나므로

$$-3=a \times 1^2, a=-3$$

이차함수  $y=-3x^2$ 의 그래프가 점  $(b, -12)$ 를 지나므로

$$-12=-3b^2, b^2=4, b=\pm 2$$

이때  $b>0$ 이므로  $b=$  2

∴  $a+b=$  -3+2=-1

04-1

이차함수  $y=ax^2$ 의 그래프가 점  $(-1, 2)$ 를 지나므로

$$2 = a \times (-1)^2, a = 2$$

이차함수  $y=2x^2$ 의 그래프가 점  $(3, k)$ 를 지나므로

$$k = 2 \times 3^2 = 18$$

$$\therefore a+k = 2+18 = 20$$

... ①

... ②

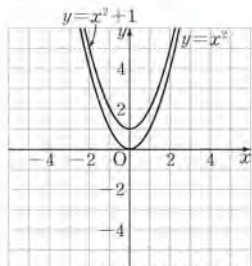
... ③

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a+k$ 의 값을 바르게 구한다.	1

33 이차함수  $y=ax^2+q$ 의 그래프

▶ p. 184

교과서 기본예제 1



교과서 기본예제 2

(1) -2

(2) 4

대표문제

이차함수  $y = \frac{3}{2}x^2$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로

$a$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = \frac{3}{2}x^2 + a$

이차함수  $y = \frac{3}{2}x^2 + a$ 의 그래프가 점  $(2, -3)$ 을

지나므로  $-3 = \frac{3}{2} \times 2^2 + a, -3 = 6 + a, a = -9$

$\therefore -9$

유사문제

이차함수  $y = -\frac{1}{3}x^2$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로

$a$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = -\frac{1}{3}x^2 + a$  ... (+3점)

이차함수  $y = -\frac{1}{3}x^2 + a$ 의 그래프가 점  $(3, 1)$ 을 지나므로

$$1 = -\frac{1}{3} \times 3^2 + a, 1 = -3 + a, a = 4 \quad \dots (+2점)$$

$\therefore 4$

특별하게 연습하기

▶ p. 186

01

이차함수  $y=ax^2+2$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로

$q$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y=ax^2+2+q$

이 식이  $y=4x^2-5$ 와 같으므로  $a=4$

또,  $2+q=-5$ 에서  $q=-7$

$$\therefore a-q = 4 - (-7) = 11$$

01-1

이차함수  $y=ax^2-5$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로

$q$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = ax^2 - 5 + q \quad \dots ①$$

이 식이  $y=-x^2+3$ 과 같으므로  $a=-1$

또,  $-5+q=3$ 에서  $q=8$  ... ②

$\therefore a+q = -1+8 = 7$  ... ③

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	2
② $a, q$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $a+q$ 의 값을 바르게 구한다.	1

02

이차함수  $y=ax^2+q$ 의 그래프가

점  $(-2, 5)$ 를 지나므로  $5 = a \times (-2)^2 + q, 4a + q = 5$  ... ①

또, 점  $(4, 11)$ 을 지나므로  $11 = a \times 4^2 + q, 16a + q = 11$  ... ②

②에서 ①을 뺀다면  $12a = 6, a = \frac{1}{2}$

$a = \frac{1}{2}$ 을(를) ①에 대입하면  $2+q=5, q=3$



$$\therefore a+q = \frac{1}{2} + 3 = \frac{7}{2}$$

### 02-1

이차함수  $y=ax^2+q$ 의 그래프가 점 (1, -3)을 지나므로

$$-3 = a \times 1^2 + q, a+q = -3 \quad \dots \textcircled{1}$$

또, 점 (2, 3)을 지나므로

$$3 = a \times 2^2 + q, 4a+q = 3 \quad \dots \textcircled{2}$$

②에서 ①을 뺀다  $3a = 6, a = 2$

$a = 2$ 를 ①에 대입하면  $2+q = -3, q = -5$   $\dots \textcircled{3}$

$\therefore a-q = 2 - (-5) = 7$   $\dots \textcircled{4}$

채점기준	배점
① 두 점의 좌표를 각각 대입하여 $a, q$ 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
② $a, q$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $a-q$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 03

주어진 이차함수의 그래프의 식을  $y=ax^2+q$ 로 놓으면

꼭짓점의 좌표가 (0, 4) 이므로  $q = 4$

이차함수  $y=ax^2+4$ 의 그래프가 점 (4, 0)을(를)

지나므로  $0 = a \times 4^2 + 4, -16a = 4, a = -\frac{1}{4}$

즉, 구하는 이차함수의 그래프의 식은  $y = -\frac{1}{4}x^2 + 4$

$$\therefore y = -\frac{1}{4}x^2 + 4$$

### 03-1

주어진 이차함수의 그래프의 식을  $y=ax^2+q$ 로 놓으면

꼭짓점의 좌표가 (0, -3)이므로  $q = -3$   $\dots \textcircled{1}$

이차함수  $y=ax^2-3$ 의 그래프가 점 (3, 0)을 지나므로

$$0 = a \times 3^2 - 3, -9a = -3, a = \frac{1}{3} \quad \dots \textcircled{2}$$

즉, 구하는 이차함수의 그래프의 식은  $y = \frac{1}{3}x^2 - 3$   $\dots \textcircled{3}$

$$\therefore y = \frac{1}{3}x^2 - 3$$

채점기준	배점
① 주어진 이차함수의 그래프의 식을 $y=ax^2+q$ 로 놓고 $q$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 주어진 이차함수의 그래프의 식을 바르게 구한다.	1

### 04

이차함수  $y=x^2-4$ 의 그래프의 꼭짓점은 C (0, -4) 이고,

$y=0$ 을 대입하면  $0 = x^2 - 4, x^2 = 4, x = \pm 2$  이므로

B (-2, 0), D (2, 0)

이차함수  $y = -\frac{1}{2}x^2 + a$ 의 그래프가 점 D (2, 0)을(를)

지나므로  $0 = -\frac{1}{2} \times 2^2 + a, a - 2 = 0, a = 2$

따라서 꼭짓점은 A (0, 2)

$$\text{즉, } \square ABCD = \triangle ABD + \triangle BCD = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 + \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 12$$

$$\therefore 12$$

### 04-1

이차함수  $y=x^2-9$ 의 그래프의 꼭짓점은 C(0, -9)이고,

$y=0$ 을 대입하면  $0 = x^2 - 9, x^2 = 9, x = \pm 3$ 이므로

B(-3, 0), D(3, 0)  $\dots \textcircled{1}$

이차함수  $y = -\frac{1}{2}x^2 + a$ 의 그래프가 점 D(3, 0)을 지나므로

$$0 = -\frac{1}{2} \times 3^2 + a, a - \frac{9}{2} = 0, a = \frac{9}{2}$$

따라서 꼭짓점은 A(0,  $\frac{9}{2}$ )  $\dots \textcircled{2}$

즉,  $\square ABCD = \triangle ABD + \triangle BCD$

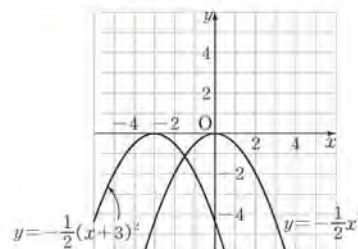
$$= \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{9}{2} + \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = \frac{81}{2} \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore \frac{81}{2}$$

채점기준	배점
① 세 점 B, C, D의 좌표를 각각 바르게 구한다.	3
② 점 A의 좌표를 바르게 구한다.	2
③ $\square ABCD$ 의 넓이를 바르게 구한다.	2

## 34 이차함수 $y=a(x-p)^2$ 의 그래프

### 교과서 기본예제 1



고과서 기본예제 2

-1

대표문제

이차함수  $y=3x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로

$p$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y=3(x-p)^2$

이차함수  $y=3(x-p)^2$ 의 그래프가

점  $(1, 12)$ 를 지나므로

$$12=3(1-p)^2, 4=(1-p)^2, 1-p=\pm 2$$

$$-p=-1\pm 2, p=-1 \text{ 또는 } p=3$$

이때  $p>0$ 이므로  $p=3$

$\therefore 3$

유사문제

이차함수  $y=\frac{1}{3}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로

$p$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y=\frac{1}{3}(x-p)^2$  ... (+3점)

이차함수  $y=\frac{1}{3}(x-p)^2$ 의 그래프가 점  $(4, 12)$ 를 지나므로

$$12=\frac{1}{3}(4-p)^2, 36=(4-p)^2, 4-p=\pm 6$$

$$-p=-4\pm 6, p=-2 \text{ 또는 } p=10 \quad \dots (+3점)$$

$\therefore -2, 10$

특별하게 연습하기

▶ p. 190

01

이차함수  $y=ax^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로

2만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y=a(x-2)^2$

이차함수  $y=a(x-2)^2$ 의 그래프가 점  $(1, -1)$ 을

지나므로  $-1=a(1-2)^2, a=-1$

$\therefore -1$

01-1

이차함수  $y=ax^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로

-2만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y=a(x+2)^2$  ... ①

이차함수  $y=a(x+2)^2$ 의 그래프가 점  $(-5, 6)$ 을 지나므로

$$6=a(-5+2)^2, 6=9a, a=\frac{2}{3} \quad \dots ②$$

$\therefore \frac{2}{3}$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	3
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2

02

주어진 이차함수의 그래프의 식을  $y=a(x-p)^2$ 으로 놓으면

꼭짓점의 좌표가  $(3, 0)$ 이므로  $p=3$

이차함수  $y=a(x-3)^2$ 의 그래프가 점  $(0, -3)$ 을(를)

지나므로  $-3=a(0-3)^2, -3=9a, a=-\frac{1}{3}$

즉, 구하는 이차함수의 그래프의 식은  $y=-\frac{1}{3}(x-3)^2$

$$\therefore y=-\frac{1}{3}(x-3)^2$$

02-1

주어진 이차함수의 그래프의 식을  $y=a(x-p)^2$ 으로 놓으면

꼭짓점의 좌표가  $(2, 0)$ 이므로  $p=2$  ... ①

이차함수  $y=a(x-2)^2$ 의 그래프가 점  $(0, 5)$ 를 지나므로

$$5=a(0-2)^2, 5=4a, a=\frac{5}{4} \quad \dots ②$$

즉, 구하는 이차함수의 그래프의 식은  $y=\frac{5}{4}(x-2)^2$  ... ③

$$\therefore y=\frac{5}{4}(x-2)^2$$

채점기준	배점
① $p$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 주어진 이차함수의 그래프의 식을 바르게 구한다.	1

03

이차함수  $y=\frac{1}{3}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 2만큼

평행이동한 그래프의 식은  $y=\frac{1}{3}(x-2)^2$ 이고

축의 방정식은  $x=2$ 이다.

이 이차함수의 그래프는 아래로 볼록하므로

$x$ 의 값이 증가할 때  $y$ 의 값이 감소하는  $x$ 의 값의 범위는

$x < 2$  이다.

$\therefore x < 2$

### 03-1

이차함수  $y = -2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-3$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = -2(x+3)^2$ 이고 축의 방정식은  $x = -3$ 이다. ... ①

이 이차함수의 그래프는 위로 볼록하므로  $x$ 의 값이 증가할 때  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위는  $x < -3$ 이다. ... ②

$\therefore x < -3$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 축의 방정식을 바르게 구한다.	3
② $x$ 의 값이 증가할 때 $y$ 의 값도 증가하는 $x$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	3

### 04

(가), (다)에서 이차함수의 그래프가  $x$ 축과 한 점에서 만나고 축의 방정식이  $x = -4$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$y = a(x+4)^2$  (으)로 놓자.

(나)에서 이차함수  $y = a(x+4)^2$ 의 그래프가 점  $(-2, 8)$ 을

지나므로  $8 = a(-2+4)^2, 8 = 4a, a = 2$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = 2(x+4)^2$

$\therefore y = 2(x+4)^2$

### 04-1

(가), (다)에서 이차함수의 그래프의 꼭짓점이  $x$ 축 위에 있고 축의 방정식이  $x = 4$ 이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-4)^2$ 으로 놓자. ... ①

(나)에서 이차함수  $y = a(x-4)^2$ 의 그래프가 점  $(1, 9)$ 를 지나므로  $9 = a(1-4)^2, 9 = 9a, a = 1$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = (x-4)^2$  ... ②

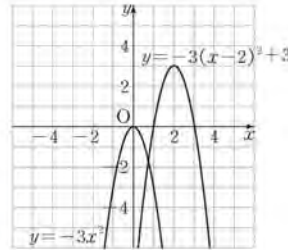
$\therefore y = (x-4)^2$

채점기준	배점
① 조건 (가)와 (다)를 만족시키는 이차함수의 식을 바르게 제시한다.	3
② 조건을 모두 만족시키는 이차함수의 식을 바르게 구한다.	3

## 35 이차함수 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프

p. 192

### 교과서 기본예제 1



### 교과서 기본예제 2

(1)  $x$ 축 :  $-1, y$ 축 :  $2$

(2)  $x$ 축 :  $2, y$ 축 :  $-1$

### 대표문제

이차함수  $y = 2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-3$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $5$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = 2(x+3)^2 + 5$$

이차함수  $y = 2(x+3)^2 + 5$ 의 그래프가 점  $(-1, k)$ 를 지나므로

$$k = 2(-1+3)^2 + 5 = 2 \times 4 + 5 = 13$$

$\therefore 13$

### 유사문제

이차함수  $y = -x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $2$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $-4$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = -(x-2)^2 - 4 \quad \dots (+3\text{점})$$

이차함수  $y = -(x-2)^2 - 4$ 의 그래프가 점  $(1, k)$ 를 지나므로

$$k = -(1-2)^2 - 4 = -1 - 4 = -5 \quad \dots (+2\text{점})$$

$\therefore -5$

### 특별하게 연습하기

p. 194

### 01

이차함수  $y = 3x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $2$ 만큼,

$y$ 축의 방향으로 5만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=3(x-2)^2+5$$

즉, 이 이차함수의 그래프의 축의 방정식은  $x=2$ .

꼭짓점의 좌표는  $(2, 5)$ 이다.

∴ 축의 방정식:  $x=2$ , 꼭짓점의 좌표:  $(2, 5)$

### 01-1

이차함수  $y=-\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-3$ 만큼,

$y$ 축의 방향으로  $-1$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=-\frac{2}{3}(x+3)^2-1 \quad \dots ①$$

이 이차함수의 그래프의 축의 방정식은  $x=-3$ ,

꼭짓점의 좌표는  $(-3, -1)$ 이다. ∴ ②

∴ 축의 방정식:  $x=-3$ , 꼭짓점의 좌표:  $(-3, -1)$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	3
② 평행이동한 그래프의 축의 방정식과 꼭짓점의 좌표를 각각 바르게 구한다.	2

### 02

이차함수  $y=\frac{1}{3}(x-p)^2+2p^2$ 의 그래프의

꼭짓점의 좌표는  $(p, 2p^2)$ 이다.

즉, 점  $(p, 2p^2)$ 이(가) 직선  $y=-x+6$  위에 있으므로

$$\begin{aligned} 2p^2 &= -p+6, 2p^2+p-6=0 \\ (p+2)(2p-3) &= 0, p=-2 \text{ 또는 } p=\frac{3}{2} \end{aligned}$$

이때  $p < 0$ 이므로  $p = -2$

∴  $-2$

### 02-1

이차함수  $y=-2(x+p)^2-4p$ 의 그래프의

꼭짓점의 좌표는  $(-p, -4p)$ 이다. ∴ ①

즉, 점  $(-p, -4p)$ 가 직선  $y=\frac{1}{2}x-7$  위에 있으므로

$$-4p = -\frac{1}{2}p - 7, 8p = p + 14, 7p = 14, p = 2 \quad \dots ②$$

∴ 2

채점기준	배점
① 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2
② $p$ 의 값을 바르게 구한다.	3

### 03

이차함수  $y=-\frac{1}{3}(x+2)^2+1$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로

3만큼,  $y$ 축의 방향으로  $-4$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=-\frac{1}{3}(x-3+2)^2+1-4, y=-\frac{1}{3}(x-1)^2-3$$

이차함수  $y=-\frac{1}{3}(x-1)^2-3$ 의 그래프가 점  $(-2, k)$ 를

$$\text{지나므로 } k = -\frac{1}{3}(-2-1)^2 - 3 = -\frac{1}{3} \times 9 - 3 = -6$$

∴  $-6$

### 03-1

이차함수  $y=2(x-1)^2-3$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-3$ 만큼,

$y$ 축의 방향으로 4만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=2(x+3-1)^2-3+4, y=2(x+2)^2+1 \quad \dots ①$$

이차함수  $y=2(x+2)^2+1$ 의 그래프가 점  $(a, 9)$ 를 지나므로

$$\begin{aligned} 9 &= 2(a+2)^2+1, 8=2(a+2)^2, (a+2)^2=4 \\ a+2 &= \pm 2, a=0 \text{ 또는 } a=-4 \end{aligned}$$

이때  $a < 0$ 이므로  $a = -4$  ∴ ②

∴  $-4$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	3
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3

### 04

그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$

그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(p, q)$ 이고,

꼭짓점이 제 2 사분면 위에 있으므로

$$p < 0, q > 0$$

$$\therefore apq > 0$$

### 04-1

그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$  ∴ ①

그래프의 꼭짓점의 좌표는  $(-p, q)$ 이고

꼭짓점이 제 4사분면 위에 있으므로

$$-p > 0, q < 0 \text{에서 } p < 0, q < 0 \quad \dots ②$$

$$\therefore apq > 0 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① $a$ 의 부호를 바르게 구한다.	1
② $p, q$ 의 부호를 각각 바르게 구한다.	2
③ $apq$ 의 부호를 바르게 구한다.	2

### 36 이차함수의 식 구하기(1)

▶ p. 196

#### 교과서 기본예제 1

$$y = \frac{1}{2}(x-3)^2 - 4$$

#### 교과서 기본예제 2

$$y = (x-3)^2 - 5$$

#### 대표문제

꼭짓점의 좌표가  $(-4, -3)$  이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+4)^2 - 3$  (으)로 놓자.  
이차함수  $y = a(x+4)^2 - 3$  의 그래프가 점  $(0, 5)$  을(를) 지나므로

$$5 = a(0+4)^2 - 3, 8 = 16a, a = \frac{1}{2}$$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = \frac{1}{2}(x+4)^2 - 3$

$$\therefore y = \frac{1}{2}(x+4)^2 - 3$$

#### 유사문제

꼭짓점의 좌표가  $(-1, 2)$  이므로 구하는 이차함수의 식을  $y = a(x+1)^2 + 2$  로 놓자. ... (+2점)  
이차함수  $y = a(x+1)^2 + 2$  의 그래프가 점  $(0, 1)$  을 지나므로  
 $1 = a(0+1)^2 + 2, a = -1$  ... (+2점)  
즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = -(x+1)^2 + 2$  ... (+1점)  
 $\therefore y = -(x+1)^2 + 2$

### 특별하게 연습하기

▶ p. 198

#### 01

꼭짓점의 좌표가  $(3, 5)$  이므로 구하는

이차함수의 식을  $y = a(x-3)^2 + 5$  (으)로 놓자.

이차함수  $y = a(x-3)^2 + 5$  의 그래프와

이차함수  $y = 2x^2$  의 그래프의 모양이 같으므로  $a = 2$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = 2(x-3)^2 + 5$

$$\therefore y = 2(x-3)^2 + 5$$

#### 01-1

꼭짓점의 좌표가  $(4, -2)$  이므로

구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-4)^2 - 2$  로 놓자. ... ①

이차함수  $y = a(x-4)^2 - 2$  의 그래프와

이차함수  $y = \frac{2}{3}x^2$  의 그래프의 모양이 같으므로  $a = \frac{2}{3}$  ... ②

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = \frac{2}{3}(x-4)^2 - 2$  ... ③

$$\therefore y = \frac{2}{3}(x-4)^2 - 2$$

채점기준	배점
① 이차함수의 식을 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
② a의 값을 바르게 구한다.	2
③ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

#### 02

꼭짓점의 좌표가  $(-1, 3)$  이므로 구하는

이차함수의 식을  $y = a(x+1)^2 + 3$  (으)로 놓자.

이차함수  $y = a(x+1)^2 + 3$  의 그래프가

점  $(0, 2)$  을(를) 지나므로

$$2 = a(0+1)^2 + 3, a = -1$$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = -(x+1)^2 + 3$

$$\therefore y = -(x+1)^2 + 3$$

#### 02-1

꼭짓점의 좌표가  $(3, 2)$  이므로

구하는 이차함수의 식을  $y = a(x-3)^2 + 2$  로 놓자. ... ①

이차함수  $y = a(x-3)^2 + 2$  의 그래프가 점  $(4, -2)$  를

지나므로  $-2 = a(4-3)^2 + 2, a = -4$  ... ②

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = -4(x-3)^2 + 2$  ... ③

$$\therefore y = -4(x-3)^2 + 2$$

채점기준	배점
① 이차함수의 식을 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
② a의 값을 바르게 구한다.	2
③ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

03

축의 방정식이  $x=2$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-2)^2+q$ 로 놓자.

점  $(-1, 1)$ 을 지나므로  $1=a(-1-2)^2+q, 9a+q=1$  ... ①

또, 점  $(1, 5)$ 를 지나므로  $5=a(1-2)^2+q, a+q=5$  ... ②

①에서 ②를 뺀다  $8a=-4, a=-\frac{1}{2}$

$a=-\frac{1}{2}$ 을(를) ②에 대입하면  $-\frac{1}{2}+q=5, q=\frac{11}{2}$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=-\frac{1}{2}(x-2)^2+\frac{11}{2}$

$\therefore y=-\frac{1}{2}(x-2)^2+\frac{11}{2}$

03-1

축의 방정식이  $x=4$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-4)^2+q$ 로 놓자. ... ①

점  $(1, -4)$ 를 지나므로

$-4=a(1-4)^2+q, 9a+q=-4$  ... ①

또, 점  $(2, 6)$ 을 지나므로

$6=a(2-4)^2+q, 4a+q=6$  ... ②

①에서 ②를 뺀다  $5a=-10, a=-2$  ... ③

$a=-2$ 를 ②에 대입하면  $-8+q=6, q=14$  ... ④

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=-2(x-4)^2+14$  ... ④

$\therefore y=-2(x-4)^2+14$

채점기준	배점
① 이차함수의 식을 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 바르게 제시한다.	1
② 두 점의 좌표를 각각 대입하여 $a, q$ 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
③ $a, q$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

04

(가), (나)에서 이차함수  $y=-2x^2$ 의 그래프와 모양이 같고

축의 방정식이  $x=-2$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$y=-2(x+2)^2+q$ 로 놓자.

(다)에서 이차함수  $y=-2(x+2)^2+q$ 의 그래프가

점  $(0, 4)$ 를 지나므로

$4=-2(0+2)^2+q, 4=-2 \times 4+q, q=12$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=-2(x+2)^2+12$

$\therefore y=-2(x+2)^2+12$

04-1

(가), (나)에서 이차함수  $y=3x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여

대칭인 그래프와 모양이 같고 축의 방정식이  $x=1$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=-3(x-1)^2+q$ 로 놓자. ... ①

(다)에서 이차함수  $y=-3(x-1)^2+q$ 의 그래프가

점  $(2, 4)$ 를 지나므로

$4=-3(2-1)^2+q, 4=-3+q, q=7$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=-3(x-1)^2+7$  ... ②

$\therefore y=-3(x-1)^2+7$

채점기준	배점
① 조건 (가)와 (나)를 만족시키는 이차함수의 식을 바르게 제시한다.	3
② 조건을 모두 만족시키는 이차함수의 식을 바르게 구한다.	3

자신있게 품내기

▶ p. 200

01

(1)  $y$ 를  $x$ 에 대한 식으로 나타내면  $y=x^2$  ... ①

즉, 이차함수이다. ... ②

(2)  $y$ 를  $x$ 에 대한 식으로 나타내면  $y=5x$  ... ③

즉, 이차함수가 아니다. ... ④

채점기준	배점
① (1)에서 $y$ 를 $x$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	1
② (1)에서 $y$ 가 $x$ 에 대한 이차함수인지 아닌지를 바르게 말한다.	1
③ (2)에서 $y$ 를 $x$ 에 대한 식으로 바르게 나타낸다.	1
④ (2)에서 $y$ 가 $x$ 에 대한 이차함수인지 아닌지를 바르게 말한다.	1

02

$y=ax^2-3(x+4x^2)-5$ 에서

$y=ax^2-3x-12x^2-5, y=(a-12)x^2-3x-5$  ... ①

이 함수가  $x$ 에 대한 이차함수가 되려면  $a-12 \neq 0$

즉,  $a \neq 12$ 여야 한다. ... ②

$\therefore a \neq 12$

채점기준	배점
① 주어진 식을 $y=ax^2+bx+c$ 꼴로 바르게 정리한다.	2
② $a$ 의 값 또는 조건을 바르게 구한다.	3

03

$f(x)=x^2+ax+1$ 에  $x=2$ 를 대입하면

$f(2)=2^2+2a+1=2a+5$ 이므로

$2a+5=7, 2a=2, a=1$  ... ①



즉,  $f(x) = x^2 + x + 1$ 에  $x = -2$ 를 대입하면  
 $f(-2) = (-2)^2 - 2 + 1 = 3$ 이므로  $b = 3$  ... ②  
 $\therefore b - a = 3 - 1 = 2$  ... ③

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $b - a$ 의 값을 바르게 구한다.	1

#### 04

이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프의 폭이 이차함수  $y = -2x^2$ 의  
 그래프의 폭보다 넓고, 이차함수  $y = -\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프의  
 폭보다 좁으므로  $-\frac{2}{3} < |a| < |-2|$  ... ①  
 이때 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$   
 즉,  $-2 < a < -\frac{2}{3}$  ... ②  
 $\therefore -2 < a < -\frac{2}{3}$

채점기준	배점
① $ a $ 의 범위를 바르게 구한다.	3
② $a$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	2

#### 05

이차함수  $y = 3x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여  
 대칭인 그래프의 식은  $y = -3x^2$  ... ①  
 이차함수  $y = -3x^2$ 의 그래프가 점  $(a, -2a)$ 를 지나므로  
 $-2a = -3a^2, 3a^2 - 2a = 0, a(3a - 2) = 0$   
 $a = 0$  또는  $a = \frac{2}{3}$   
 이때  $a \neq 0$ 이므로  $a = \frac{2}{3}$  ... ②  
 $\therefore \frac{2}{3}$

채점기준	배점
① $x$ 축에 대하여 대칭인 그래프의 식을 바르게 구한다.	3
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2

#### 06

이차함수의 식을  $y = ax^2$ 으로 놓으면  
 $6 = a \times 2^2, 6 = 4a, a = \frac{3}{2}$   
 따라서 이차함수의 식은  $y = \frac{3}{2}x^2$ , 즉  $f(x) = \frac{3}{2}x^2$  ... ①  
 이때  $f(x) = \frac{3}{2}x^2$ 에  $x = -6$ 을 대입하면  
 $f(-6) = \frac{3}{2} \times (-6)^2 = 54$  ... ②

$\therefore 54$

채점기준	배점
① $f(x)$ 를 바르게 구한다.	3
② $f(-6)$ 의 값을 바르게 구한다.	2

#### 07

점 A의 좌표를  $(-a, a^2)$ 으로 놓으면 (단,  $a > 0$ )  
 $B(-a, -2a^2), C(a, -2a^2), D(a, a^2)$  ... ①  
 즉,  $\overline{AB} = 3a^2, \overline{AD} = 2a$ 이고  $\overline{AB} = \overline{AD}$ 이므로  
 $3a^2 = 2a, 3a^2 - 2a = 0, a(3a - 2) = 0$   
 $a = 0$  또는  $a = \frac{2}{3}$   
 이때  $a > 0$ 이므로  $a = \frac{2}{3}$  ... ②  
 즉,  $\square ABCD = \overline{AD}^2 = (2a)^2 = 4a^2 = 4 \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{16}{9}$  ... ③  
 $\therefore \frac{16}{9}$

채점기준	배점
① 네 점 A, B, C, D의 좌표를 $a$ 를 사용한 식으로 각각 바르게 나타낸다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ $\square ABCD$ 의 넓이를 바르게 구한다.	2

#### 08

이차함수  $y = 4x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여 대칭인  
 그래프의 식은  $y = -4x^2$ 이므로  $a = -4$  ... ①  
 이차함수  $y = -4x^2$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로  
 7만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = -4x^2 + 7$ 이고,  
 이 그래프가 점  $(2, b)$ 를 지나므로  $b = -4 \times 2^2 + 7 = -9$  ... ②  
 $\therefore a - b = -4 - (-9) = 5$  ... ③

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	3
③ $a - b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

#### 09

그래프의 꼭짓점의 좌표가  $(0, -6)$ 이므로  
 주어진 이차함수의 그래프의 식은  $y = \frac{1}{4}x^2 - 6$  ... ①  
 이차함수  $y = \frac{1}{4}x^2 - 6$ 의 그래프가 점  $(k, 5)$ 를 지나므로  
 $5 = \frac{1}{4}k^2 - 6, -\frac{1}{4}k^2 = -11, k^2 = 44, k = \pm 2\sqrt{11}$  ... ②  
 $\therefore \pm 2\sqrt{11}$

채점기준	배점
① 주어진 이차함수의 그래프의 식을 바르게 구한다.	3
② $k$ 의 값을 모두 바르게 구한다.	2

10

이차함수  $y = -\frac{1}{3}x^2 + 3$ 의 그래프의 꼭짓점은 A(0, 3)이고,

$y=0$ 을 대입하면

$$0 = -\frac{1}{3}x^2 + 3, \frac{1}{3}x^2 = 3, x^2 = 9, x = \pm 3$$

이므로 B(-3, 0), C(3, 0) ... ①

즉,  $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times \overline{AO} = \frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$  ... ②

$\therefore 9$

채점기준	배점
① 세 점 A, B, C의 좌표를 각각 바르게 구한다.	3
② $\triangle ABC$ 의 넓이를 바르게 구한다.	2

11

이차함수  $y = a(x-p)^2$ 의 그래프의

축의 방정식이  $x=3$ 이므로  $p=3$  ... ①

이차함수  $y = a(x-3)^2$ 의 그래프가 점 (2, 1)을 지나므로

$$1 = a(2-3)^2, a = 1 \quad \dots ②$$

$$\therefore ap = 1 \times 3 = 3 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① $p$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $ap$ 의 값을 바르게 구한다.	1

12

이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 -3만큼

평행이동한 그래프의 식은  $y = a(x+3)^2$ 이고,

이 그래프가 점 (-4, -1)을 지나므로

$$-1 = a(-4+3)^2, a = -1 \quad \dots ①$$

이차함수  $y = -(x+3)^2$ 의 그래프가

점 (-1,  $b$ )를 지나므로  $b = -(-1+3)^2 = -4$  ... ②

$$\therefore a - b = -1 - (-4) = 3 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① $a$ 의 값을 바르게 구한다.	3
② $b$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a - b$ 의 값을 바르게 구한다.	1

13

이차함수  $y = (x-3)^2$ 의 그래프의 꼭짓점은

(3, 0)이므로 조건을 만족시키는 이차함수의 식을

$f(x) = a(x-3)^2$ 으로 놓자. ... ①

이차함수  $f(x) = a(x-3)^2$ 의 그래프가 점 (1, -8)을 지나므로

$$-8 = a(1-3)^2, -8 = 4a, a = -2$$

따라서  $f(x) = -2(x-3)^2$  ... ②

즉,  $f(2) = -2(2-3)^2 = -2$  ... ③

$\therefore -2$

채점기준	배점
① 조건을 만족시키는 이차함수의 식을 $a$ 를 사용한 식으로 바르게 나타낸다.	3
② $f(x)$ 를 바르게 구한다.	2
③ $f(2)$ 의 값을 바르게 구한다.	1

14

직선  $y = 2x - 3$ 의  $x$ 절편은  $\frac{3}{2}$ ,  $y$ 절편은 -3이다. ... ①

직선  $y = 2x - 3$ 의  $x$ 절편과 이차함수  $y = a(x-p)^2$ 의

그래프의 꼭짓점의  $x$ 좌표가 같으므로  $p = \frac{3}{2}$  ... ②

이차함수  $y = a(x - \frac{3}{2})^2$ 의 그래프가 점 (0, -3)을 지나므로

$$-3 = a(0 - \frac{3}{2})^2, -3 = \frac{9}{4}a, a = -\frac{4}{3} \quad \dots ③$$

$$\therefore ap = -\frac{4}{3} \times \frac{3}{2} = -2 \quad \dots ④$$

채점기준	배점
① 직선 $y = 2x - 3$ 의 $x$ 절편, $y$ 절편을 각각 바르게 구한다.	2
② $p$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
④ $ap$ 의 값을 바르게 구한다.	1

15

이차함수  $y = 5x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $m$ 만큼,

$y$ 축의 방향으로  $n$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = 5(x-m)^2 + n \quad \dots ①$$

이 식이 이차함수  $y = 5(x+2)^2 - 1$ 과 같으므로

$$m = -2, n = -1 \quad \dots ②$$

$$\therefore m + n = -2 + (-1) = -3 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 제시한다.	2
② $m, n$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $m+n$ 의 값을 바르게 구한다.	1

16

이차함수  $y = -2x^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여 대칭인

그래프의 식은  $y = 2x^2$ 이다. 이때 이차함수  $y = 2x^2$ 의

그래프를  $x$ 축의 방향으로 -3만큼,  $y$ 축의 방향으로

2만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = 2(x+3)^2 + 2$  ... ①

이차함수  $y = 2(x+3)^2 + 2$ 의 그래프가 점 (-1,  $k$ )를

지나므로  $k = 2 \times (-1+3)^2 + 2 = 2 \times 4 + 2 = 10$  ... ②

$\therefore 10$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	4
② $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2



### 17

이차함수  $y=(x+2)^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-1$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $2$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=(x+1+2)^2+2, y=(x+3)^2+2 \quad \dots \textcircled{1}$$

이차함수  $y=(x+3)^2+2$ 의 그래프를  $x$ 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 식은

$$-y=(x+3)^2+2, y=-(x+3)^2-2 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore y=-(x+3)^2-2$$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	2
② ①의 그래프를 대칭이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	3

### 18

이차함수  $y=x^2-2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $k$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $k+3$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=(x-k)^2-2+k+3, y=(x-k)^2+k+1 \quad \dots \textcircled{1}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $(k, k+1)$ 이다.

즉, 점  $(k, k+1)$ 이 직선  $y=-3x+5$  위에 있으므로

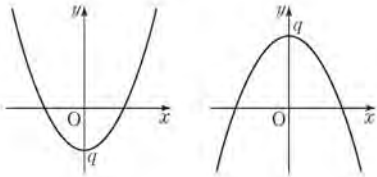
$$k+1=-3k+5, 4k=4, k=1 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore 1$$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	4
② $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 19

이차함수  $y=ax^2+q$ 의 그래프가 모든 사분면을 지나는 경우는 다음과 같다.



(i)  $a > 0, q < 0$ 일 때,  $\frac{a}{q} < 0$

(ii)  $a < 0, q > 0$ 일 때,  $\frac{a}{q} < 0$

(i), (ii)에서  $\frac{a}{q} < 0$  ... ②

$$\therefore \frac{a}{q} < 0$$

채점기준	배점
① 이차함수의 그래프가 모든 사분면을 지나는 경우를 바르게 제시한다.	3
② $\frac{a}{q}$ 의 부호를 바르게 구한다.	2

### 20

ㄱ. 위로 볼록한 포물선이다.

ㄴ.  $x=0$ 을 대입하면  $y=-2 \times (0+5)^2+3=-2 \times 25+3=-47$  즉,  $y$ 축과 점  $(0, -47)$ 에서 만난다.

ㄷ. 이차함수  $y=-2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-5$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $3$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=-2(x+5)^2+3$$

따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄷ이다.

$\therefore$  ㄴ, ㄷ

채점기준	배점
이차함수 $y=-2(x+5)^2+3$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것만을 있는 대로 바르게 고른다.	5

### 21

꼭짓점의 좌표가  $(1, -2)$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=a(x-1)^2-2$ 로 놓자. ... ①

이차함수  $y=a(x-1)^2-2$ 의 그래프가 점  $(3, 6)$ 을 지나므로

$$6=a(3-1)^2-2, 6=4a-2, -4a=-8, a=2 \quad \dots \textcircled{2}$$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=2(x-1)^2-2$  ... ③

$$\therefore y=2(x-1)^2-2$$

채점기준	배점
① 이차함수의 식을 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

### 22

이차함수  $y=a(x+2)^2-3$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $b$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $c$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y=a(x-b+2)^2-3+c, y=a\{x-(b-2)\}^2+c-3 \quad \dots \textcircled{1}$$

꼭짓점의 좌표가  $(2, 2)$ 이므로  $b-2=2, b=4$

또,  $c-3=2, c=5$  ... ②

이차함수  $y=a(x-2)^2+2$ 의 그래프가 점  $(1, 6)$ 을 지나므로

$$6=a(1-2)^2+2, a=4 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\therefore a+b+c=4+4+5=13 \quad \dots \textcircled{4}$$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 제시한다.	2
② $b, c$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
③ $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
④ $a+b+c$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 23

축의 방정식이  $x=-1$ 이므로 구하는 이차함수의 식을

$y=a(x+1)^2+q$ 로 놓자. ... ①

점  $(0, 3)$ 을 지나므로

$$3=a(0+1)^2+q, a+q=3 \quad \dots \textcircled{1}$$

또, 점  $(-3, 0)$ 을 지나므로

$$0=a(-3+1)^2+q, 4a+q=0 \quad \dots \textcircled{2} \quad \dots \textcircled{2}$$

②에서 ①을 번끼리 빼면  $3a = -3, a = -1$   
 $a = -1$ 을 ①에 대입하면  $-1 + q = 3, q = 4$  ... ③  
 즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = -(x+1)^2 + 4$  ... ④  
 $\therefore y = -(x+1)^2 + 4$

채점기준	배점
① 구하는 이차함수의 식을 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 제시한다.	1
② 두 점의 좌표를 각각 대입하여 $a, q$ 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
③ $a, q$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

24

꼭짓점의 좌표가  $(1, 4)$ 이므로  $p=1, q=4$  ... ①  
 이차함수  $y = a(x-1)^2 + 4$ 의 그래프가 점  $(0, 3)$ 을 지나므로  
 $3 = a(0-1)^2 + 4, 3 = a + 4, a = -1$  ... ②  
 이차함수  $y = -(x-1)^2 + 4$ 에  $y=0$ 을 대입하면  
 $0 = -(x-1)^2 + 4, (x-1)^2 = 4$   
 $x-1 = \pm 2, x = -1$  또는  $x = 3$   
 즉,  $A(-1, 0), B(3, 0)$ 이므로  $\overline{AB} = 4$  ... ③  
 $\therefore 4$

채점기준	배점
① $p, q$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 두 점 A와 B 사이의 거리를 바르게 구한다.	3

02 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프

37 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프 ▶ p. 208

교과서 기본예제 1

(1)  $y = (x+2)^2 + 1$                       (2)  $y = -2(x-1)^2 + 1$   
 (3)  $y = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{5}{4}$                       (4)  $y = \frac{1}{2}(x-1)^2 - \frac{3}{2}$

교과서 기본예제 2

(1)  $x = 2$                                       (2)  $(2, 9)$

대표문제

(1) 
$$y = 2x^2 - 8x + 1 = 2(x^2 - 4x + 4 - 4) + 1$$

$$= 2(x-2)^2 - 7$$

$\therefore y = 2(x-2)^2 - 7$

(2) 이차함수  $y = 2(x-2)^2 - 7$ 의 그래프의  
 축의 방정식은  $x = 2$ , 꼭짓점의 좌표는  $(2, -7)$ 이다.  
 $\therefore$  축의 방정식 :  $x = 2$ , 꼭짓점의 좌표 :  $(2, -7)$

유사문제

(1)  $y = -3x^2 + 6x - 6 = -3(x^2 - 2x + 1 - 1) - 6$   
 $= -3(x-1)^2 - 3$  ... (+3점)  
 $\therefore y = -3(x-1)^2 - 3$   
 (2) 이차함수  $y = -3(x-1)^2 - 3$ 의 그래프의 축의 방정식은  $x = 1$ ,  
 꼭짓점의 좌표는  $(1, -3)$ 이다. ... (+2점)  
 $\therefore$  축의 방정식 :  $x = 1$ , 꼭짓점의 좌표 :  $(1, -3)$

특별하게 연습하기 ▶ p. 210

01

$$y = 2x^2 - 8x + 5 = 2(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5$$

$$= 2(x-2)^2 - 3$$



즉,  $a = \boxed{2}$ ,  $p = \boxed{2}$ ,  $q = \boxed{-3}$  이므로  
 $a + p + q = \boxed{2 + 2 + (-3) = 1}$   
 $\therefore \boxed{1}$

### 01-1

$y = x^2 - 2x - 2 = (x^2 - 2x + 1 - 1) - 2 = (x - 1)^2 - 3 \quad \dots \textcircled{1}$   
 즉,  $a = 1$ ,  $p = 1$ ,  $q = -3$  이므로  
 $a + p + q = 1 + 1 + (-3) = -1 \quad \dots \textcircled{2}$   
 $\therefore -1$

채점기준	배점
① 이차함수를 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	3
② $a + p + q$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 02

$$y = -\frac{1}{2}x^2 + 4x + 3 = -\frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) + 3$$

$$= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 11$$

즉, 이차함수  $y = -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 11$ 의 그래프의  
 꼭짓점의 좌표는  $(4, 11)$ , 축의 방정식은  $x = 4$ 이다.  
 $\therefore$  꼭짓점의 좌표 :  $(4, 11)$ , 축의 방정식 :  $x = 4$

### 02-1

$y = \frac{1}{3}x^2 - 2x + 1 = \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9 - 9) + 1 = \frac{1}{3}(x - 3)^2 - 2 \quad \dots \textcircled{1}$   
 즉, 이차함수  $y = \frac{1}{3}(x - 3)^2 - 2$ 의 그래프의  
 꼭짓점의 좌표는  $(3, -2)$ , 축의 방정식은  $x = 3$ 이다.  $\dots \textcircled{2}$   
 $\therefore$  꼭짓점의 좌표 :  $(3, -2)$ , 축의 방정식 :  $x = 3$

채점기준	배점
① 이차함수를 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	3
② 꼭짓점의 좌표와 축의 방정식을 각각 바르게 구한다.	2

### 03

$y = x^2 - 3x - 10$ 에  $y = \boxed{0}$ 을(를) 대입하면

$$0 = x^2 - 3x - 10, (x + 2)(x - 5) = 0$$

$$x = -2 \text{ 또는 } x = 5$$

이때  $p < q$ 이므로  $p = \boxed{-2}$ ,  $q = \boxed{5}$

또,  $y = x^2 - 3x - 10$ 에  $x = \boxed{0}$ 을(를) 대입하면  
 $y = \boxed{-10}$ 이므로  $r = \boxed{-10}$   
 $\therefore p + q + r = \boxed{-2 + 5 + (-10) = -7}$

### 03-1

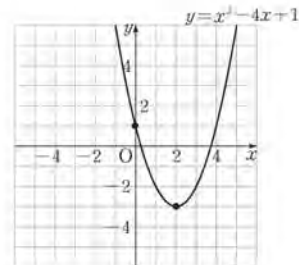
$y = -2x^2 - 4x + 6$ 에  $y = 0$ 을 대입하면  
 $0 = -2x^2 - 4x + 6, x^2 + 2x - 3 = 0$   
 $(x + 3)(x - 1) = 0, x = -3$  또는  $x = 1$   
 이때  $p < q$ 이므로  $p = -3, q = 1 \quad \dots \textcircled{1}$   
 또,  $y = -2x^2 - 4x + 6$ 에  $x = 0$ 을 대입하면  
 $y = 6$ 이므로  $r = 6 \quad \dots \textcircled{2}$   
 $\therefore p + q + r = -3 + 1 + 6 = 4 \quad \dots \textcircled{3}$

채점기준	배점
① $p, q$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	3
② $r$ 의 값을 바르게 구한다.	1
③ $p + q + r$ 의 값을 바르게 구한다.	1

### 04

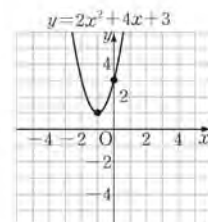
$$y = x^2 - 4x + 1 = (x^2 - 4x + 4 - 4) + 1 = (x - 2)^2 - 3$$

이때 이차함수  $y = (x - 2)^2 - 3$ 의 그래프의 꼭짓점의  
 좌표는  $(2, -3)$ , 축의 방정식은  $x = 2$ ,  $y$ 절편은  $1$   
 이므로 이차함수  $y = x^2 - 4x + 1$ 의 그래프를 좌표평면 위에 나타내  
 면 그림과 같다.



### 04-1

$y = 2x^2 + 4x + 3 = 2(x^2 + 2x + 1 - 1) + 3 = 2(x + 1)^2 + 1 \quad \dots \textcircled{1}$   
 이때 이차함수  $y = 2(x + 1)^2 + 1$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는  
 $(-1, 1)$ , 축의 방정식은  $x = -1$ ,  $y$ 절편은 3이므로  $\dots \textcircled{2}$   
 이차함수  $y = 2x^2 + 4x + 3$ 의 그래프를 좌표평면 위에 나타내면  
 그림과 같다.  $\dots \textcircled{3}$





### 02-1

$$y = -2x^2 + 4x - 4 = -2(x^2 - 2x + 1 - 1) - 4$$

$$= -2(x-1)^2 - 2 \quad \dots \textcircled{1}$$

즉, 이차함수  $y = -2(x-1)^2 - 2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-2$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $4$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = -2(x+2-1)^2 - 2 + 4, y = -2(x+1)^2 + 2 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\therefore y = -2(x+1)^2 + 2$$

채점기준	배점
① 이차함수를 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
② 평행이동한 그래프의 식을 바르게 구한다.	3

### 03

이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여 대칭인 그래프의 식은

$y = -ax^2$  이고, 이 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-3$ 만큼,  $y$ 축의

방향으로  $m$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = -a(x+3)^2 + m$$

$$y = 2x^2 + kx + 4 = 2\left(x^2 + \frac{k}{2}x + \frac{k^2}{16} - \frac{k^2}{16}\right) + 4$$

$$= 2\left(x + \frac{k}{4}\right)^2 + 4 - \frac{k^2}{8}$$

즉,  $a = -2$  이고,  $\frac{k}{4} = 3$  에서  $k = 12$

$$m = 4 - \frac{k^2}{8} = 4 - \frac{12^2}{8} = -14$$

$\therefore a = -2, m = -14, k = 12$

### 03-1

이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프와  $x$ 축에 대하여 대칭인 그래프의 식은

$y = -ax^2$ 이고, 이 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $2$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $m$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = -a(x-2)^2 + m$   $\dots \textcircled{1}$

$$y = -3x^2 + kx + 1 = -3\left(x^2 - \frac{k}{3}x + \frac{k^2}{36} - \frac{k^2}{36}\right) + 1$$

$$= -3\left(x - \frac{k}{6}\right)^2 + 1 + \frac{k^2}{12} \quad \dots \textcircled{2}$$

즉,  $a = 3$ 이고,  $-\frac{k}{6} = -2$ 에서  $k = 12$

$$m = 1 + \frac{k^2}{12} = 1 + \frac{12^2}{12} = 13 \quad \dots \textcircled{3}$$

$\therefore a = 3, m = 13, k = 12$

채점기준	배점
① 평행이동한 그래프의 식을 바르게 제시한다.	2
② 이차함수 $y = -3x^2 + kx + 1$ 을 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
③ $a, m, k$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	3

### 04

그래프가 위 로 볼록하므로  $a < 0$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 위치하므로  $ab < 0$

즉,  $b > 0$

또,  $y$ 축과의 교점이  $x$ 축의 아래 쪽에 위치하므로

$c < 0$

$\therefore a < 0, b > 0, c < 0$

### 04-1

그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$   $\dots \textcircled{1}$

축이  $y$ 축의 오른쪽에 위치하므로  $ab < 0$ , 즉  $b < 0$   $\dots \textcircled{2}$

또,  $y$ 축과의 교점이  $x$ 축의 위쪽에 위치하므로  $c > 0$   $\dots \textcircled{3}$

$\therefore a > 0, b < 0, c > 0$

채점기준	배점
① $a$ 의 부호를 바르게 구한다.	1
② $b$ 의 부호를 바르게 구한다.	2
③ $c$ 의 부호를 바르게 구한다.	2

## 39 이차함수와 도형의 활용

▶ p. 216

### 교과서 기본예제 1

A(1, 9), B(-2, 0), C(4, 0)

### 대표문제

$y = x^2 + 4x - 5$ 에  $y = 0$ 을(를) 대입하면

$$0 = x^2 + 4x - 5, (x+5)(x-1) = 0$$

$$x = -5 \text{ 또는 } x = 1$$

따라서 A(-5, 0), B(1, 0)

$$y = x^2 + 4x - 5 = (x^2 + 4x + 4 - 4) - 5$$

$$= (x+2)^2 - 9$$

이므로 C(-2, -9)

$$\therefore \triangle ACB = \frac{1}{2} \times \{1 - (-5)\} \times 9 = 27$$

유사문제

$$y = -x^2 + 4x + 12 = -(x^2 - 4x + 4 - 4) + 12 = -(x-2)^2 + 16$$

이므로 A(2, 16) ... (+2점)

$$y = -x^2 + 4x + 12 \text{에 } y=0 \text{을 대입하면}$$

$$0 = -x^2 + 4x + 12, x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x+2)(x-6) = 0, x = -2 \text{ 또는 } x = 6$$

따라서 B(-2, 0), C(6, 0) ... (+2점)

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times \{6 - (-2)\} \times 16 = 64 \quad \dots (+2점)$$

특별하게 연습하기

▶ p. 218

01

$$y = x^2 - 4x = x^2 - 4x + 4 - 4$$

$$= (x-2)^2 - 4$$

따라서 P(2, -4)

$$y = x^2 - 8x + 12 = (x^2 - 8x + 16 - 16) + 12$$

$$= (x-4)^2 - 4$$

따라서 Q(4, -4)

$$\therefore PQ = 4 - 2 = 2$$

01-1

$$y = x^2 - 2x - 3 = (x^2 - 2x + 1 - 1) - 3 = (x-1)^2 - 4$$

따라서 P(1, -4) ... ①

$$y = x^2 + 2x - 3 = (x^2 + 2x + 1 - 1) - 3 = (x+1)^2 - 4$$

따라서 Q(-1, -4) ... ②

$$\therefore PQ = 1 - (-1) = 2 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① 점 P의 좌표를 바르게 구한다.	2
② 점 Q의 좌표를 바르게 구한다.	2
③ PQ의 길이를 바르게 구한다.	1

02

$y = x^2 - 4x + 3$ 에  $y = 0$ 을(를) 대입하면

$$0 = x^2 - 4x + 3, (x-1)(x-3) = 0$$

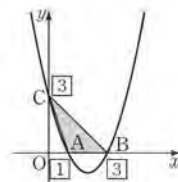
$$x = 1 \text{ 또는 } x = 3$$

따라서 A(1, 0), B(3, 0)

또, y축과의 교점이 C이므로

C(0, 3)

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times (3-1) \times 3 = 3$$



02-1

$y = -x^2 - 4x + 5$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

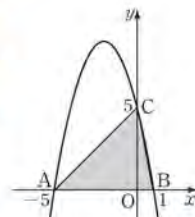
$$0 = -x^2 - 4x + 5, x^2 + 4x - 5 = 0$$

$$(x+5)(x-1) = 0, x = -5 \text{ 또는 } x = 1$$

따라서 A(-5, 0), B(1, 0) ... ①

또, y축과의 교점이 C이므로 C(0, 5) ... ②

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times \{1 - (-5)\} \times 5 = 15 \quad \dots ③$$



채점기준	배점
① 두 점 A, B의 좌표를 각각 바르게 구한다.	2
② 점 C의 좌표를 바르게 구한다.	1
③ △ABC의 넓이를 바르게 구한다.	2

03

$$y = -2x^2 + 8x + 4 = -2(x^2 - 4x + 4 - 4) + 4$$

$$= -2(x-2)^2 + 12$$

이므로 A(2, 12)

또, y축과 만나는 점이 B이므로 B(0, 4)

$$\therefore \triangle OAB = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$$

03-1

$$y = 2x^2 + 4x - 16 = 2(x^2 + 2x + 1 - 1) - 16 = 2(x+1)^2 - 18$$

이므로 A(-1, -18) ... ①

또, y축과 만나는 점이 B이므로 B(0, -16) ... ②

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 16 \times 1 = 8 \quad \dots ③$$

채점기준	배점
① 점 A의 좌표를 바르게 구한다.	2
② 점 B의 좌표를 바르게 구한다.	1
③ △OAB의 넓이를 바르게 구한다.	2

### 04

$$y = -2x^2 - 4x + 6 = -2(x^2 + 2x + 1 - 1) + 6$$

$$= -2(x+1)^2 + 8$$

이므로 A  $(-1, 8)$

$y = -2x^2 - 4x + 6$ 에  $y = 0$ 을(를) 대입하면

$$0 = -2x^2 - 4x + 6, x^2 + 2x - 3 = 0$$

$$(x+3)(x-1) = 0, x = -3 \text{ 또는 } x = 1$$

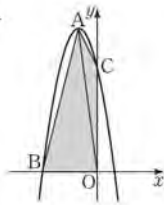
따라서 B  $(-3, 0)$

또,  $y$ 축과의 교점이 C이므로 C  $(0, 6)$

$\overline{AO}$ 를 그으면  $\square ABOC = \triangle ABO + \triangle AOC$ 이므로  
 $\square ABOC$

$$= \frac{1}{2} \times 3 \times 8 + \frac{1}{2} \times 6 \times 1 = 12 + 3 = 15$$

$\therefore 15$



### 04-1

$y$ 축과의 교점이 A이므로 A  $(0, -8)$  ... ①

$$y = x^2 - 2x - 8 = (x^2 - 2x + 1 - 1) - 8 = (x-1)^2 - 9$$

이므로 B  $(1, -9)$  ... ②

$y = x^2 - 2x - 8$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$0 = x^2 - 2x - 8, (x+2)(x-4) = 0$$

$$x = -2 \text{ 또는 } x = 4$$

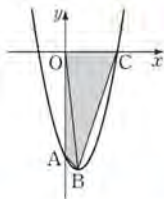
따라서 C  $(4, 0)$  ... ③

$\overline{BO}$ 를 그으면  $\square OABC = \triangle OAB + \triangle OBC$ 이므로

$$\square OABC = \frac{1}{2} \times 8 \times 1 + \frac{1}{2} \times 4 \times 9$$

$$= 4 + 18 = 22 \quad \dots ④$$

$\therefore 22$



채점기준	배점
① 점 A의 좌표를 바르게 구한다.	1
② 점 B의 좌표를 바르게 구한다.	2
③ 점 C의 좌표를 바르게 구한다.	2
④ □OABC의 넓이를 바르게 구한다.	2

## 40 이차함수의 식 구하기(2)

p. 220

### 고사서 기본예제 1

$$y = -x^2 - x + 6$$

### 대표문제

구하는 이차함수의 식을

$$y = ax^2 + bx - 10 \text{ (으)로 놓자.}$$

점  $(1, 0)$ 을 지나므로

$$0 = a + b - 10, a + b = 10 \quad \dots ①$$

점  $(2, 6)$ 을 지나므로

$$6 = 4a + 2b - 10, 2a + b = 8 \quad \dots ②$$

②에서 ①을 변끼리 빼면  $a = -2$

$a = -2$ 을(를) ①에 대입하면

$$-2 + b = 10, b = 12$$

즉, 구하는 이차함수의 식은

$$y = -2x^2 + 12x - 10$$

$$\therefore y = -2x^2 + 12x - 10$$

### 유사문제

구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx - 4$ 로 놓자. ... (+1점)

점  $(-1, 0)$ 을 지나므로  $0 = a - b - 4, a - b = 4$  ... ①

점  $(2, -6)$ 을 지나므로  $-6 = 4a + 2b - 4, 2a + b = -1$  ... ②

... (+2점)

①과 ②를 변끼리 더하면  $3a = 3, a = 1$

$a = 1$ 을 ①에 대입하면  $1 - b = 4, -b = 3, b = -3$  ... (+2점)

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y = x^2 - 3x - 4$  ... (+1점)

$$\therefore y = x^2 - 3x - 4$$

### 특별하게 연습하기

p. 222

### 01

구하는 이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx - 3$  (으)로 놓자.

점  $(-2, 1)$ 을 지나므로  $1=4a-2b-3, 2a-b=2$  ... ①

점  $(1, -8)$ 을 지나므로  $-8=a+b-3, a+b=-5$  ... ②

①과 ②를 변끼리 더하면  $3a=-3, a=-1$

$a=-1$ 을(를) ②에 대입하면  $-1+b=-5, b=-4$

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=-x^2-4x-3$

$\therefore y=-x^2-4x-3$

### 01-1

구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+3$ 으로 놓자. ... ①

점  $(-1, 2)$ 를 지나므로  $2=a-b+3, a-b=-1$  ... ①

점  $(2, -7)$ 을 지나므로  $-7=4a+2b+3, 2a+b=-5$  ... ②

①과 ②를 변끼리 더하면  $3a=-6, a=-2$

$a=-2$ 를 ①에 대입하면  $-2-b=-1, -b=1, b=-1$  ... ③

즉, 구하는 이차함수의 식은  $y=-2x^2-x+3$  ... ④

$\therefore y=-2x^2-x+3$

채점기준	배점
① 이차함수의 식의 꼴을 바르게 제시한다.	1
② 두 점의 좌표를 각각 대입하여 $a, b$ 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
③ $a, b$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

### 02

이차함수의 식을  $y=ax^2+bx-3$  (으)로 놓자.

점  $(-1, 0)$ 을 지나므로  $0=a-b-3, a-b=-3$  ... ①

점  $(1, -4)$ 를 지나므로  $-4=a+b-3, a+b=-1$  ... ②

①과 ②를 변끼리 더하면  $2a=2, a=1$

$a=1$ 을(를) ②에 대입하면  $1+b=-1, b=-2$

즉, 이차함수  $y=x^2-2x-3$ 에서

$$y=(x^2-2x+1-1)-3=(x-1)^2-4$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $(1, -4)$ 이다.

$\therefore (1, -4)$

### 02-1

이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+1$ 로 놓자. ... ①

점  $(1, 2)$ 를 지나므로  $2=a+b+1, a+b=1$  ... ①

점  $(-1, 4)$ 를 지나므로  $4=a-b+1, a-b=3$  ... ②

①과 ②를 변끼리 더하면  $2a=4, a=2$

$a=2$ 를 ①에 대입하면  $2+b=1, b=-1$  ... ③

즉, 이차함수  $y=2x^2-x+1$ 에서

$$y=2\left(x^2-\frac{1}{2}x+\frac{1}{16}-\frac{1}{16}\right)+1=2\left(x-\frac{1}{4}\right)^2+\frac{7}{8}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{1}{4}, \frac{7}{8}\right)$ 이다. ... ④

$\therefore \left(\frac{1}{4}, \frac{7}{8}\right)$

채점기준	배점
① 이차함수의 식의 꼴을 바르게 제시한다.	1
② 두 점의 좌표를 각각 대입하여 $a, b$ 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
③ $a, b$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2

### 03

그래프와  $x$ 축이 만나는 두 점의 좌표가  $(-3, 0), (1, 0)$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+3)(x-1)$  (으)로 놓자.

이차함수  $y=a(x+3)(x-1)$ 의 그래프가 점  $(0, 3)$ 을

지나므로  $3=a(0+3)(0-1), 3=-3a, a=-1$

즉, 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+3)(x-1)=-(x^2+2x-3)=-x^2-2x+3$$

$\therefore y=-x^2-2x+3$

#### TIP

$y$ 축과 만나는 점이 주어졌으므로  $y=ax^2+bx+3$ 으로 놓고 풀 수도 있다.

### 03-1

그래프와  $x$ 축이 만나는 두 점의 좌표가  $(-3, 0), (5, 0)$ 이므로

구하는 이차함수의 식을  $y=a(x+3)(x-5)$ 로 놓자. ... ①

이차함수  $y=a(x+3)(x-5)$ 의 그래프가 점  $(0, 15)$ 를 지나므로

$$15=a(0+3)(0-5), 15=-15a, a=-1 \quad \dots ②$$

즉, 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+3)(x-5)=-(x^2-2x-15)=-x^2+2x+15 \quad \dots ③$$

$\therefore y=-x^2+2x+15$

채점기준	배점
① 이차함수의 식의 꼴을 바르게 제시한다.	2
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	2
③ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	1

### 04

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{3}x^2 - 2x + 5 = \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9 - 9) + 5 \\ &= \frac{1}{3}(x-3)^2 + 2 \end{aligned}$$



따라서 꼭짓점의 좌표는  $(3, 2)$ 이다.

이차함수  $y=a(x-3)^2+2$ 의 그래프가 점  $(1, 5)$ 를

지나므로  $5=a(1-3)^2+2, 5=4a+2, -4a=-3, a=\frac{3}{4}$

즉, 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$  꼴로 나타내면

$$y=\frac{3}{4}(x-3)^2+2=\frac{3}{4}(x^2-6x+9)+2=\frac{3}{4}x^2-\frac{9}{2}x+\frac{35}{4}$$

$$\therefore y=\frac{3}{4}x^2-\frac{9}{2}x+\frac{35}{4}$$

### 04-1

$$y=\frac{1}{2}x^2-2x-2=\frac{1}{2}(x^2-4x+4-4)-2=\frac{1}{2}(x-2)^2-4$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $(2, -4)$ 이다. ... ①

이차함수  $y=a(x-2)^2-4$ 의 그래프가 점  $(-1, 2)$ 를 지나므로

$$2=a(-1-2)^2-4, 2=9a-4, -9a=-6, a=\frac{2}{3} \quad \dots ②$$

즉, 구하는 이차함수의 식을  $y=ax^2+bx+c$  꼴로 나타내면

$$\begin{aligned} y &= \frac{2}{3}(x-2)^2-4 = \frac{2}{3}(x^2-4x+4)-4 \\ &= \frac{2}{3}x^2-\frac{8}{3}x-\frac{4}{3} \quad \dots ③ \end{aligned}$$

$$\therefore y=\frac{2}{3}x^2-\frac{8}{3}x-\frac{4}{3}$$

채점기준	배점
① 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2
② a의 값을 바르게 구한다.	2
③ 이차함수의 식을 바르게 구한다.	2

## 자신있게 품내기

▶ p. 224

### 01

$$\begin{aligned} y &= 3x^2+5x+4=3\left(x^2+\frac{5}{3}x+\frac{25}{36}-\frac{25}{36}\right)+4 \\ &= 3\left(x+\frac{5}{6}\right)^2+\frac{23}{12} \quad \dots ① \end{aligned}$$

즉,  $p=-\frac{5}{6}, q=\frac{23}{12}$  이므로  $p+q=-\frac{5}{6}+\frac{23}{12}=\frac{13}{12}$  ... ②

$$\therefore \frac{13}{12}$$

채점기준	배점
① 이차함수를 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	3
② $p+q$ 의 값을 바르게 구한다.	2

### 02

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2}x^2+mx+3m-2=\frac{1}{2}(x^2+2mx+m^2-m^2)+3m-2 \\ &= \frac{1}{2}(x+m)^2-\frac{1}{2}m^2+3m-2 \quad \dots ① \end{aligned}$$

이차함수  $y=\frac{1}{2}(x+m)^2-\frac{1}{2}m^2+3m-2$ 의 그래프의 축의 방정식은  $x=-m$ 이므로  $-m=1, m=-1$  ... ②

즉,  $-\frac{1}{2}m^2+3m-2=-\frac{1}{2}\times(-1)^2+3\times(-1)-2=-\frac{11}{2}$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, -\frac{11}{2})$ 이다. ... ③

$$\therefore \left(1, -\frac{11}{2}\right)$$

채점기준	배점
① 이차함수를 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	3
② m의 값을 바르게 구한다.	1
③ 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2

### 03

$$y=\frac{1}{4}x^2+2x+k=\frac{1}{4}(x^2+8x+16-16)+k=\frac{1}{4}(x+4)^2+k-4$$

즉, 꼭짓점의 좌표는  $(-4, k-4)$ 이다. ... ①

꼭짓점이 제2사분면 위에 있으므로

$$k-4>0, k>4 \quad \dots ②$$

$$\therefore k>4$$

채점기준	배점
① 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	3
② k의 값의 범위를 바르게 구한다.	2

### 04

$$y=3x^2-12x+6=3(x^2-4x+4-4)+6=3(x-2)^2-6$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(2, -6)$ 이다. ... ①

또,  $y=x^2+mx+n$

$$\begin{aligned} &= \left(x^2+mx+\frac{m^2}{4}-\frac{m^2}{4}\right)+n \\ &= \left(x+\frac{m}{2}\right)^2-\frac{m^2}{4}+n \end{aligned}$$

에서 꼭짓점의 좌표는  $\left(-\frac{m}{2}, -\frac{m^2}{4}+n\right)$ 이다. ... ②

이때  $-\frac{m}{2}=2$ 에서  $m=-4$ 이고

$$-\frac{m^2}{4}+n=-6$$

에서  $-4+n=-6, n=-2$ 이다. ... ③

$$\therefore m=-4, n=-2$$

채점기준	배점
① 이차함수 $y=3x^2-12x+6$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2
② 이차함수 $y=x^2+mx+n$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	3
③ m, n의 값을 각각 바르게 구한다.	2

05

이차함수  $y=x^2+3x+k$ 의 그래프가 점  $(1, -6)$ 을 지나므로  
 $-6=1^2+3 \times 1+k, -6=4+k, k=-10$  ... ①  
 $y=x^2+3x-10$ 에  $y=0$ 을 대입하면  
 $0=x^2+3x-10, (x+5)(x-2)=0$   
 $x=-5$  또는  $x=2$   
 따라서 이차함수  $y=x^2+3x-10$ 의 그래프와  
 $x$ 축과의 교점의 좌표는  $(-5, 0), (2, 0)$ 이다. ... ②  
 $\therefore (-5, 0), (2, 0)$

채점기준	배점
① $k$ 의 값을 바르게 구한다.	2
② 이차함수의 그래프와 $x$ 축과의 두 교점의 좌표를 모두 바르게 구한다.	3

06

$y=x^2+2ax+3a+1=(x^2+2ax+a^2-a^2)+3a+1$   
 $= (x+a)^2-a^2+3a+1$   
 이므로 축의 방정식은  $x=-a$ , ... ①  
 꼭짓점의 좌표는  $(-a, -a^2+3a+1)$ 이다.  
 $x < 4$ 일 때  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소하고,  
 $x > 4$ 일 때  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가하므로  
 그래프의 축의 방정식은  $x=4$ 이다. 즉,  $a=-4$  ... ②  
 $a=-4$ 를  $(-a, -a^2+3a+1)$ 에 대입하면  
 $(4, -16-12+1)$ , 즉  $(4, -27)$ 이다. ... ③  
 $\therefore (4, -27)$

채점기준	배점
① 이차함수의 축의 방정식과 꼭짓점의 좌표를 $a$ 를 사용한 식으로 각각 바르게 나타낸다.	4
② $a$ 의 값을 바르게 구한다.	1
③ 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2

07

$y=-3x^2+12x-8=-3(x^2-4x+4-4)-8$   
 $= -3(x-2)^2+4$   
 이 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $m$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $n$ 만큼  
 평행이동한 그래프의 식은  $y=-3(x-m-2)^2+4+n$  ... ①  
 $y=-3x^2-6x+5=-3(x^2+2x+1-1)+5$   
 $= -3(x+1)^2+8$  ... ②  
 즉,  $-m-2=1$ 에서  $-m=3, m=-3$  ... ③  
 $4+n=8$ 에서  $n=4$  ... ④  
 $\therefore m+n=-3+4=1$  ... ④

채점기준	배점
① 이차함수 $y=-3x^2+12x-8$ 의 그래프를 평행이동한 그래프의 식을 바르게 제시한다.	2
② 이차함수 $y=-3x^2-6x+5$ 를 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
③ $m, n$ 의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ $m+n$ 의 값을 바르게 구한다.	1

08

(1) 그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$   
 축이  $y$ 축의 오른쪽에 위치하므로  $ab < 0$ 에서  $b > 0$   
 또,  $y$ 축과의 교점이  $x$ 축의 위쪽에 위치하므로  $c > 0$  ... ①  
 $\therefore a < 0, b > 0, c > 0$   
 (2)  $y=ax^2+bx+c$ 에  $x=2$ 를 대입하면  
 $y=a \times 2^2+b \times 2+c=4a+2b+c$   
 그래프에서  $x=2$ 일 때  $y$ 의 값이  $x$ 축의 위쪽에 위치하므로  
 $4a+2b+c > 0$  ... ②  
 $\therefore 4a+2b+c > 0$

채점기준	배점
① $a, b, c$ 의 부호를 각각 바르게 구한다.	3
② $4a+2b+c$ 의 부호를 바르게 구한다.	3

09

$y=2x^2+4x+5=2(x^2+2x+1-1)+5=2(x+1)^2+3$  ... ①  
 ① 아래로 볼록하다.  
 ② 축의 방정식은  $x=-1$ 이다.  
 ③ 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 3)$ 이다.  
 ④ 이차함수  $y=2x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $-1$ 만큼,  
 $y$ 축의 방향으로  $3$ 만큼 평행이동한 것과 같다.  
 ⑤  $y$ 축과의 교점의 좌표는  $(0, 5)$ 이다.  
 ⑥  $x < -1$ 일 때  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소하고,  
 $x > -1$ 일 때  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다. ... ②

채점기준	배점
① 이차함수를 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 바르게 나타낸다.	2
② 이차함수 $y=2x^2+4x+5$ 의 그래프에 대한 특징을 바르게 제시한다.	4

10

$y=\frac{1}{3}x^2-\frac{2}{3}x-\frac{8}{3}$   
 $=\frac{1}{3}(x^2-2x+1-1)-\frac{8}{3}$   
 $=\frac{1}{3}(x-1)^2-3$   
 이므로  $A(1, -3)$  ... ①  
 $y=\frac{1}{3}x^2-\frac{2}{3}x-\frac{8}{3}$ 에  $y=0$ 을 대입하면  
 $0=\frac{1}{3}x^2-\frac{2}{3}x-\frac{8}{3}, x^2-2x-8=0$   
 $(x+2)(x-4)=0, x=-2$  또는  $x=4$   
 따라서  $B(-2, 0), C(4, 0)$  ... ②  
 $\therefore \triangle ACB = \frac{1}{2} \times \{4 - (-2)\} \times 3 = 9$  ... ③

채점기준	배점
① 점 A의 좌표를 바르게 구한다.	2
② 두 점 B, C의 좌표를 각각 바르게 구한다.	2
③ $\triangle ACB$ 의 넓이를 바르게 구한다.	2

### 11

$$y = -x^2 - 4x + k = -(x^2 + 4x + 4 - 4) + k = -(x+2)^2 + k + 4$$

이고  $\overline{AB} = 8$ 이므로  $A(-2-4, 0)$ ,  $B(-2+4, 0)$

즉,  $A(-6, 0)$ ,  $B(2, 0)$  ... ①

$y = -x^2 - 4x + k$ 에  $x=2, y=0$ 을 대입하면

$$0 = -2^2 - 4 \times 2 + k, k - 12 = 0, k = 12 \quad \dots ②$$

$y = -(x+2)^2 + k + 4$ 에  $k=12$ 를 대입하면

$y = -(x+2)^2 + 16$ 이므로  $C(-2, 16)$  ... ③

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 8 \times 16 = 64 \quad \dots ④$$

채점기준	배점
① 두 점 A, B의 좌표를 각각 바르게 구한다.	2
② k의 값을 바르게 구한다.	1
③ 점 C의 좌표를 바르게 구한다.	2
④ $\triangle ABC$ 의 넓이를 바르게 구한다.	2

### 12

$$y = -2x^2 + 4x + 6 = -2(x^2 - 2x + 1 - 1) + 6 = -2(x-1)^2 + 8$$

이므로  $A(1, 8)$  ... ①

y축과의 교점이 B이므로  $B(0, 6)$  ... ②

$y = -2x^2 + 4x + 6$ 에  $y=0$ 을 대입하면

$$0 = -2x^2 + 4x + 6, x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$(x+1)(x-3) = 0, x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

따라서  $C(-1, 0)$ ,  $D(3, 0)$  ... ③

$\overline{AO}$ 를 그으면

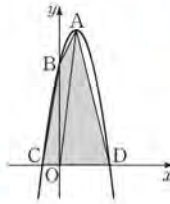
$\square ABCD = \triangle OBC + \triangle OAB + \triangle ODA$ 이므로

$$\square ABCD$$

$$= \frac{1}{2} \times 1 \times 6 + \frac{1}{2} \times 6 \times 1 + \frac{1}{2} \times 3 \times 8$$

$$= 3 + 3 + 12 = 18 \quad \dots ④$$

$\therefore 18$



채점기준	배점
① 점 A의 좌표를 바르게 구한다.	2
② 점 B의 좌표를 바르게 구한다.	1
③ 두 점 C, D의 좌표를 각각 바르게 구한다.	2
④ $\square ABCD$ 의 넓이를 바르게 구한다.	2

### 13

그래프가 점  $(0, 6)$ 을 지나므로  $c=6$  ... ①

이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx + 6$ 으로 놓자.

점  $(-2, 0)$ 을 지나므로  $0 = 4a - 2b + 6, 2a - b = -3$  ... ①

점  $(1, 6)$ 을 지나므로  $6 = a + b + 6, a + b = 0$  ... ②

①과 ②를 변끼리 더하면  $3a = -3, a = -1$

$a = -1$ 을 ②에 대입하면  $-1 + b = 0, b = 1$  ... ③

$$\therefore a + b + c = -1 + 1 + 6 = 6 \quad \dots ④$$

채점기준	배점
① c의 값을 바르게 구한다.	1
② 두 점의 좌표를 각각 대입하여 a, b 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
③ a, b의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ a+b+c의 값을 바르게 구한다.	1

### 14

이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx - 6$ 으로 놓자. ... ①

점  $(1, 0)$ 을 지나므로  $0 = a + b - 6, a + b = 6$  ... ①

점  $(3, 0)$ 을 지나므로  $0 = 9a + 3b - 6, 3a + b = 2$  ... ②

②에서 ①을 변끼리 빼면  $2a = -4, a = -2$

$a = -2$ 를 ①에 대입하면  $-2 + b = 6, b = 8$  ... ③

즉, 이차함수의 식은  $y = -2x^2 + 8x - 6$ 이고

그래프가 점  $(-2, k)$ 를 지나므로

$$k = -2 \times (-2)^2 + 8 \times (-2) - 6 = -30 \quad \dots ④$$

$$\therefore -30$$

채점기준	배점
① 이차함수의 식의 꼴을 바르게 제시한다.	1
② 두 점의 좌표를 각각 대입하여 a, b 사이의 관계식을 바르게 구한다.	2
③ a, b의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ k의 값을 바르게 구한다.	2

### TIP

x축과의 두 교점이 주어졌으므로  $y = a(x-1)(x-3)$ 으로 놓고 풀 수도 있다.

### 15

그래프와 x축이 만나는 두 점의 좌표가  $(-1, 0)$ ,  $(3, 0)$ 이므로

이차함수의 식을  $y = a(x+1)(x-3)$ 으로 놓자. ... ①

이차함수  $y = a(x+1)(x-3)$ 의 그래프가 점  $(0, -6)$ 을 지나므로

$$-6 = a(0+1)(0-3), -6 = -3a, a = 2 \quad \dots ②$$

즉, 이차함수의 식은

$$y = 2(x+1)(x-3) = 2(x^2 - 2x - 3) = 2x^2 - 4x - 6$$

이므로  $b = -4, c = -6$  ... ③

$$\therefore a + b + c = 2 + (-4) + (-6) = -8 \quad \dots ④$$

채점기준	배점
① 이차함수의 식의 꼴을 바르게 제시한다.	2
② a의 값을 바르게 구한다.	2
③ b, c의 값을 각각 바르게 구한다.	2
④ a+b+c의 값을 바르게 구한다.	1

### 16

(1) 꼭짓점의 좌표가  $(4, -3)$ 이므로

$$y = a(x-4)^2 - 3 = a(x^2 - 8x + 16) - 3$$

$$= ax^2 - 8ax + 16a - 3$$

즉,  $b = -8a, c = 16a - 3$  ... ①

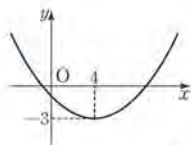
$$\therefore b = -8a, c = 16a - 3$$

(2) 이차함수의 그래프가 모든 사분면을 지나려면 그림과 같아야 하므로  $a > 0, c < 0$  ... ②

이때  $c = 16a - 3 < 0, 16a < 3, a < \frac{3}{16}$

즉,  $0 < a < \frac{3}{16}$

$\therefore 0 < a < \frac{3}{16}$



... ③

채점기준	배점
① $b, c$ 를 $a$ 에 대한 식으로 각각 바르게 나타낸다.	3
② $a, c$ 의 부호를 각각 바르게 구한다.	2
③ $a$ 의 값의 범위를 바르게 구한다.	2

### 17

(1)  $y = 2x^2 - 4x - 6 = 2(x^2 - 2x + 1 - 1) - 6 = 2(x-1)^2 - 8$

즉, 이차함수  $y = 2x^2 - 4x - 6$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 (1, -8)이다.

$\therefore (1, -8)$

... ①

(2)  $y = 2x^2 - 4x - 6$ 에  $x = 0$ 을 대입하면  $y = -6$

즉,  $y$ 축과 만나는 점의 좌표는 (0, -6)이다.

$\therefore (0, -6)$

... ②

(3)  $y = 2x^2 - 4x - 6$ 에  $y = 0$ 을 대입하면

$$0 = 2x^2 - 4x - 6, x^2 - 2x - 3 = 0$$

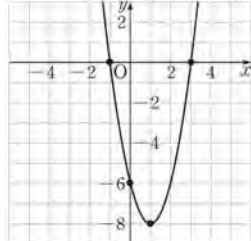
$$(x+1)(x-3) = 0, x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

즉,  $x$ 축과 만나는 점의 좌표는 각각 (-1, 0), (3, 0)이다. ... ③

$\therefore (-1, 0), (3, 0)$

... ④

(4)  $y = 2x^2 - 4x - 6$



채점기준	배점
① 꼭짓점의 좌표를 바르게 구한다.	2
② $y$ 축과 만나는 점의 좌표를 바르게 구한다.	2
③ $x$ 축과 만나는 점의 좌표를 모두 바르게 구한다.	3
④ 이차함수의 그래프를 좌표평면 위에 바르게 나타낸다.	3

### 18

(1)  $x^2$ 의 계수의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.

(가)  $|1| = 1, (나) |-1| = 1, (다) |2| = 2$

(라)  $|3| = 3, (마) |-1| = 1, (바) \left| -\frac{1}{3} \right| = \frac{1}{3}$

이때  $y = -2x^2$ 에서  $x^2$ 의 계수의 절댓값은  $|-2| = 2$ 이므로

$y = -2x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁은 것은 (라)이다. ... ①

$\therefore (라)$

(2) (나)  $y = -x^2 + 2x - 9 = -(x^2 - 2x + 1 - 1) - 9 = -(x-1)^2 - 8$

(다)  $y = 2x^2 - 2x = 2\left(x^2 - x + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}\right) = 2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{2}$

따라서 이차함수의 축의 방정식을 각각 구하면

(가)  $x = 3, (나) x = 1, (다) x = \frac{1}{2}$

(라)  $x = -2, (마) x = -1, (바) x = 0$  ... ②

$x > 1$ 일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소하는 것은 그래프가 위로 볼록하고, 축이  $x = 1$ 이거나  $x = 1$ 의 왼쪽에 있어야 하므로

(나), (마), (바)이다. ... ③

$\therefore (나), (마), (바)$

(3) 그래프의 축이 가장 오른쪽에 있는 것은 (가)이다. ... ④

$\therefore (가)$

채점기준	배점
① 이차함수 $y = -2x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁은 것을 모두 바르게 고른다.	2
② 이차함수의 축의 방정식을 각각 바르게 구한다.	3
③ $x > 1$ 일 때, $x$ 의 값이 증가하면 $y$ 의 값은 감소하는 것을 모두 바르게 고른다.	3
④ 그래프의 축이 가장 오른쪽에 있는 것을 바르게 고른다.	2